



This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

### Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + *Refrain from automated querying* Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

### About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at <http://books.google.com/>



GODFREY LOWELL CABOT SCIENCE LIBRARY  
*of the Harvard College Library*

This book is  
**FRAGILE**  
and circulates only with permission.  
Please handle with care  
and consult a staff member  
before photocopying.

Thanks for your help in preserving  
Harvard's library collections.





4670

# Katechismus der Feldmesskunst.

---



○ Katechismus  
der  
**Feldmessenkunst**

mit  
Kette, Winkelspiegel und Messtisch.

Von  
**Friedrich Herrmann.**

———  
Vierte, durchgesehene Auflage.  
———

Mit 92 in den Text gedruckten Figuren und einer Markkarte.

— — — — —  
Leipzig

Verlagsbuchhandlung von J. J. Weber

1884



~~E. 3375~~

Eng 488.84

SEP 14 1885

*Handwritten text, possibly "The end of the world"*

# Inhaltsverzeichnis.

Einleitung.	Seite
Allgemeine Erklärungen und Vorbegriffe . . . . .	3

## Erster Abschnitt.

Die Berechnung des Flächeninhaltes der Feldmeßfiguren .	17
---	----

## Zweiter Abschnitt.

Vorübungen mit Kette und Winkelspiegel . . . . .	27
--	----

## Dritter Abschnitt.

Aufnahme ganzer Feldparzellen durch Kette und Winkel- spiegel . . . . .	43
--	----

Vierter Abschnitt.	
	Seite
Das Auftragen der Figuren . . . . .	56
Fünfter Abschnitt.	
Die Aufnahme mit dem Nivellirte . . . . .	70
Sechster Abschnitt.	
Das Zeilen der Figuren . . . . .	84
Siebenter Abschnitt.	
Das Höhenmessen und das Nivellieren . . . . .	94

# Katechismus der Feldmesskunst.

---



# Einleitung.

---

## Allgemeine Erklärungen und Vorbegriffe.

### 1. Was lehrt die Feldmessenkunst überhaupt?

Sie lehrt jedes gegebene Stück der Erdoberfläche genau nach seiner Größe zu bestimmen, seine Gestalt und die darauf befindlichen Objekte, als Grenzen, Flüsse, Wege, Gebäude u. s. w., in Grundriß zu bringen, Teile davon nach bestimmter Größe und Form abzuschneiden und die Höhe eines Objektes über die Höhe eines andern anzugeben.

### 2. Womit beschäftigt sich die ökonomische Feldmessenkunst insbesondere?

Mit Bestimmung der Größe einzelner Feld-, Wiesen- und Waldgrundstücke, mit genauer Grundlegung der Grenzen des ganzen Grundstückes so wie der einzelnen Kulturarten, mit Geradlegung krummer Grenzen, so wie Zusammenlegung, Umtausch und Abschneidung einzelner Flurteile, und mit der Bestimmung der Bodensteigung behufs der Anlegung von Be- und Entwässerungen, Wegen, Gräben und Drainagen.

### 3. Was wird unter einer horizontalen Fläche verstanden?

Eine solche, die wasserrecht, d. h. wie der Spiegel eines stehenden Gewässers ausgebreitet ist.

**4. Wird beim Feldmessen die horizontale oder die schiefe Fläche berücksichtigt und aus welchem Grunde?**

Die horizontale, weil die Erfahrung gelehrt hat, daß auf einer schiefen Fläche nicht mehr Pflanzen wachsen als auf den entsprechenden horizontalen; weil die Bestellung geneigter Flächen schwieriger ist und weil der Grundriß nur nach horizontaler Projektion gezeichnet werden kann.

**5. Erfordert die gesamte Feldmessenkunst viel Vorkenntnisse?**

Zur höhern Meßkunst gehören allerdings mancherlei Vorkenntnisse, namentlich Geometrie, Trigonometrie, mathematische Geographie zc., vorzüglich aber auch Kenntniß der verschiedenen Meßinstrumente, ihrer Justirung und ihres Gebrauches, gutes Auge, ruhige Hand und ein scharfer Umblick.

**6. Welche Vorkenntnisse erfordert die Meßkunst für gewöhnliche ökonomische Zwecke?**

Nur wenig. Wünschenswert sind Kenntniß der Decimalbruchrechnung, des Kettensatzes und der Gesellschaftsrechnung. Fleiß und Übung bringen das Übrige.

**7. Was wird unter einem Decimalbruch verstanden?**

Ein Decimalbruch ist ein solcher, dessen Nenner aus einer dekadischen Zahl besteht.

**8. Was ist eine dekadische Zahl?**

Eine solche, welche aus einer Eins und einer beliebigen Anzahl Nullen zusammengesetzt ist, z. B. 10, 100, 1000 u. s. f.

**9. Welche Vorzüge haben die Decimalbrüche?**

Bei ihnen werden die Nenner nicht geschrieben, weshalb das Rechnen damit sehr leicht ist. Sodann schreiten sie mit der Zahl Zehn fort, schließen sich deshalb dem metrischen Maß- und Gewichtssystem genau an und überheben aus diesem Grunde jeder Reduktion von einer Einheit in eine andere.

**10. Wie ist hiernach die Form eines solchen Bruches?**

Da, wo die Ganzen aufhören, wird ein Komma oder auch ein Punkt gesetzt. Das Einerzeichen. — Die nächstfolgende Ziffer bezeichnet nun Zehntel, die folgende Hundertel, die

nächste Tausendtel, die folgende Zehntausendtel u. s. w. 73,4079 ist hiernach zu lesen: 73 Ganze, 4 Zehntel, kein Hundertel, 7 Tausendtel, 9 Zehntausendtel, oder kürzer: 73 Ganze 4079 Zehntausendtel.

**11. Wie ist die Bezeichnung, wenn keine Ganzen vorhanden?**

Ihre Stelle wird durch eine Null ersetzt. 0,7124 heißt hiernach: kein Ganzes 7124 Zehntausendtel; 0,017 heißt kein Ganzes 17 Tausendtel; 0,0014 heißt kein Ganzes 14 Zehntausendtel u. s. f.

**12. Welcher Bruch ist größer: 0,21 oder 0,2100?**

Sie haben beide gleichen Wert und nur die Grundeinheiten sind verschieden. 7 Decimeter, 70 Centimeter und 700 Millimeter sind auch gleich groß. Überhaupt wird der Wert eines Decimalbruches durch rechts angehängte Nullen nicht geändert.

**13. Was geschieht aber, wenn den Bruchziffern links Nullen vorgesetzt werden?**

Durch jede Null wird der Wert des Bruches um zehnmal verkleinert, z. B. 0,014 ist zehnmal; 0,0014 hundertmal; 0,00014 tausendmal kleiner als wie 0,14.

**14. Wie werden Decimalbrüche addiert und subtrahiert?**

Sie werden so unter einander geschrieben, daß Komma genau unter Komma steht, und dann wird ganz so gerechnet wie bei ganzen Zahlen. Der Anfänger kann vorher nach Frage 12 die Anzahl der Decimalstellen durch angehängte Nullen gleich machen.

**15. Wie wird hiernach der Aufsatz aussehen?**

Um 2,21; 17,4; 0,818; 0,0714 zu addieren ist die Rechnung

$$\begin{array}{r}
 2,21 \\
 17,4 \\
 0,818 \\
 0,0714 \\
 \hline
 20,4994
 \end{array}$$



wobei zu bemerken, daß die 14 Behtel Ein Ganzes und vier Behtel ausmacht. Um weiter 0,724 von 13,4 abzugiehen, ist die Rechnung

$$\begin{array}{r} \text{von } 13,400 \\ \text{ab } 0,724 \\ \hline \text{bleibt } 12,676. \end{array}$$

**16. Auf welche Weise geschieht die Multiplikation?**

Es wird ganz, als wie mit Ganzen multipliziert und dem Produkte so viel Bruchziffern gegeben, als wie in den Faktoren zusammen enthalten sind. Um z. B. 12,17 durch 0,312 zu multiplizieren, ist zuerst  $1217 \times 312$  gleich 379704. Nun hat 12,17 zwei und 0,312 drei Ziffern im Bruche, dem Produkte sind also zusammen fünf Bruchstellen abzuschneiden und es ist  $12,17 \times 0,312 = 3,79704$ .

**17. Wie groß ist das Produkt von  $1,074 \times 0,0037$ ?**

Zuerst ist  $1074 \times 37$  gleich 39738. Die Faktoren haben zusammen sieben Bruchstellen. Das Produkt hat nur fünf Ziffern. Es sind demselben deshalb zwei Nullen links vorzusetzen und es ist  $1,074 \times 0,037 = 0,0039738$ .

**18. Beim Multiplizieren entstehen oft sehr viele Decimalstellen. Sind sie alle erforderlich?**

Nein! In der Regel sind höchstens vier Bruchziffern notwendig; was darüber kommt, wird weggelassen.

**19. Was ist zu berücksichtigen, wenn die erste der wegzulassenden Ziffern fünf oder größer als fünf?**

In diesem Falle wird die letzte der bleibenden Stellen um eine Einheit erhöht. Auf vier Stellen gekürzt sind z. B.  $0,371456 = 0,3715$ ;  $0,784175 = 0,7842$  u.

**20. Es soll 3 durch 8 dividiert werden, wie geschieht dies mit Decimalen?**

Es heißt hier:  $8 \text{ in } 3 = 0$  Ganze. Eine Null an die 3 giebt 30 (Behtel); 8 in 30 gleich 3 mal;  $3 \times 8$  gleich 24, bleibt 6 Rest. Eine Null angehängt giebt 60 (Hundertel);

8 in 60 gleich 7 mal;  $7 \times 8$  gleich 56, bleibt 4 Rest. Eine Null angehängt giebt 40 (Tausendtel); 8 in 40 gleich 5 mal. Mithin 8 in 3 gleich 0,375.

**21. Können den Resten auf einmal mehr als eine Null angehängt werden?**

Weil bei der Division streng Stelle nach Stelle genommen werden muß, so ist es ratsam, nur eine Null auf einmal anzusetzen. Geht die Division noch nicht, so kommt eine Null in den Quotient, und dies geschieht so oft, als bis die Division möglich.

**22. Wie ist die Division von Decimalbrüchen am bequemsten und sichersten auszuführen?**

Für alle möglichen Fälle genügt als Regel, die Decimalstellen in Divisor und Dividend durch angehängte Nullen gleich zu machen, die Kommas wegzulassen und wie mit ganzen Zahlen zu rechnen.

**23. Wie ist dies zu verstehen?**

Es sei 21,13 durch 0,718 zu dividieren. Die Decimalstellen gleich gemacht (Frage 12), giebt 21,130 durch 0,718. Die Kommas weg, kommt 21130 durch 718 und der Quotient ist 29,4289.

**24. Welches Maß wird beim Feldmessen angewendet?**

Allgemein gilt jetzt das Meter (m). 10 Meter heißen eine Rette. Kleine Längen werden in Decimeter ausgedrückt. Die Flächeneinheit ist ein Quadrat-Meter ( $\square m$ ). 100  $\square m$  (1  $\square$  Rette) heißen 1 Ar; 100 Ar oder 10 000  $\square m$  sind 1 Hektar.

**25. Waren die bisherigen Feldmaße einander gleich?**

Nein, im Gegenteil, sie waren sehr verschieden. Als Längeneinheit diente die Rute von ganz verschiedener Größe. In Sachsen z. B. hatte die Feldmeßrute 7 Ellen 14 Zoll und die Straßenbaurute 8 Ellen. Flächeneinheit war die Quadratrute, größere Flächen wurden nach Akern, Morgen, Foch u. s. w. bestimmt.

## 26. Wie vergleichen sich die gebräuchlichsten bisherigen Feldmeßmaße gegen einander?

Die Vergleichung geschieht am bequemsten nach dem neuen Maße und ist für die wichtigsten Länder in folgender Tabelle zusammengestellt:

Land	Längenmaß	100 solche Einheiten sind Meter	Flächenmaß	100 solche Einheiten sind Ar
Österreich	Klafter à 6 Fuß	1897	Joch, 1600 <input type="checkbox"/> Klstr.	5756
Preußen	Rute à 10 Fuß	3766	Morgen, 180 <input type="checkbox"/> R.	2553
Bayern	" "	2919	Zuchart, 400 <input type="checkbox"/> R.	3407
Sachsen	" "	4295	Ader, 300 <input type="checkbox"/> R.	5540
Hannover	" "	4674	Morgen, 120 <input type="checkbox"/> R.	2621
Württemberg	" "	2865	Morgen, 384 <input type="checkbox"/> R.	3152
Baden	" "	3000	Morgen, 400 <input type="checkbox"/> R.	3600
Großherzogt. Hessen	" "	3989	Ader, 150 <input type="checkbox"/> R.	2387
Kurhessen	Rute à 10 Fuß	3570	Morgen, 190 <input type="checkbox"/> R.	2039
Mecklenburg	" (auch wie Preußen)	4656	Morgen, 300 <input type="checkbox"/> R.	6500
Oldenburg	" à 10 Fuß	5526	Züß, 160 <input type="checkbox"/> R.	4538
Braunschweig	" "	4566	Feldmorg., 120 <input type="checkbox"/> R.	2502
Altenburg	" "	5675	Ader, 200 <input type="checkbox"/> R.	6443
Gotha	Feldbrute	4032	Feldader, 160 <input type="checkbox"/> R.	2270
Frankreich	Decameter	10000	Are, 100 <input type="checkbox"/> Meter	100
England und Amerika	Rute (Rod)	5029	Ader, 160 <input type="checkbox"/> Rods	4047
Rußland	Sasche	2134	Däffetine, 2400 <input type="checkbox"/> Saschen	10925

## 27. Auf welche Weise kann die Vergleichung der in obiger Tabelle stehenden Maße unter sich erfolgen?

Entweder durch einen Kettenatz oder auch unmittelbar durch Verwechselung der Verhältniszahlen. Wäre z. B. die Frage, wie viel alte sächsische Längenruten sind 43 engl. Rods, so ist der Ansatz:

x R. sächf.	43 engl. Rods
100	5029 Meter
4295	100 R. sächf.
	<hr/>
	5029 $\times$ 43
	<hr/>
	20116
	15087
4295 in	<hr/>
	216247 = 50,35 R. sächf. sind gleich
	21475 43 R. engl.
	<hr/>
	14970
	12885
	<hr/>
	2085

Man hätte aber auch sofort die Gleichung  
 5029 sächf. R. = 4295 engl. R.

$$\frac{5029}{4295} \text{ sächf. R.} = 1 \text{ engl. R. also auch}$$

$$43 \text{ engl. R.} = \frac{43 \times 5029}{4295} \text{ sächf. R.}$$

Auf gleiche Weise erfolgt die Vergleichung der Ackermaße.  
 Sollte z. B. die Größe von 1 bayrischem Suchart in alten  
 preuß. Morgen ausgedrückt werden, so wäre der Ansaß:

x M. pr.	1 Suchart
100	3407 Ar
2553	100 pr. M.
<hr/>	
2553	3407 = 1,335 pr. Morgen gleich
	1 bayr. Suchart.

28. Auf welche Weise geschieht die Vergleichung verschiedener  
 Flächen?

Dadurch, daß die Quadrate der Längenverhältnisse in  
 Ansaß gebracht werden. Um z. B. alte sächsische Quadrat-  
 ruten auf Quadratmeter zu bringen, ist der Ansaß:

$$\begin{array}{r|l} \text{x } \square \text{R.} & 1 \square \text{R.} \\ 1000 \times 1000 & 4295 \times 4295 \square \text{M.} \\ \hline 1 \square \text{R.} = & 18,447025 \square \text{M.} \end{array}$$

Für 1 alte preuß. Quadratrute ist der Ansatz:

$$\begin{array}{r|l} \times \square\text{R.} & 1 \square\text{R.} \\ 1000 \times 1000 & 3766 \times 3766 \square\text{M} \\ \hline 1 \square\text{R.} = & 14,182756 \square\text{M.} \end{array}$$

29. Ist die Kenntnis der früheren Maße noch notwendig?

Ja! Es ist nicht möglich, alle Flur- und Lagerbücher und Kataster auf einmal umzurechnen, auch finden sich in anderen Urkunden vielfach Flächenangaben nach altem Maße, so daß dessen Kenntnis noch lange Zeit unentbehrlich ist.

30. Auf welche Weise geschieht die Umrechnung des alten Maßes auf neues am besten?

Durch Hilfe einer Reduktionstabelle. Es fördert dies die Arbeit sehr, ist nicht so ermüdend, als wie spezielles Berechnen, und gewährt auch mehr Sicherheit vor Irrtümern.

31. Wie ist eine solche Tabelle für sächsisches Maß beschaffen?

Zum gewöhnlichen Gebrauche genügt folgende:

$\square\text{R.}$	Hektar	$\square\text{R.}$	Hektar	$\square\text{R.}$	Hektar	$\square\text{R.}$	Hektar.
5 Ader	2,7671	230	0,4243	120	0,2214	10	0,0184
4 "	2,2137	220	0,3978	110	0,1989	9	0,0166
3 "	1,6603	210	0,3875	100	0,1845	8	0,0148
2 "	1,1068	200	0,3689	90	0,1660	7	0,0129
1 "	0,5534	190	0,3505	80	0,1476	6	0,0111
290 $\square\text{R.}$	0,5350	180	0,3321	70	0,1291	5	0,0092
280	0,5165	170	0,3146	60	0,1107	4	0,0074
270	0,4981	160	0,2952	50	0,0922	3	0,0055
260	0,4796	150	0,2767	40	0,0738	2	0,0037
250	0,4612	140	0,2583	30	0,0553	1	0,0018
240	0,4427	130	0,2398	20	0,0369	1/2	0,0009

32. Was drücken die Zahlen dieser Tabelle aus?

Sie geben auf vier Stellen genau den Hektargehalt für alte Quadratruten an. So sind z. B. 5 alte  $\square\text{R.} = 0,0092$

Hektaren = 0 Hektar 0 Ar 92 □ M.; 270 □ R. sind 0,4981  
Hektar = 49 Ar 81 □ M. u. f. f.

**33. Berechne durch Beihülfe dieser Tabelle, wie viel Hektares  
4 Acker 187½ □ Ruten ausmachen.**

Es sind 4 Acker = 2,2137 Hektar

180 □ R. = 0,3321 "

7 " = 0,0129 "

½ " = 0,0009 "

Σa. 2,5596 Hektar

oder 2 Hektar 55 Ar 96 □ M.; oder 255 Ar 96 □ M.;  
oder 25 596 □ M.

**34. Wie ist eine solche Hilfsstafel für altes preussisches Maß?  
Ebenfalls auf 4 Stellen genau genügt folgende:**

□ R.	Hektar	□ R.	Hektar	□ R.	Hektar	□ R.	Hektar
5 Morgen	1,2766	140	0,1986	60	0,0851	7	0,0099
4 "	1,0213	130	0,1844	50	0,0709	6	0,0085
3 "	0,7660	120	0,1702	40	0,0567	5	0,0071
2 "	0,5106	110	0,1560	30	0,0426	4	0,0056
1 "	0,2553	100	0,1418	20	0,0284	3	0,0044
170 □ R.	0,2411	90	0,1277	10	0,0142	2	0,0028
160	0,2270	80	0,1135	9	0,0128	1	0,0014
150	0,2128	70	0,0993	8	0,0113	½	0,0007

Soll z. B. mittels dieser Tabelle bestimmt werden, wie  
viel Hektar 7 Morgen 166 Quadratruten alt preussisches  
Feldmaß betragen, so ist:

5 Morgen — □ R. = 1,2766 Hektar

2 " — " = 0,5106 "

— " 160 " = 0,2270 "

— " 6 " = 0,0085 "

7 Morgen 166 □ R. = 2,0227 Hektar

oder 2 Hektar 2 Ar 27 □ M.

**35. Auf welche Weise wird die Größe eines Feldstückes gefunden?**

Dadurch, daß man nach den Regeln der Feldmefskunst die nötigen Linien nach vorgeschriebenem Maße mißt und sodann die Größe dieser Linien zur Berechnung des Inhaltes der Fläche benutzt.

**36. Werden dabei die krummen Linien nach ihrer wahren Länge gemessen?**

Nein! Ihre Länge hat keinerlei Wert für die Bestimmung des Flächeninhaltes, und nur in besonderen Fällen, wie bei Wegen, Gräben zc., ist ihre absolute Länge zu wissen nötig. Der Flächeninhalt und der Grundriß wird durchaus mittels gerader Linien und durch Winkel bestimmt.

**37. Was wird unter einem Winkel verstanden?**

Die gegenseitige Neigung zweier geraden Linien  $a$   $b$  und  $a$   $c$ , wobei diese Linien selbst die Schenkel, und der Berührungspunkt  $b$  der Scheitel des Winkels heißt.

**38. Gängt die Größe eines Winkels von der Länge seiner Schenkel ab?**

Nein! Seine Größe wird nur durch die größere oder geringere Neigung seiner Schenkel bestimmt und wenn man in Fig. 1 die Linie  $b$   $c$  bis nach  $d$  verlängerte, so würde doch noch Winkel  $a$   $b$   $d$  gleich Winkel  $a$   $b$   $c$  sein.

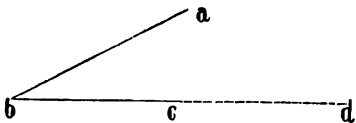


Fig. 1.

**39. Welche Größenbestimmung eines Winkels genügt für das ökonomische Feldmessen?**

Die Bestimmung nach rechten Winkeln, wie solche das Winkelmaß vieler Handwerker bildet. Werden zwei rechte Winkel  $a$   $b$   $c$  und  $c$   $b$   $d$  Fig. 2 mit einem Schenkel  $b$   $c$  zusammengelegt, so bilden die beiden anderen Schenkel  $a$   $b$  und  $b$   $d$  eine gerade Linie  $a$   $d$ , was eine Prüfung für die Richtigkeit eines solchen Winkels abgibt. Ist ein Winkel kleiner, als ein

rechter, wie  $abc$  Fig. 2, so heißt er spitz; ist er größer, wie  $dbe$ , so heißt er stumpf; beide aber werden gemeinschaftlich schief genannt. Beim Kettenmessen ist der rechte Winkel von besonderer Wichtigkeit. Der halbe rechte oder der von  $45^\circ$  findet auch häufig Anwendung, jedoch nicht in dem Maße, wie voriger. Bei Meßtischaufnahmen werden die schiefen Winkel durch Zeichnung bestimmt.

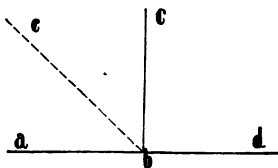


Fig. 2.

Übrigens sagt man, die Linie  $bc$  sei Perpendikel zu  $ad$ , oder sie stehe auf dieser senkrecht oder perpendicular.

**40. Auf welche Weise wird die Größe eines Winkels genauer angegeben?**

Durch seine Vergleichung mit den Bögen eines Kreises. Jede Kreislinie wird nämlich in 360 gleiche Teile (Grade  $=^\circ$ ) zerlegt und jeder dieser Teile wieder in 60 Teile (Minuten  $='$ ). Bringt man nun den Winkel, dessen Größe bestimmt werden soll, mit seinem Scheitel  $C$  Fig. 3 (S. 14) an den Mittelpunkt eines Kreises, so schneiden seine Schenkel  $CA$ ,  $CB$  ein Stück der Kreislinie ab. So viel Grade nun dieses Stück enthält, so viel legt man auch dem Winkel bei.

**41. Durch welche Hülfsmittel werden Winkel auf dem Papiere gemessen?**

Für gewöhnliche Bedürfnisse hinlänglich genau geschieht das Messen, so wie auch das Zeichnen gegebener Winkel durch Hilfe des Transporteurs oder einer Sehrentafel.

**42. Was wird unter einem Transporteur verstanden?**

Der gewöhnliche in Reißzeugen vorkommende Transporteur ist ein in Grade, auch wohl in halbe und Viertelgrade eingeteilter Halbkreis. Wird dessen Mittelpunkt an den Scheitel des Winkels gelegt, so schneiden seine Schenkel eine bestimmte Anzahl Grade ab und diese bestimmen die Größe des Winkels.



### 43. Was heißt eine Sehne und was ist eine Sehnentafel?

Eine Sehne ist eine in einem Kreis gezogene gerade Linie, welche ein Stück der Kreislinie abschneidet.

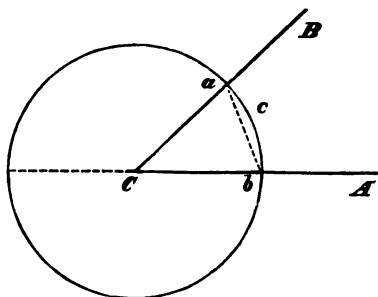


Fig. 3.

Die punktierte Linie a b Fig. 3 ist z. B. die Sehne des Kreisbogens a c b. Eine Sehnentafel ist die Zusammenstellung der für einen bestimmten Kreishalbmesser berechneten Sehnen.

### 44. Wie ist eine solche Tafel für alle ganzen Grade von 1 bis 60?

Für den Kreishalbmesser, d. i. die Zirkelöffnung, mit welcher der Kreis beschrieben wurde, zu 1000 Teilen genommen ist sie, wie folgt:

Grad	Sehne	△	Grad	Sehne	△	Grad	Sehne	△	Grad	Sehne	△
1	17	18	16	278	17	31	535	17	46	782	17
2	35	17	17	296	18	32	551	16	47	798	16
3	52	17	18	313	17	33	568	17	48	814	16
4	70	18	19	330	17	34	585	17	49	829	15
5	87	17	20	347	17	35	601	16	50	845	16
6	105	18	21	365	18	36	618	17	51	861	16
7	122	17	22	382	17	37	635	17	52	877	16
8	140	18	23	399	17	38	651	16	53	892	15
9	157	17	24	416	17	39	668	17	54	908	16
10	174	17	25	433	17	40	684	16	55	924	16
11	192	18	26	450	17	41	700	16	56	939	15
12	209	17	27	467	17	42	717	17	57	954	15
13	226	17	28	484	17	43	733	16	58	970	16
14	244	18	29	401	17	44	749	16	59	985	15
15	261	17	30	518	17	45	765	16	60	1000	15

**45. Wie ist vorstehende Tabelle zu verstehen?**

Sie zeigt für den halben Kreisdurchmesser = 1000 die Längen der Sehnen einzelner Grade an. Es sind z. B. die Sehnen für 15 Grad = 261 d. i.  $\frac{261}{1000}$  des Kreishalbmessers; für  $46^\circ = 782$  und für  $60^\circ = 1000$  oder = dem Halbmesser selbst.

**46. Weshalb ist die Tabelle nur bis zu 60 Grad berechnet?**

Weil nach vorstehendem die Sehnen für  $60^\circ$ ,  $120^\circ$ ,  $180^\circ$  u. s. f. unmittelbar durch den Halbmesser 1000 bestimmt sind, und größere Winkel sich in Teile zerlegen lassen, z. B.  $87^\circ$  in  $60 + 27$ ;  $133$  in  $120 + 13$  u. s. f.

**47. Was zeigt die mit  $\triangle$  überschriebene Spalte voriger Tafel an und wozu dient sie?**

Sie zeigt den Unterschied der Länge zweier Sehnen an und dient zur Berechnung solcher Sehnen, deren Bogen Bruchteile ganzer Grade enthalten.

**48. Wie wird sich die Sehne von  $43\frac{3}{4}$  Grad berechnen lassen?**

Der Unterschied der Sehnen von 43 und 44 Grad beträgt 16, für  $\frac{3}{4}$  Grad also 12.

Es ist mithin Sehne  $43^\circ = 733$

$$\frac{3}{4} \triangle = 12$$

---


$$\text{Sehne } 43\frac{3}{4}^\circ = 745.$$

**49. Auf welche Weise wird die Größe eines Winkels durch Hilfe der Sehnentafel bestimmt?**

Dadurch, daß man von einem beliebigen Maßstabe 1000 Teile in den Zirkel nimmt und damit vom Scheitel des Winkels aus einen Kreisbogen durch beide Winkelschenkel zieht. Nach demselben Maßstabe wird nun die Sehne gemessen und der dazu gehörende Winkel in der Tafel aufgesucht. Wäßen z. B. in Fig. 3 die Radien  $ac$ ,  $bc = 1000$  Maßeinheiten und wäre die Sehne  $ab = 635$  solcher Einheiten, so mißt der Winkel  $acb$  nach der Sehnentafel Tr. 44 =  $37^\circ$ .

**50. Wie kann ein in Graden gegebener Winkel gezeichnet werden?**

Es sei ein Winkel von  $43\frac{3}{4}$  Grad zu zeichnen, dessen Sehne nach Frage 48 = 745. Ziehe eine gerade Linie AC Fig. 3 und aus C mit der Zirkelöffnung 1000 einen Kreisbogen. Vom Punkte b trage 745 Teile als Sehne ba auf den Kreis und ziehe die Linie CB.

**51. Wie ist zu verfahren, wenn ein Winkel von 86 Grad gezeichnet werden soll?**

Zunächst sind 1000 Teile als Sehne von  $60^\circ$  aufzutragen und sodann von hier aus 450 Teile als zweite Sehne für den Winkel von  $26^\circ$ . Wollte man sofort  $1000 + 450$  oder 1450 Teile als Sehne auftragen, so würde ein viel zu großer Winkel erscheinen.

**52. Welchen Vorzug hat die Sehnentafel vor dem gewöhnlichen Transporteur?**

Den Vorzug größerer Schärfe. Weil nämlich ein hinreichend großer Maßstab gewählt werden kann, so ist es möglich, einen Winkel bis zu  $\frac{1}{10}$  Grad genau aufzutragen, was durch den Transporteur nicht geschehen kann.

### Erster Abschnitt.

## Die Berechnung des Flächeninhaltes der Feldmessenfiguren.

---

53. Was wird unter einem Parallelogramm verstanden und wie viel Arten desselben giebt es?

Ein Parallelogramm ist eine vierseitige Figur, deren gegenüberliegende Seiten, z. B.  $a d$ ,  $b c$ , oder  $a b$ ,  $c d$  Fig. 4 S. 18 gleichlaufend oder parallel sind, wobei diese Seiten je zwei und zwei, so wie auch die gegenüberliegenden Winkel, z. B.  $b$  und  $e$  Fig. 5, gleiche Größen haben.

Vom Parallelogramm giebt es vier Arten, nämlich: a) das Quadrat Fig. 4 mit rechten Winkeln und gleichgroßen Seiten; b) die Rhombe Fig. 5 mit gleichen Seiten und schiefen Winkeln; c) das Rechteck Fig. 6 mit rechten Winkeln und paarweise gleichen Seiten, und d) die Rhomboide Fig. 7 mit schiefen Winkeln und paarweise gleichen Seiten.

54. Welche Linien müssen zur Berechnung eines Parallelogramms gemessen werden und wie wird das Maß am bequemsten ausgedrückt?

Es wird die eine Seite des Parallelogramms als Länge und der senkrechte Abstand dieser Seite von ihrer Parallele als Höhe der Figur gemessen. In Fig. 4 und 6 ist  $b c$  die Länge und die Seite  $a b$  unmittelbar die Breite; in Fig. 5

und 7 hingegen  $b c$  die Länge und  $a d$  die Breite. Das Maß dieser Linien wird nach Meter und, wenn große Schärfe verlangt wird, nach Decimeter angegeben und sofort nach Meter mit oder ohne Decimalen geschrieben. Die Meßkette hat an und für sich Glieder von 0,5 m Länge und sind kleinere Teile nach dem Augenmaße abzuschätzen; 23 m 5 dm werden hiernach kurz 23,5 und  $67\text{ m } 3\text{ dm} = 67,3$  geschrieben. Wenn Decimeter berücksichtigt werden, ist es notwendig, eine Null anzuschreiben, falls nur ganze Meter vorkommen (z. B. 8 m gleich 8,0), weil hierdurch Irrungen in Maß und Berechnung vorgebeugt wird.

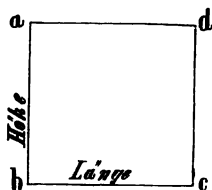


Fig. 4.

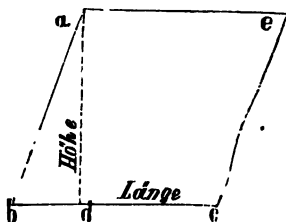


Fig. 5.

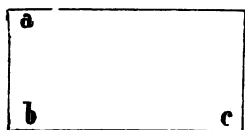


Fig. 6.

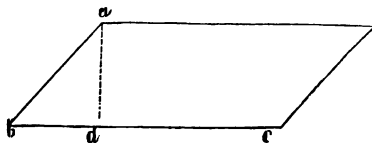


Fig. 7.

### 55. Wie wird der Inhalt eines Parallelogramms berechnet?

Dadurch, daß man die in Meter ausgedrückte Länge und Höhe durch sich multipliziert. Das Produkt giebt sofort den Inhalt nach Quadratmeter an. Bei Berücksichtigung von Decimeter kommen im Produkte zwei Stellen als □ dm. Es sei z. B. in einem Parallelogramm die Länge 87,5 und die Breite 71,5, so ist die Berechnung, wie folgt:

$$\begin{array}{r}
 875 \times 715 \\
 \hline
 4375 \\
 875 \\
 \hline
 6125
 \end{array}$$

$$6256,25 \square m = 62 \text{ Nr } 56 \square m$$

und so groß ist die gesuchte Fläche. Noch sei bemerkt, daß Meter allgemein = m, und Quadratmeter =  $\square m$  geschrieben wird, während M (*M*) Mark bedeutet.

56. Der Reihe nach seien die Längen und Höhen folgender Parallelelogramme: Fig. 4 = 17,3 m; 17,3 m; Fig. 5 = 20,7 m; 16 m; Fig. 6 = 28,6 m; 19,9 m; Fig. 7 = 30,4 m; 21,2 m; wie berechnen sich die Inhalte dieser Figuren?

Die ausführliche Berechnung ist folgende:

$$\begin{array}{r}
 \text{Fig. 4)} \quad 173 \times 173 \\
 \hline
 519 \\
 1211 \\
 173 \\
 \hline
 299,29 \square m \\
 = 2 \text{ Nr } 99 \square m
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \text{Fig. 5)} \quad 207 \times 160 \\
 \hline
 12420 \\
 207 \\
 \hline
 331,20 \square m \\
 = 3 \text{ Nr } 31 \square m
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \text{Fig. 6)} \quad 286 \times 199 \\
 \hline
 2574 \\
 2574 \\
 286 \\
 \hline
 569,14 \square m \\
 = 5 \text{ Nr } 69 m
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \text{Fig. 7)} \quad 304 \times 242 \\
 \hline
 608 \\
 304 \\
 608 \\
 \hline
 644,48 \square m \\
 = 6 \text{ Nr } 44 \square m.
 \end{array}$$

57. Ist bei der Fläche die Angabe der Quadratdecimeter nötig?

Nein! Sie ist durchaus unnötig. Nur ist nicht zu vergessen, daß in solchen Fällen, wo die erste Decimalstelle über 5 ist, die letzte Ziffer der Ganzen um Eins erhöht werden muß, d. h. halbe  $\square m$  sind vollzunehmen, Teile unter 0,5 hingegen wegzulassen. B. B. 2114,54  $\square m$  sind 2115  $\square m$  = 21 Nr 15  $\square m$  und 1737,23  $\square m$  sind 1737  $\square m$  = 17 Nr 37  $\square m$ .

58. Was wird unter einem Trapez (zuweilen auch Paralleltapez genannt) verstanden?

Ein Viereck, in dem zwei Seiten gleichlaufend sind, wie z. B. in Fig. 8 und 9  $ab$  zu  $cd$ , während die beiden anderen Seiten  $ac$  und  $bd$  nicht parallel sind. Es ist dies eine Figur, die vorzüglich in der Form Fig. 8, wo  $ab$  und  $cd$  senkrecht auf  $ad$  stehen, beim Kettenmessen sehr viel vorkommt.

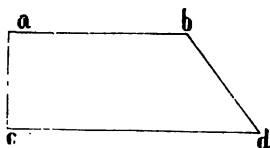


Fig. 8.

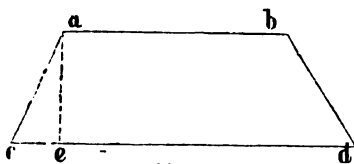


Fig. 9.

59. Wie wird die Fläche eines Trapezes berechnet?

Sie wird gefunden, wenn man beide Parallelen  $ab$ ,  $cd$ , so wie deren senkrechten Abstand  $ac$  Fig. 8 und  $ae$  Fig. 9 nach Meter mißt, die Längen der Parallelen addiert, die Summe durch den senkrechten Abstand multipliziert und das Produkt halbiert. Mäßen z. B. die Parallelen 176 und 193 m und wäre ihr Abstand 46 m, so findet sich die Fläche des Trapezes, wie folgt:

$$\begin{array}{r}
 1. \text{ Parallele} = 176 \\
 2. \quad \quad \quad = 193 \\
 \hline
 \text{Summe} = 369 \times 46 \text{ als Höhe} \\
 \hline
 2214 \\
 1476 \\
 \hline
 \text{div. durch 2) } 16974 \\
 \hline
 8487 \square \text{ m gesuchter Inhalt.}
 \end{array}$$

60. Angenommen, es müssen in Fig. 8 1)  $ab = 14\text{ m}$ ;  $cd = 17,4\text{ m}$ ;  $ae = 11,9\text{ m}$ ; 2)  $ab = 18,4\text{ m}$ ;  $cd = 21,9\text{ m}$ ;  $ae = 8,9\text{ m}$ ; 3)  $ab = 21,4\text{ m}$ ;  $cd = 23,4\text{ m}$ ;  $ae = 7,8\text{ m}$ ; 4)  $ab = 24\text{ m}$ ;  $cd = 21,7\text{ m}$ ;  $ae = 21,3\text{ m}$ . Wie berechnen sich die Flächen dieser Figuren?

Mit durchgängiger Annahme einer Decimalstelle ist die Berechnung:

$$\begin{array}{r} 1) \ ab = 140 \\ \quad cd = 174 \\ \hline \quad \quad 314 \times 119 \\ \quad \quad \hline \quad \quad 2826 \\ \quad \quad 314 \\ \quad \quad \hline \quad \quad 314 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2) \ 37366 \\ \hline \quad 186,83 \square \text{ m} \\ = 1 \text{ Mr } 87 \square \text{ m} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3) \ ab = 214 \\ \quad cd = 234 \\ \hline \quad \quad 448 \times 78 \\ \quad \quad \hline \quad \quad 3584 \\ \quad \quad 3136 \\ \quad \quad \hline \quad \quad 2) \ 34944 \\ \quad \quad \hline \quad \quad 174,72 \square \text{ m} \\ = 1 \text{ Mr } 75 \square \text{ m} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2) \ ab = 184 \\ \quad cd = 219 \\ \hline \quad \quad 403 \times 89 \\ \quad \quad \hline \quad \quad 3627 \\ \quad \quad 3224 \\ \quad \quad \hline \quad \quad 2) \ 35867 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \hline \quad 179,34 \square \text{ m} \\ = 1 \text{ Mr } 79 \square \text{ m} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4) \ ab = 240 \\ \quad cd = 217 \\ \hline \quad \quad 457 \times 213 \\ \quad \quad \hline \quad \quad 1371 \\ \quad \quad 457 \\ \quad \quad \hline \quad \quad 914 \\ \quad \quad 2) \ 97341 \\ \quad \quad \hline \quad \quad 486,71 \square \text{ m} \\ = 4 \text{ Mr } 87 \square \text{ m}. \end{array}$$

61. Angenommen, in Fig. 10 seien die Linien  $af$ ,  $ce$  gleichlaufend und zwischen ihnen läge ein ebenfalls paralleler, jedoch krummliniger Aerstreif  $abcd$ , so daß  $ao$  gleichlaufend mit  $bd$  und  $ab$  gleichgroß mit  $cd$ ; auf welche Weise kann der Inhalt des Streifens leicht gefunden werden?

Dadurch, daß man den senkrechten Abstand  $fe$  zwischen den Parallelen  $af$  und  $ce$  durch die (schiefe) Breite  $ab$  des Streifens multipliziert. Wäre z. B.  $fe = 218\text{ m}$  und  $ab = cd = 24\text{ m}$ , so ist der Inhalt des Streifens  $abcd$ :



$$\begin{array}{r}
 218 \times 24 \\
 \hline
 872 \\
 436 \phantom{0} \\
 \hline
 5232 \square \text{ m.}
 \end{array}$$

Diese Berechnungsweise ist jedoch nur untergeordneten Wertes, weil sie nur beim Kettenmessen und auch hier nur

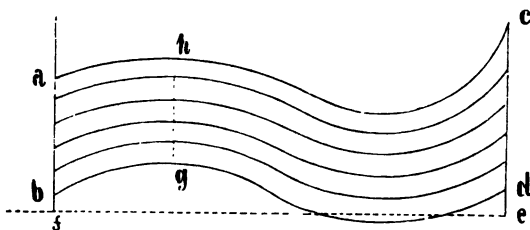


Fig. 10.

selten vorkommt. Dasselbe Resultat erhält man auch durch Multiplikation der Länge des krummen Maaßes a h c mit der senkrechten Breite g h des Ackerstreifens. Im Falle a b und c d nicht gleichgroß sind, addiert man ihre Längen, multipliziert durch f e, und halbiert das Produkt, wodurch sich der Inhalt ebenfalls genau findet.

62. Was wird unter einem Dreieck, so wie unter seiner Länge und Höhe verstanden?

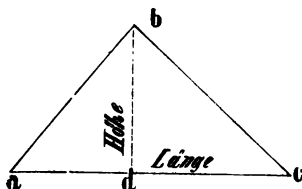


Fig. 11.

Ein Dreieck ist eine von drei geraden Linien eingeschlossene Fläche, a b c Fig. 11. Die begrenzenden Linien heißen die Seiten des Dreiecks, von denen eine jede als Länge angenommen werden kann, in welchem Falle sodann die von der gegenüberliegenden

Winkelspitze auf sie gefällte Senkrechte die Höhe oder Breite der Figur genannt wird. In Fig. 11 ist a c die Länge und die auf sie Senkrechte b d die Höhe.

## 63. Wie wird die Fläche eines Dreiecks berechnet?

Sie wird gefunden, wenn man die Länge desselben mit seiner Höhe multipliziert und das Produkt halbiert. Wäre z. B. in Fig. 11  $ac = 14,7$  m und  $bd$  9,9 m, so ist der Inhalt

$$\begin{array}{r} 147 = 99 \\ \hline 1323 \\ 1323 \\ \hline 2) 14553 \\ \hline 72,77 \text{ oder } 73 \square \text{ m.} \end{array}$$

## 64. Auf welche Weise läßt sich eine vielseitige Figur durch Hülfе des vorigen Satzes leicht berechnen?

Dadurch, daß man, wie Fig. 12 zeigt, je 2 und 2 der Ecken der Figur durch gerade Linien — Diagonalen genannt — verbindet, welche sich jedoch nicht durchschneiden dürfen. Die entstandenen Dreiecke werden nun einzeln berechnet und deren Inhalte addiert. Die Summe muß natürlich gleich dem Inhalte der ganzen Figur sein. Um hierbei die vielen Halbierungen zu sparen, werden die erhaltenen Produkte — doppelten Flächen — addiert und erst deren Summe halbiert.

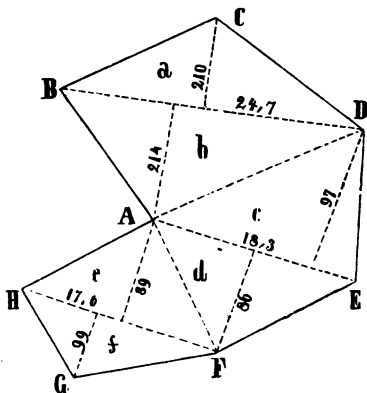


Fig. 12.

## 65. Wie ist die Einteilung der Figur 12 erfolgt und wie sind die beigeschriebenen Zahlen zu verstehen?

Die Diagonale BD schneidet das Dreieck BCD = a; die Diagonale AD das Dreieck ABD = b ab, u. s. f. Die an den Diagonalen stehenden Zahlen bezeichnen deren Länge;

die punktierten Linien sind die Höhen der Dreiecke und die beige-schriebenen Zahlen drücken deren Größe aus. Das Dreieck  $d = AEF$  z. B. ist hiernach 18,3 m lang und hat 8,6 m Höhe.

66. Wie ist die Berechnung der Fig. 12 auszuführen?

Die Berechnung erfolgt am besten nach folgendem Schema :

Berechnung			$\triangle$	Produkt
a) $247 \times 210$	b) $247 \times 214$	c) $183 \times 97$	a	51870
$\begin{array}{r} 247 \\ \times 210 \\ \hline 14820 \\ 4940 \\ \hline 51870 \end{array}$	$\begin{array}{r} 247 \\ \times 214 \\ \hline 988 \\ 4940 \\ 4940 \\ \hline 52858 \end{array}$	$\begin{array}{r} 183 \\ \times 97 \\ \hline 1281 \\ 1647 \\ \hline 17751 \end{array}$	b	52858
			c	17751
			d	15738
			e	15664
			f	17424
d) $183 \times 86$	e) $176 \times 89$	f) $176 \times 99$	Σa.	171305
$\begin{array}{r} 183 \\ \times 86 \\ \hline 1098 \\ 1464 \\ \hline 15738 \end{array}$	$\begin{array}{r} 176 \\ \times 89 \\ \hline 1584 \\ 1408 \\ \hline 15664 \end{array}$	$\begin{array}{r} 176 \\ \times 99 \\ \hline 1584 \\ 1584 \\ \hline 17424 \end{array}$		
			2 =	85653

Inhalt = 856,53  $\square$  m = 8 Ar 37  $\square$  m.

67. Wie kann die Fig. 13 durch Trapeze berechnet werden?

Dadurch, daß man von den Ecken der Grenze A, B, C.... G Senkrechte auf die gerade Linie AG zieht, wodurch die Trapeze

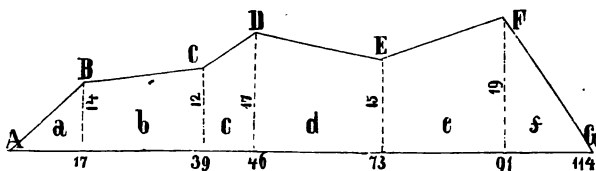


Fig. 13.

b, c, d, e und die Dreiecke a, f entstehen, deren Inhalte man einzeln sucht und addiert. Die Summe ist natürlich gleich dem Inhalte der ganzen Figur, und weil nach Nr. 59 und 63 beim Trapeze sowohl als beim Dreiecke anfänglich die doppelten Inhalte erscheinen, so ist es am bequemsten, wie in Nr. 66 sofort die Produkte zu addieren und erst deren Summe zu halbieren.

68. Wie sind die der Fig. 13 angeschriebenen Zahlen zu verstehen?

Daß die Senkrechte B = 14 m; die Senkrechte C = 12 m;

die Senkrechte  $D = 17$  m lang ist z., springt nach dem vorhergehenden in die Augen. Anders ist es mit den Maßen auf A G. Beim wirklichen Messen bestimmt man nämlich nicht die Längen der Figuren a, b, c... f jede für sich, weil sich hierdurch die einzelnen unvermeidlichen Fehler summieren würden, sondern man mißt alle Weiten vom Punkte A ab, so daß also die Senkrechte  $B = 17$ ; die Senkrechte  $C = 39$ ; die Senkrechte  $E = 73$  m vom Punkte A absteht. Nun wird z. B. das Trapez c durch die Senkrechten D und C begrenzt, seine Länge wird mithin gefunden, wenn man vom Abstände der Senkrechten D den der Senkrechten C abzieht. Ersterer ist nach der Figur = 46, der andere = 39, mithin ist das Trapez  $c = 46 - 39$  oder 7 m lang. Hiernach finden sich leicht die Längen der übrigen Figuren. Sie sind nämlich fürs Dreieck  $f = 114 - 91$  oder 23; fürs Trapez  $e = 91 - 73$  oder 18; fürs Trapez  $d = 73 - 46$  oder 27; fürs Trapez  $d = 39 - 17$  oder 22 und fürs Dreieck  $a = 17$  m.

69. Welches wird nach vorstehendem der Flächeninhalt der Fig. 13 sein?

Die Berechnung wird wie bei Frage 66 geordnet und ist die Ausföhrung folgende:

Berechnung			Figur	Produkt
a) $17 \times 14$	b) $14$	c) $12$	a	238
$\frac{68}{17}$	$\frac{12}{26 \times 22}$	$\frac{17}{29 \times 7}$	b	572
$\frac{238}{17}$	$\frac{52 (= 39 - 17)}{203}$		c	203
	$\frac{52}{572}$		d	864
			e	612
			f	437
d) $17$	e) $15$	f) $19 \times 23$	Σa.	2926
$\frac{15}{32 \times 27}$	$\frac{19}{34 \times 18}$	$\frac{57}{38}$	bis. b.    2 =	1463
$\frac{224 (= 73 - 46)}{64}$	$\frac{272}{34}$	$\frac{437}{612}$		
$\frac{864}{64}$	$\frac{612}{612}$			
	Inhalt = 1463	□ m.		

**70. Sind die hier gegebenen Regeln zur Berechnung der Figuren zuverlässig und für unsern Zweck hinreichend?**

Ja! Sie beruhen sämtlich auf mathematischen Grundsätzen und sind also völlig richtig. Weil jedoch der geübteste Rechner irren kann, so ist es unerlässlich, bei wirklichen Messungen jede Figur mindestens zweimal zu berechnen, um von der Richtigkeit überzeugt zu sein. Es giebt zwar außer den hier gegebenen Regeln noch mancherlei andere, die wir aber ohne Nachteil entbehren; nur hüte man sich vor den in manchen sogenannten Anweisungen zum Feldmessen gegebenen ganzlich falschen Regeln, wie z. B. folgende ist: Um ein Trapez zu berechnen, addiere die gegenüberliegenden Seiten, halbiere deren Summen und multipliziere die hierdurch erhaltene mittlere Länge und Breite. Die Seite  $b d$  des Trapezes Fig. 8 hat z. B. 49 m und würde die Fläche nach dieser falschen Regel weit größer gefunden werden, als wie sie eigentlich ist.

**71. Gegeben ist der Inhalt und die Länge eines Parallelogramms; wie wird dessen Breite gefunden?**

Weil Länge mal Breite gleich dem Inhalte ist, so findet sich umgekehrt die Breite, wenn man den Inhalt durch die Länge dividirt. Natürlich ist hierbei die Fläche nach Quadrat- und die Länge nach Längenmaß anzugeben. Wäre z. B. der Inhalt = 19 □m und die Länge 8,7 m, so ist die Breite  $190 : 87$  oder 2,18 m nahe.

**72. Gegeben ist Inhalt und Grundlinie eines Dreiecks; wie ist dessen Höhe zu suchen?**

Weil Länge mal Breite gleich der doppelten Fläche des Dreiecks, so giebt auch doppelte Fläche dividirt durch Grundlinie die Höhe. Hat z. B. das Dreieck bei 37,4 m Grundlinie eine Fläche von 500 □m, so ist die Höhe gleich  $1000 : 37,4$  oder 26,74 m nahe.

## Zweiter Abschnitt.

### Vorübungen mit Kette und Winkelspiegel.

73. Wozu dient die Meßkette und wie ist sie beschaffen?

Sie dient zum Messen der auf dem Felde abgesteckten Linien und ist aus Eisendraht von der Stärke einer Federspule gearbeitet. Die einzelnen Glieder *b, b* sind durch Ringe *a, a*



Fig. 14.

Fig. 14 verbunden, so daß ein Glied, vom Mittelpunkte beider Ringe gerechnet, genau  $\frac{1}{2}$  m lang ist. Zwischen zehn solcher Glieder ist ein Kloben Fig. 16 eingefügt und an beiden Enden



Fig. 15.

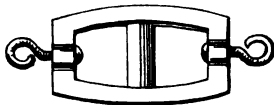


Fig. 16.

der Kette ist ein Ring Fig. 15 angebracht, um einen Kettenstab durchstecken zu können. Die ganze Kette hat eine Länge von 5 mal 5 oder 25 m und ist unmittelbar in 50 halbe Meter eingeteilt.

Zum bequemern Ablesen der Maße ist bei jedem fünften Gliede ein größerer Ring eingefügt.

#### 74. Welche Stücke sind noch zum Gebrauch der Kette nötig?

Zunächst zwei ungefähr  $1\frac{1}{2}$  m lange, 5 cm starke, unten mit Eisenschuhen (Fig. 17) versehene Stäbe (Baken) zum Anstecken der beiden Ringe am Ende der Kette. Sodann zehn Stück ungefähr 1 Kettenglied lange Stäbchen, die sogenannten Zähler, welche an einem Ende zugespitzt, am andern aber durchbohrt sind, um sie an zwei Drahtringe anzustecken. Weiter ein genau 5 halbe Meter langer, durch eingeschlagene Zwecken in Fuße geteilter Stab — das Abschlagsmaß — zum Messen kleiner Linien und endlich mehrere bis 4 m lange, mit rot und weißen Fähnchen versehene und zum bessern Erkennen streifenweise rot und weiß angestrichene Stäbe, Meßfähnchen.

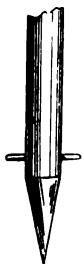


Fig. 17.

Außer der Meßkette dienen noch Meßschnüre und Meßbänder von 20—25 m Länge zum Linienmessen. Meßbänder von Stahl sind in Preußen gesetzlich vorgeschrieben.

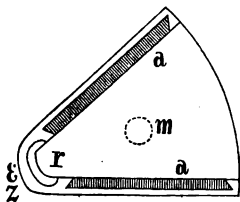


Fig. 18.

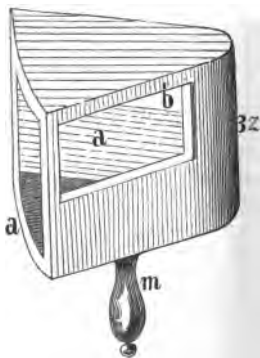


Fig. 19.

#### 75. Wie ist der Winkelspiegel beschaffen und wozu dient er?

Der Winkelspiegel wird zum Abstecken rechter Winkel auf dem Felde gebraucht und seine bequemste Form ist folgende, Fig. 18 im Grundrisse und Fig. 19 der ganzen Ansicht nach,

dargestellte. Zwei kleine ebene Spiegel von etwa 4 cm Länge und 3 cm Breite sind so in einem messingenen Gestelle angebracht, daß ihre Spiegelflächen nach innen sehen und genau unter einem halben rechten Winkel gegen einander geneigt sind. Um diese Stellung machen und korrigieren zu können, sind beide Spiegel in eine Feder  $r$  eingeschoben, welche mittels der Schraube  $z$  angezogen oder nachgelassen werden kann. Das Gestell besteht aus zwei Boden- und zwei Seitenplatten, wovon letztere unten die Spiegel halten und oben bei  $b$  durchbrochen sind. In die untere Bodenplatte ist ein Handgriff  $m$  eingeschraubt. Beim Messen wird der Winkelspiegel mittels eines Bandes um den Hals gehängt, um ihn jeden Augenblick ergreifen und nach dem Gebrauche wieder fallen lassen zu können.

#### 76. Wie ist das einfache Winkeltreuz beschaffen?

Es besteht, wie Fig. 20 zeigt, aus zwei ungefähr 20 cm langen, rechtwinklig zusammengefügteten Linealen. In genau rechten Winkeln und in ganz gleichem Abstände von der Mitte des Kreuzes sind feine Stifte eingesetzt. Das Kreuz selbst ist auf einem ungefähr  $1\frac{1}{2}$  m langen Stabe befestigt, welcher am untern Ende einen eisernen Schuh hat, um ihn in den Boden stoßen zu können. Unmittelbar kann auch eine Kettenhake dazu benutzt werden, besser jedoch ist ein ganz leichtes Stativ, weil man dieses auf dem härtesten Boden aufstellen kann.

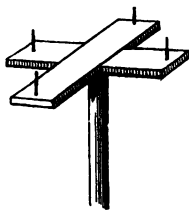


Fig. 20.

#### 77. Welche Winkel lassen sich durch dieses Werkzeug bestimmen?

Rechte und halbrechte Winkel. Der Grundriß Fig. 21 zeigt dies ganz deutlich. Die Linien  $a, c, b, d$  stehen senkrecht auf einander, ebenso ist  $a, d, c$  ein rechter Winkel. Sieht man aber von  $d$  nach  $b$  und  $c$  oder nach  $b$  und  $a$ , so schließen diese Linien halbrechte Winkel  $b, d, c, b, d, a$  ein.



### 78. Welches dieser Werkzeuge hat den Vorzug?

Beide haben Vorzüge und Mängel. Der Winkelspiegel giebt schärfere Winkel und ist bequemer, zeigt aber nur rechte Winkel an. Das Winkelkreuz giebt auch Winkel von 45 Grad und ist einfach herzustellen, es gewährt jedoch weniger Schärfe und ist im Gebrauch un- bequemer.

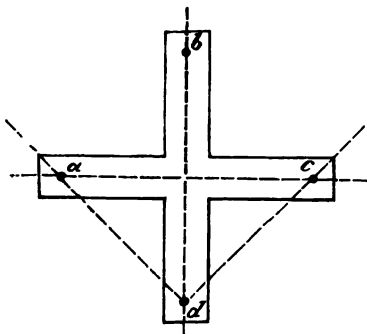


Fig. 21.

79. Gelegt, die Linie ab Fig. 22 sei durch zwei Fahnen ab- gesteckt und solle nach x hin verlängert wer- den, wie ist dies zu vollziehen?

Einfach dadurch, daß man eine dritte Fahne in die Hand nimmt, nach der Verlängerung in c hingeht, die Fahne senkrecht vor sich hält, mit dem Auge dicht an dessen Seite nach b und a

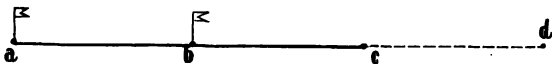


Fig. 22.

hinsieht (visiert) und seinen Standpunkt so lange ändert, bis alle drei Fahnen sich decken, d. h. bis sie nur eine einzige auszu- machen scheinen; ein Verfahren, welches sehr schnell vor sich geht.

80. Die Punkte a und c Fig. 22 sind gegeben und es soll ein Zwischenpunkt b gesucht werden; wie wird dies vollzogen?

Man begiebt sich auf einen der Endpunkte a oder c, läßt einen Gehülfen mit einer Meßfahne in die Gegend von b gehen und visiert hier seine Fahne, mit der Hand Zeichen rechts oder links gebend, ein.

81. Gegeben sind die Endpunkte  $a$ ,  $b$  einer geraden Linie Fig. 23, man kann aber wegen eines dazwischen liegenden Berges weder von  $a$  nach  $b$  noch von  $b$  nach  $a$  sehen. Auf welche Weise sind zwei Zwischenpunkte  $f$ ,  $g$  abzusteden?

Man begiebt sich mit einem Meßgehülfsen ungefähr in die Richtung der gegebenen Linie, vielleicht nach  $c$  und  $h$ . Von  $c$

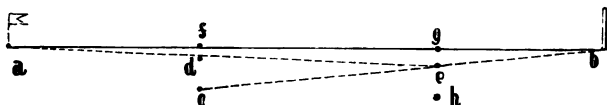


Fig. 23.

winkt man den Gehülfsen in die Linie  $cb$  nach  $e$ , läßt sich sodann vom Gehülfsen aus  $e$  in die Linie  $ea$  nach  $d$  einvisieren und fährt abwechselnd so fort, bis von beiden Endpunkten Deckung erfolgt, d. h. bis  $gfa$  und  $fgb$  in gerader Linie liegen. Weil nun  $afgb$  auch gerade ist, so sind  $f$  und  $g$  die gesuchten Punkte. Ist diese Aufgabe ohne Gehülfsen auszuführen, so lege man in  $c$  die Meßfahne in die Richtung  $ce$ , trete sodann ans andere Ende der Fahne und richte sie nach  $ed$ . Wird abwechselnd auf diese Weise fortgefahren, so kommt man bald in die Linie  $ab$ .

82. Wie kann ein rechter Winkel ohne weitere Werkzeuge abgesteckt werden?

Bei kurzen Perpendikeln kann dies leicht nach dem Augenmaße geschehen. Um dieses zu üben, lege man eine Meßstange  $ab$  Fig. 24 in die Linie, auf welche die Senkrechte fallen soll, trete in die Mitte dieser Stange und lege eine andere Meßstange  $cd$  so auf die Erde, daß die Winkel  $acd$ ,  $bcd$  gleichgroß erscheinen.

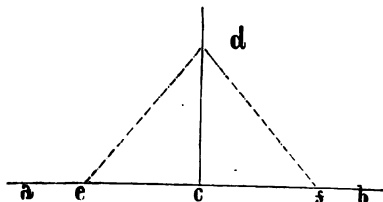


Fig. 24.

### 83. Wie geschieht dies mit der Meßkette oder einer Schnur?

Dadurch, daß man darin drei Teile, die sich wie 3, 4 und 5 verhalten, abmißt. Bei der Kette kann man 12, 16 und 20 halbe Meter oder Glieder nehmen. Bringt man nun die äußersten Punkte dieser Einteilung zusammen und spannt die zwischenliegenden Teile an ihren Teilpunkten aus, so entsteht

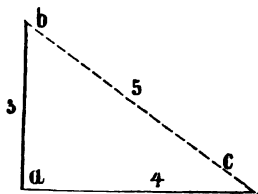


Fig. 25.

ein Dreieck  $abc$  Fig. 25, welches bei  $a$  rechtwinklig ist. Anders läßt sich diese Aufgabe dadurch lösen, daß man vom Punkte  $c$  Fig. 24, von welchem ein Perpendikel errichtet werden soll, auf der Linie  $ab$  nach beiden Seiten die beliebigen aber gleichgroßen Teile  $ce$ ,  $cf$  abstecht — vielleicht jeden eine Kette —, die Enden der Kette oder

der Schnur an die Punkte  $e$ ,  $f$  befestigt und sodann Kette oder Schnur in ihrer Mitte seitwärts anspannt, wodurch sich der Punkt  $d$  ergibt, welcher senkrecht über  $a$   $b$  auf  $c$  steht.

### 84. Wie wird ein rechter Winkel mittels des Winkelspiegels bestimmt?

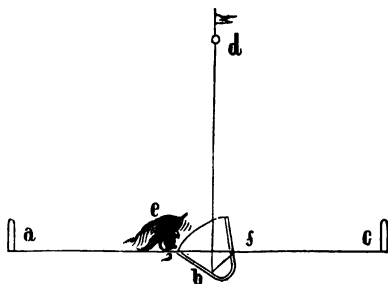


Fig. 26.

Es sei  $ac$  Fig. 26 eine gegebene Linie,  $d$  ein Punkt seitwärts derselben und es werde der Fußpunkt  $b$  des Perpendikels  $bd$  gesucht. Man stelle sich auf die Linie  $ac$ , das Gesicht nach  $c$  gewendet, halte den Spiegel senkrecht mit nach unten gekehrtem

Griffe so an die Nase, daß das eine Auge  $e$  in die Öffnung des Spiegels sieht, und durch den Ausschnitt in demselben die in  $c$

stehende Wache erblickt. Geht man nun längs der Linie nach c zu, so wird, sobald man sich dem Punkte b nähert, das Bild der Wache d im Spiegel b erscheinen und von diesem auf den Spiegel f geworfen, wo es das Auge gleichzeitig mit der Wache c sieht. Sobald nun dieses Spiegelbild mit der Wache c zusammenfällt, so daß beide eine einzige Wache zu bilden scheinen, steht man auf dem gesuchten Fußpunkt b. Sollte umgekehrt der Punkt d bestimmt werden, so stelle man sich ganz auf vorige Weise in b auf, schicke einen Gehülfen in die Gegend, wohin d dem Augenmaße nach fallen muß, und lasse ihn so lange rechts oder links rücken, bis Spiegelbild und Wache zusammenfallen. Beide Übungen sind sehr einfach und gehen schnell von statten, falls man sich die nötige Gewandtheit erworben hat.

**85. Wie werden mittels des Winkelspiegels ganze und halbe rechte Winkel auf dem Felde bestimmt?**

In Fig. 27 sei AB die gegebene Linie und C ein außer ihr liegender Punkt. Geht man mit dem Winkelspiegel in dieser Linie fort, bis an den Punkt a, so wird die eine Sehlinie (ac Fig. 21) in die Linie AB fallen, die andere (db) aber den Punkt C decken. Der Winkel A a C ist also ein rechter und Ca steht senkrecht auf AB.

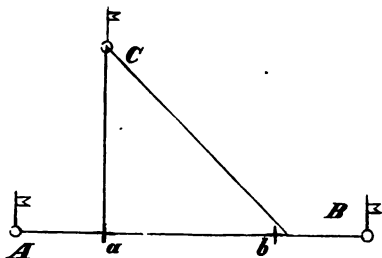


Fig. 27.

Geht man aber bis zum Punkte b Fig. 27 und visiert in der Richtung a db oder bdc Fig. 21, so ist auch Cba Fig. 27 ein halber rechter Winkel.

### 86. Welchen Zweck hat die Bestimmung des Winkels von 45 Grad?

Das Dreieck  $Cab$  Fig. 27 ist gleichschenkelig, die Linien  $Ca$  und  $ab$  sind deshalb gleich lang und deshalb läßt sich die Weite  $Ca$  unmittelbar auf der Linie  $AB$  messen.

### 87. Wie wird eine Linie mit der Kette gemessen?

Nachdem die zu messende Linie an beiden Enden durch Baken markiert ist, wird die Kette ausgebreitet und dabei nachgesehen, daß kein Glied mit seinem Ringe verschlungen ist. Hierauf steckt jeder der beiden Kettenzieher einen Endring der Kette an seine Baxe, der vordere  $A$  nimmt sämtliche 10 Zähler zu sich und geht in die Richtung der Linie. Sobald der hintere Kettenzieher  $B$  seine Kettenbaxe in den einen Endpunkt der Linie eingesetzt hat, visiert er  $A$  durch Winken mit der Hand in die Linie, wobei letzterer die Baxe leicht senkrecht seitwärts hält. Sobald die Richtung erhalten, macht  $A$  mit der Baxe einen Stich in den Boden, faßt diese mit beiden Händen, so daß die Kette sich zwischen Mittel- und Zeigefinger der rechten Hand befindet, hält die Baxe horizontal vor sich, wuchtet die Kette gerade, ohne dabei an derselben zu zerren, und setzt die Baxe senkrecht nieder, so daß die Kette straff angezogen ist. Sobald dies geschehen, steckt er einen Zähler in den Punkt, wo sich die Baxe befindet, tritt einen Schritt seitwärts und geht in raschem Schritte auf der Linie fort. Hat  $B$  den Zähler erreicht, so ruft er dem  $A$  Halt! zu, setzt seine Baxe ein, hängt den Zähler an seinen Ring und winkt  $A$  wie vorhin in die Linie. Auf diese Weise geht die Messung bis zuende fort. Das Einrichten wird sehr erleichtert, wenn  $A$  über die Baxe des  $B$  rückwärts visiert. So viel nun zuende der Messung  $B$  Zähler hat, so viel sind ganze Kettenlängen gemessen worden; die darüberfallenden Meter und Glieder werden an der Kette abgelesen.

### 88. Welche Vorsicht ist beim Wechseln der Zähler unerlässlich?

Zunächst ist streng Obacht zu geben, daß kein Kettenzieher einen Zähler verliert, was man leicht dadurch prüfen kann, daß beide zusammen 10 Zähler haben müssen. Am leichtesten

kann aber ein Fehler von einer ganzen Kettenlänge vorkommen, wenn die Linie über 10 Ketten lang ist. Sobald in diesem Falle A sämtliche Zähler eingesteckt hat, geht er noch eine Kettenlänge vor und steckt seine Wase in den Boden. B macht dasselbe, nimmt alle 10 Zähler und wechselt solche mit A, wozu beide sich bis zur Mitte der Kette entgegen gehen. Sobald ein Zähler verloren worden ist, muß die Linie von neuem gemessen werden.

**89. Wie kann die Fig. 28 durch Kette und Winkelspiegel oder Winkelfrenz aufgenommen werden?**

Zunächst muß man sich mit einer einfachen Pappmappe in groß Quartformat versehen, welche man im Innern durch Siegellack mit einem Blatte weißen Papiers bespannt. Hierauf begiebt man sich mit den Gehülsen und dem Apparat auf die Flur, zeichnet die Figur nach dem Augenmaße in etwas großem Maßstabe aus freier Hand auf das Papier — man brouillouiert oder croquiert sie —, wobei man nötigenfalls kleine

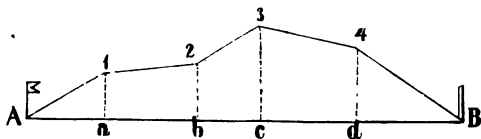


Fig. 28.

numerierte Pfählchen an die Endpunkte 1, 2, 3, 4 steckt, und markiert die Linie A B durch Meßfahnen. Hierauf beginnt die Messung dieser Linie nach Fr. 87 von A aus. Sobald nun die Kette so liegt, daß dem Augenmaße nach der Fußpunkt a des Perpendikels a 1 auf sie fällt, läßt man einen Gehülsen mit dem  $2\frac{1}{2}$  Metermaße (Stichmaße) nach 1 gehen, bestimmt durch Spiegel oder Kreuz den Fußpunkt a genau, läßt den Gehülsen die Linie 1 a messen und notiert die Maße A a, 1 a im Croquis.

**90. Wie werden bei voriger Aufgabe die Maße aufgeschrieben?**

Ganz wie Fig. 13 zeigt. Die Berechnung und die Zeichnung der Figur kann hiernach mit Leichtigkeit vollzogen werden.

Vorzügliche Aufmerksamkeit ist beim Croquieren auf nicht zu gedrängte, recht deutliche Zeichnung und auf kleine korrekte Ziffern zu richten.

91. In Fig. 29 ist ein, teilweise von einem Flüsschen begrenztes, Wiesenstück ABC angegeben. Wie kann es mit Kette und Winkelspiegel oder Winkeltreuz vermessen werden?

Dadurch, daß man als Grundlage das Dreieck ABC an den Endpunkten durch Meßfahnen markiert und die Figur brouilloniert. Beim Messen der Seite AC bestimmt man

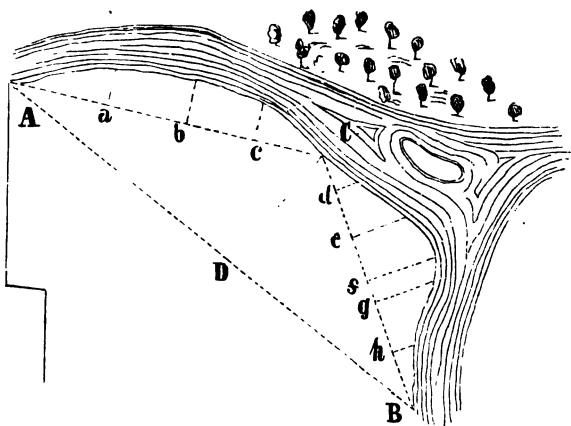


Fig. 29.

nach Frage 89 die Perpendikel a bis c; beim Messen von CB die Perpendikel d bis h, und beim Messen von AB das Perpendikel CD. Die Berechnung erfolgt nun ganz wie vorhin. Weil die Bachgrenze jedoch nicht verraint ist, so muß man die Krümmungen vor der Messung mit numerierten Pfählen bezeichnen und dabei Rücksicht darauf nehmen, daß jedes zwischen zwei Pfählen liegende Grenzstück für eine gerade Linie gelten kann.

92. Die Entfernung  $AB$  Fig. 30 soll bestimmt werden, läßt sich aber wegen des zwischenliegenden Teiches nicht unmittelbar messen. Auf welche Weise kann man zum Ziele gelangen?

Man nimmt seitwärts einen Punkt  $C$  so an, daß man von ihm nach  $A$  und  $B$  sehen und messen kann. Nun verlängert man die Linie  $AC$  rückwärts nach  $E$ , so daß  $CE$  gleich  $AC$ , ebenso auch  $BC$  nach  $D$ , so daß  $CD = BC$ . Nun wird  $DE$  gemessen und diese Linie ist genau so groß, wie  $AB$ . Sollte

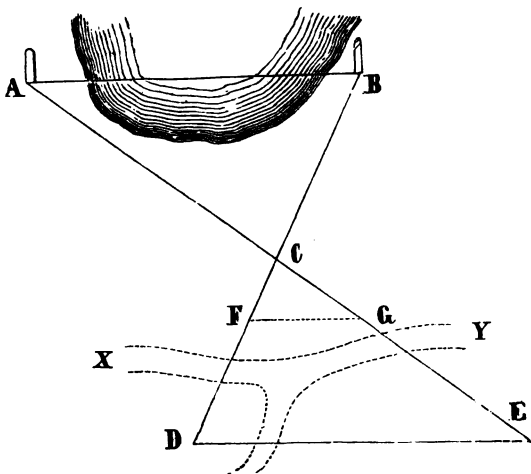


Fig. 30.

hinter  $C$  sich ein Hindernis, z. B. der punktierte Fluß  $xy$ , befinden und die Lösung auf obige Weise nicht möglich sein, so ist auf folgende Art zu verfahren: Man mißt  $AC$  und trägt einen gewissen Teil des Maßes, z. B. die Hälfte, ein Drittel etc., je nachdem es der Platz erlaubt, von  $C$  nach  $G$ . Eben diesen Teil von  $BC$  trägt man von  $C$  nach  $F$  und mißt nun  $FG$ . Diese Linie bildet nun eben den Teil von  $AB$ , wie  $CG$  von  $AC$  und  $CF$  von  $BC$ . Wäre z. B.  $CG = \frac{3}{4} AC$ ;





94. Wie läßt sich diese Aufgabe durch Hilfe des Winkelkreuzes lösen?

In der Verlängerung BH nimm einen Punkt A und errichte auf BA die Senkrechte AY. Auf dieser Linie bestimme die halben Rechten a, b, so ist  $AC = AB$ ;  $AI = AH$  und  $IC = BH$ .

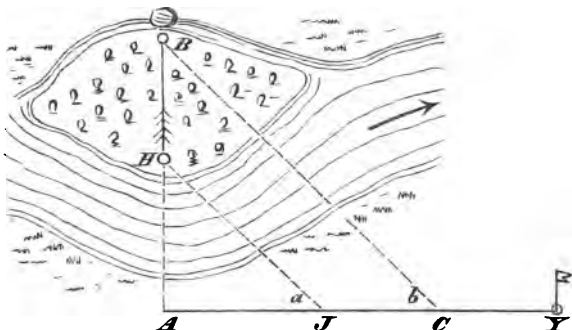


Fig. 32.

95. Die ganz unzugängliche Linie AB Fig. 33 soll diesseit des Flusses xy gemessen werden; wie ist dies möglich?

Diesseit des Flusses nimmt man beliebig, jedoch in möglichst passender Lage, die Linie Or an, fällt auf sie von A und B die Senkrechten AD, BE und verlängert diese rückwärts. Die Linie DE wird nun in C halbiert und durch Rückvisieren AC nach G und BC nach F verlängert, so ist  $FG = AB$ ;  $EG = AD$  und  $DF = BE$ . Die letzteren Linien lassen sich nun mit Leichtigkeit diesseit des Flusses messen.

96. Wie kann eine Figur durch Perpendikel auf nur zwei Linien gemessen werden?

a b c d e Fig. 34 sei die zu messende Figur. Nachdem ihre Endpunkte durch Waken markiert sind, wählt man zwei senkrecht auf einander stehende Linien AB, AC zur Messung. Beim Messen von AB bemerkt man die Fußpunkte d', e', a', c', b' der von den Endpunkten der Figur auf sie fallenden

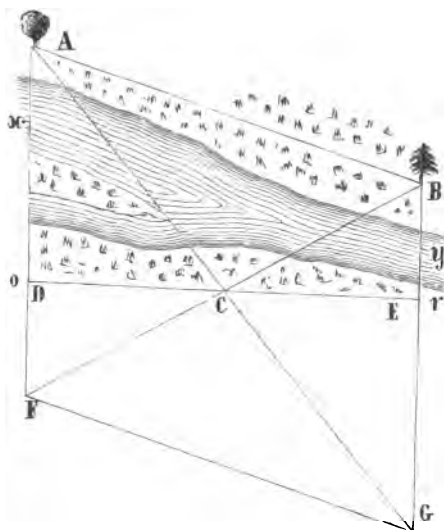


Fig. 33.

Perpendikel und verrichtet dasselbe auf  $AE$  durch die Punkte  $a, e, b, d, c$ . Nun ist  $Aa' = aa$ ;  $Ab' = bb$ ;  $Ac' = cc$  u. s. w., so wie  $Aa = aa'$ ;  $Ab = bb'$ ;  $Ac = cc'$  u. s. w. Durch Messung der zwei Linien  $Ab'$ ,  $Ac'$  mit den Zwischenentfernungen  $Ad'$ ,  $Ae'$  ...  $Aa$  u. s. w. ist also die Aufgabe gelöst.

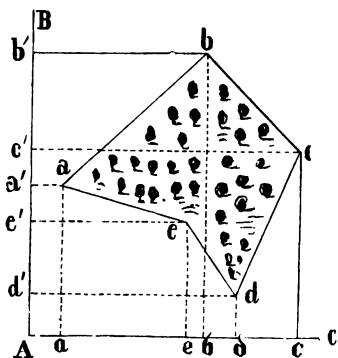


Fig. 34.

97. Wie kann der Flächeninhalt der Figur 34 aus den vorstehenden Maßen berechnet werden?

Wenn man von der Figur  $abce$  die Figur  $aaedec$  abzieht, so bleibt die Figur

abcde übrig, wie dieß der Augenschein lehrt. Die erstere dieser Figuren besteht aber aus den Trapezen  $aadb$  und  $bber$  und die andere aus den Trapezen  $aaee$ ,  $eedd$  und  $dder$ . Diese Trapeze lassen sich aber aus den auf AB, AC gefundenen Maßen leicht berechnen und dadurch die Aufgabe lösen.

98. Wie würde die Berechnung für einen in Zahlen gegebenen Fall stehen?

Angenommen, man habe gemessen  $Ab' = 117$ ;  $Ac' = 104$ ;  $Aa' = 82$ ;  $Ae' = 54$ ;  $Ad' = 23$  und  $Aa = 4$ ;  $Ae = 17$ ;  $Ab = 29$ ;  $Ad = 66$ ;  $Ar = 91$ , so ist die Rechnung, wie folgt:

1) Trapez  $aabb$ .

$$aa = Aa' = 82$$

$$bb = Ab' = 117$$

$$\underline{199}$$

$$ab = (29 - 4) - 25$$

$$\underline{995}$$

$$\underline{398}$$

$$\text{Inhalt } 4975$$

2) Trapez  $bber$ .

$$bb = 117 \quad 1 = 4975$$

$$rc = Ac' = 104 \quad 2 = 13702$$

$$\underline{221} \quad \text{Sa.} = 18677$$

$$br = \quad 62$$

$$\underline{442}$$

$$\underline{1326}$$

$$\text{Inhalt } 13702$$

3) Trapez  $cedd$ .

$$rc = Ac' = 104$$

$$dd = Ad' = 23$$

$$\underline{127}$$

$$\times rd = 25$$

$$\underline{635}$$

$$\underline{254}$$

$$\text{Inh. } 3175$$

$$\text{Trapez } 3 = 3175$$

$$" \quad 4 = 3773$$

$$" \quad 5 = 1768$$

$$\text{Sa. } 8716$$

4) Trapez  $dder$ .

$$dd = 23$$

$$re = Ae' = 54$$

$$\underline{77}$$

$$\times dr = 49$$

$$\underline{693}$$

$$\underline{308}$$

$$\text{Inh. } 3773$$

$$\text{Von } 1,2 = 18677$$

$$ab \text{ bis } 5 = 8716$$

$$\underline{\text{bleibt}} = 9961$$

$$\text{halbiert} = 4981 \quad \square m$$

5) Trapez  $eeaa$ .

$$ee = 54$$

$$aa = 82$$

$$\underline{136}$$

$$\times ae = 13$$

$$\underline{408}$$

$$\underline{136}$$

$$\text{Inh. } 1768$$

Der Inhalt der Figur abcde beträgt also 49 Mr 81  $\square m$ .

99. Wie kann bei sehr geneigtem Boden die horizontale Länge durch Hilfe der Kette gefunden werden?

Durch die sogenannte Staffelmessung.  $AB$  Fig. 35 sei z. B. die sehr abhängige Linie und  $BC$  ihre horizontale Länge. Der vordere Kettenzieher muß bei  $b$  die Kette bis  $a$  heben, bei  $d$  bis  $c$ , so daß sie überall horizontal liegt. Die einzelnen

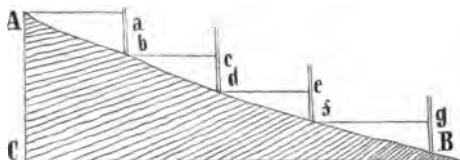


Fig. 35.

Längen  $Aa$ ,  $Bb$ ,  $Cc$ ,  $Dd$ ,  $Ee$ ,  $Ff$ ,  $Gg$  geben zusammen die gesuchte Horizontale  $AB$ . Bei Ausführung dieser sehr umständlichen Messung kann man jedoch selten die ganze Meßkette gebrauchen, auch muß der vordere Kettenzieher mit allem Fleiße auf recht vertikale Stellung seiner Bate sehen. Die unmittelbare Messung sehr geneigter Linien ist übrigens zu vermeiden, wo es nur möglich.

### **Dritter Abschnitt.**

## **Aufnahme ganzer Feldparzellen durch Kette und Winkelspiegel.**

---

**100. Was ist im allgemeinen vor Beginn der Aufnahme zu thun?**

Vor allen Dingen ist notwendig, das zu vermessende Stück zu umgehen, die Grenzsteine aufzusuchen und nöthigenfalls zu berichtigen, da, wo es erforderlich, zu verpfählen und ein deutliches Brouillon zu fertigen. Hierauf überlege man ganz ruhig, auf welche Weise bei der Vermessung selbst am vorteilhaftesten verfahren werden kann, weil durch eine Viertelstunde Überlegung oftmals mehrere Stunden nutzlose Arbeit erspart werden. Sodann stecke man die Hülfslinien durch oben mit einem kleinen Strohwißche oder einem Fähnchen versehene Stangen ab; wobei vorzüglich darauf zu sehen ist, daß man möglichst wenig Linien gebraucht, so wie daß sie so liegen, daß bei Backgrenzen, Wegen und anderen sehr krummen Mainlinien die Perpendikel möglichst kurz ausfallen.

**101. Wie wird die Feldparzelle Fig. 36 am bequemsten vermessen?**

Zunächst bestimmt man die Meßpunkte A, B, C, D und markiert sie durch Stangen. Diese Punkte sind hier zugleich Eckpunkte der Figur, die Grenzen AB, AD sind geradlinig und man hat also nur zu messen nötig: 1) die Diagonale

AC mit den Perpendikeln BE, DF; 2) die Seiten BC und CD nebst den darauf fallenden Senkrechten. AB, AD sind

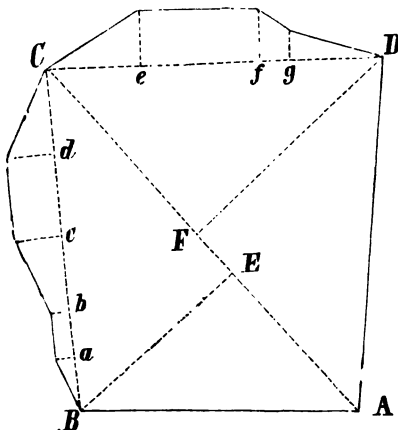


Fig. 36.

zur Berechnung der Figur zwar nicht notwendig, man mißt sie aber, wenn die Figur aufgetragen werden soll, um eine Kontrolle der Richtigkeit zu haben.

102. Waren hier die beiden Senkrechten BE, DF unbedingt auf dem Felde zu messen?

Wenn die Figur aufgetragen werden soll, nicht! Denn in diesem Falle sind die zwei Dreiecke ABC, ACD aus den Seiten

völlig bestimmt. Soll aber die Figur aus dem Bronillon berechnet werden, so sind diese Senkrechte unmittelbar zu messen. Ihre Fußpunkte E, F bezeichne man jedoch durch Spiegel oder Kreuz recht genau, wobei A, E, F, C in einer geraden Linie liegen müssen.

103. Das Feldstück Fig. 37 ist sehr krummlinig begrenzt, läßt sich aber frei übersehen; wie ist es am besten zu vermessen?

Am leichtesten kommt man zum Ziele, wenn man die Hülfslinien AB, DC so wählt, daß sie die Grenzen in den Biegungen durchschneiden. Zu messen sind nun AC mit den Perpendikeln DE, BF, so wie AB, BC, CD mit den darauf fallenden Senkrechten. Bei der Berechnung ist jedoch genau zu beachten, daß die Dreiecke b und d der Grundfigur ABCD zugerechnet werden, während a und c negativ sind oder davon abgezogen werden müssen. Durch Einführung negativer

Ergänzungsfiguren erleichtert man sich die Arbeit gewöhnlich ungemein.

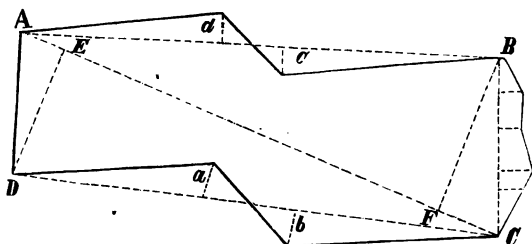


Fig. 37.

104. Auf welche Weise kann das Berechnungsmanual für Fig. 37 eingerichtet werden?

Am besten erhalten die zu subtrahierenden Figuren im Berechnungsmanuale eine besondere Rubrik, wie dies folgendes ausgeführte Beispiel für Fig. 37 zeigt. Die in der Berechnung eingeführten Maße sind Meter.

Berechnung	zu addieren		zu subtrahieren	
$\triangle ABC = \frac{36 \times 11}{396}$ ; $\triangle ACD = \frac{36 \times 10}{360}$ ;	ABC	396	a	34
$\triangle a = \frac{17 \times 2}{34}$ ; $\triangle b = \frac{18 \times 2}{36}$ ;	ACD	360	c	34
Ergänzung $BC = 37$ ; $\triangle c = \frac{17 \times 2}{34}$ ;	b	36		
$\triangle d = \frac{16 \times 2}{32}$ ;	BC	37		
Die ganze Figur hat mit-	d	32		
hin $1\frac{1}{2} \cdot 793 = 397$ □ m		861		68
= 3 Ar 97 □ m Fläche.				
abzuziehen		68		
Rest		793		

105. Wie ist bei Vermessung des Leiches Fig. 38 zu verfahren?

Am leichtesten geschieht diese Vermessung durch Umschließen mit einer geradlinigen Figur, wie z. B. mit dem Trapeze



ABCD. AB ist die Grundlinie und auf ihr stehen AC und BD senkrecht. Die Krümmen des Teiches werden durch Perpendikel bestimmt, wobei die Eckpunkte 1, 2, 3, 4 je zwei Perpendikel erhalten, wodurch die Ergänzungsfiguren a, b, c, d entstehen. Von ihnen sind c und d Rechtecke, a und b jedoch

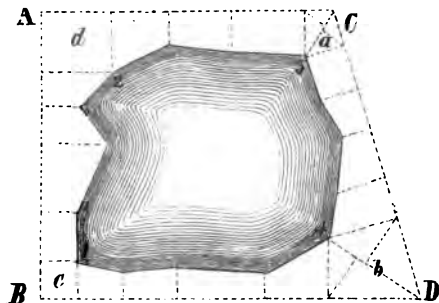


Fig. 38.

müssen jede in zwei Dreiecke zerlegt werden, um ihren Flächeninhalt bestimmen zu können. Die Berechnung selbst ist nun sehr einfach, denn wenn vom Trapeze ABCD sämtliche Ergänzungsfiguren abgezogen werden, bleibt offenbar die Fläche des Teiches übrig.

106. In Fig. 39 ist eine von einer Bachgrenze größtenteils umschlossene Wiesenparzelle angedeutet; auf welche Weise kann ihre Vermessung geschehen?

In dieser Figur müssen mehrere Hilfsfiguren angenommen werden, wie z. B. durch die Punkte A, B, C, D, E, F, G, H. Sämtliche Ergänzungsfiguren a bis i sind additiv und es sind nun zu messen: Die Linien DE, EF, FG, GH, HA, AB, ferner BH, CG und CE mit allen darauf fallenden Senkrechten. Die Länge der Linien BC, CD, CF, BG zu messen ist nicht notwendig, bei Zeichnung jedoch geben sie eine Probe der richtigen Arbeit.

107. Wie ist bei Vermessung eines Gehöftes zu verfahren?

Im allgemeinen ist die Fr. 105 erklärte Methode des Einschließens in eine Grundfigur am bequemsten. Die Art

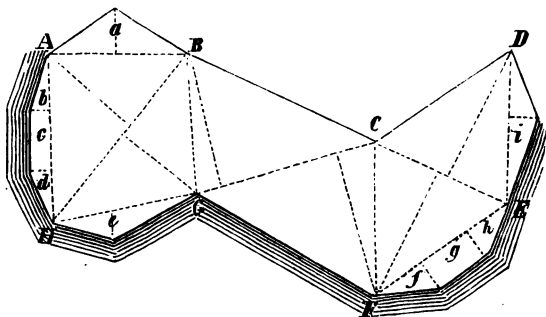


Fig. 39.

und Weise dieser Einschließung wird durch Umstände bedingt und ist allemal Sache der Überlegung und des durch Übung

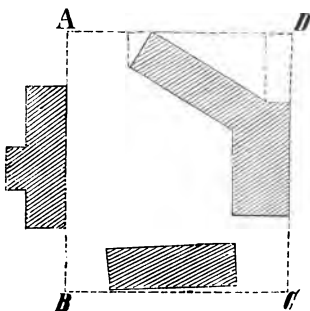


Fig. 40.

geschärften Umblicks. Um z. B. das Gehöfte Fig. 40 zu vermessen, kann von der Linie AB ausgegangen werden, auf welcher die Hülfslinien AD, BC senkrecht stehen und die CD bestimmen. Die Eck- und Winkelpunkte der Gebäude können nun leicht durch Perpendikel gefunden werden.

108. Ist es nötig, die Grundfläche der Gebäude besonders anzugeben?

Wenn es nicht besondere Gründe verlangen, nein! In der Regel genügt die summarische Angabe des Inhaltes sämtlicher Gebäude mit Hofraum; auch werden fast überall Gebäude und Hofraum nach gleichem Satze versteuert, weshalb auch bei den Katastervermessungen nur die Umfangsgrenze der Gehöfte angegeben, die Gebäude selbst aber nach ungefährem Maße eingezeichnet sind.

109. Das kleine Bestitztum Fig. 41 soll mit Basterung auf eine Hauptlinie vermessen werden; wie kann dies geschehen?

Angenommen, es lasse sich längs des Weges eine lange Linie übersehen und messen, so bezeichne man sie durch Stangen

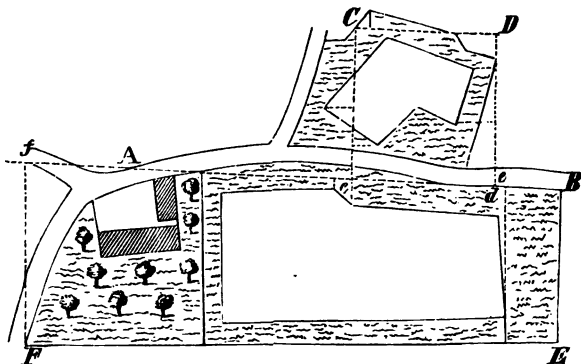


Fig. 41.

A, B. Um die beiden, durch den Weg getrennten, Komplexe des Grundstücks auf diese Linie zu beziehen, setze man ebenfalls Stangen an die Punkte C, D, E, F und verpähle die Fußpunkte e, d, c der Perpendikel Ee, Dd, Cc auf der Linie AB, so wie den Fußpunkt f des Perpendikels Ff auf deren Verlängerung. Hierdurch werden zugleich die Linien CD und EF bestimmt und die Einmessung der Grenzen des Ganzen, die des Feldes

und Gehöftes geschieht nun leicht durch Perpendikel auf vorigen Hauptlinien. Die Berechnung muß hier sehr genau und sorgfältig geschehen, weil gewöhnlich viel subtraktive Ergänzungsfiguren vorkommen.

**110. Was wird unter Senkrechten auf Senkrechten verstanden, und in welchen Fällen finden sie Anwendung?**

Es kommt bei kleinen Grenzbächen oft vor, daß sie eine ungemein große, schnell wechselnde Krümmung haben, so daß deren Vermessung durch auf eine Linie gefälltes Perpendikel

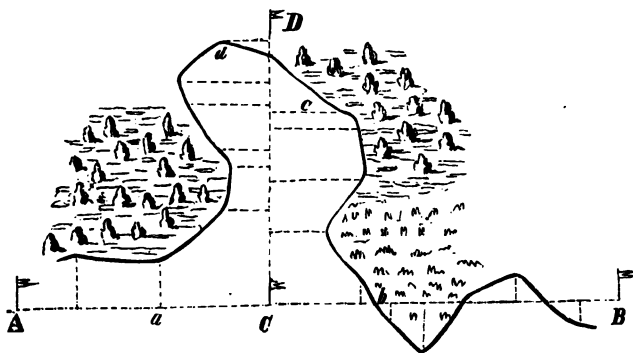


Fig. 42.

wegen deren unverhältnismäßigen Länge ungemein erschwert wird. In solchen Fällen benutzt man oft mit großem Vorteile die Senkrechten auf Senkrechten, wie Fig. 42 ein Beispiel zeigt. Nachdem hier die Vermessung auf der Hauptlinie A B bis a fortgeschritten ist, wird der Teil a b c d für sich vermessen, zu welchem Zwecke das Perpendikel C D dient. Dasselbe wird wieder als Hauptlinie benutzt und die daran fallenden Bachkrümmungen durch auf erstere gezogene Senkrechte bestimmt. Von b aus geht die Vermessung auf der ersten Hauptlinie fort und es erleidet das weitere Verfahren, so wie die Berechnung keinerlei Änderung. Zu berücksichtigen ist



Feldes gesucht und vom Ganzen abgezogen. Der Rest ist dann gleich dem Inhalte der Wiese.

Es sei Beispiels halber Wiese und Feld = 12743 □m

ab: das Feld allein = 5132 "

bleibt Inhalt der Wiese = 7611 □m.

Wird die Figur aufgetragen, so läßt sich die Rechnung viel leichter ausführen.

113. Wie steht die vollständige Berechnung einer aus mehreren Parzellen und Kulturarten zusammengesetzten Figur?

Angenommen, Fig. 44 sei zu berechnen, Parzelle I, II, III oder Figur a bis h sei Feld, Parzelle IV Wiese und

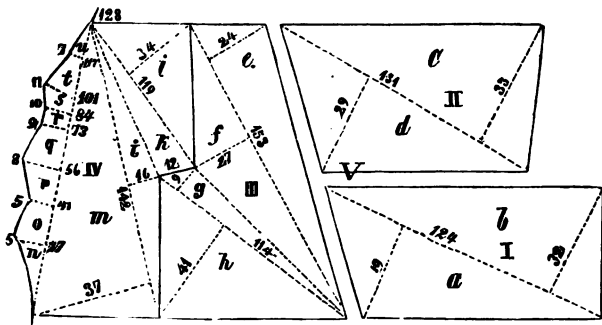


Fig. 44.

Parzelle V Weg, so würde die Berechnung nach den der Figur beigezeichneten Maßen folgende sein, wobei, Raumes halber, die Rubrik für die Inhalte geteilt ist.

Berechnung	Inhalt		- Inhalt	
	No.	Produkt	No.	Produkt
a) $124 \times 19$ $\begin{array}{r} 1116 \\ 2356 \\ \hline \end{array}$	a	2356	i	4046
b) $124 \times 32$ $\begin{array}{r} 248 \\ 372 \\ \hline 3968 \end{array}$	b	3968	k	1428
c) $131 \times 33$ $\begin{array}{r} 393 \\ 393 \\ \hline 4323 \end{array}$	2:	6304	l	2272
	I=	3152	m	5254
d) $131 \times 29$ $\begin{array}{r} 1179 \\ 262 \\ \hline 3799 \end{array}$			n	135
e) $153 \times 24$ $\begin{array}{r} 612 \\ 306 \\ \hline 3672 \end{array}$	c	4323	o	140
f) $153 \times 27$ $\begin{array}{r} 1071 \\ 306 \\ \hline 4131 \end{array}$	d	3799	p	195
	2:	8122	q	289
g) $114 \times 9$ $\begin{array}{r} 1026 \\ \hline \end{array}$	II=	4061	r	209
h) $114 \times 41$ $\begin{array}{r} 456 \\ 4674 \\ \hline \end{array}$			s	357
i) $119 \times 34$ $\begin{array}{r} 476 \\ 357 \\ \hline 4046 \end{array}$			t	288
			u	77
k) $119 \times 12$ $\begin{array}{r} 238 \\ \hline 1428 \end{array}$	e	3672	2:	14690
l) $142 \times 16$ $\begin{array}{r} 852 \\ \hline 2272 \end{array}$	f	4131	IV=	7345
m) $142 \times 37$ $\begin{array}{r} 994 \\ 426 \\ \hline 5254 \end{array}$	g	1026		
	2:	13503		
n) $27 \times 5$ $\begin{array}{r} 135 \\ \hline \end{array}$	h	4674		
o) $14 \times 10$ $\begin{array}{r} 140 \\ \hline \end{array}$	III=	6752	V=	3952
p) $13 \times 15$ $\begin{array}{r} 65 \\ \hline 195 \end{array}$				
q) $17 \times 17$ $\begin{array}{r} 119 \\ \hline 289 \end{array}$				
r) $19 \times 11$ $\begin{array}{r} 19 \\ \hline 209 \end{array}$				
s) $21 \times 17$ $\begin{array}{r} 147 \\ \hline 357 \end{array}$				
t) $18 \times 16$ $\begin{array}{r} 108 \\ \hline 288 \end{array}$				
u) $7 \times 11$ $\begin{array}{r} 77 \\ \hline \end{array}$				
Weg = $247 \times 16$ $\begin{array}{r} 1482 \\ \hline 3952 \end{array}$				

## Zusammenstellung.

Parz. I. Feld . .	=	31 Ar 52 □m
" II. " . .	=	40 " 61 "
" III. " . .	=	67 " 52 "
<hr/>		
Feld in Sa.	=	139 Ar 65 □m
Parz. IV. Wiese .	=	73 " 45 "
" V. Weg. .	=	39 " 52 "
<hr/>		
Totalfläche	=	252 Ar 62 □m

oder 2 Hektar 52 Ar 62 □m; oder 2,5262 Hektar; oder 252,62 Ar oder endlich 25 262 □m.

**114. Werden mit der Kette auch Winkel gemessen und in welchen Fällen geschieht dies?**

Winkelmessungen durch die Kette kommen nur vor, wenn die Figur aufgetragen werden soll, und sie werden auch in diesem Falle nur sehr ungern angewendet, weil trotz der größten Sorgfalt bei der Ausführung die Schärfe der Messung doch nicht allzugroß wird. Die Maße dürfen hierbei nicht bloß in ganzen Kettengliedern angegeben werden, sondern es ist unerlässlich, die möglichst kleinen Teile desselben, mindestens Centimeter, zu berücksichtigen.

**115. Wie wird die Winkelmessung durch Kette, wenn sie nicht zu vermeiden ist, ausgeführt?**

Die Winkelmessung kommt nur vor, wenn die Hauptlinie

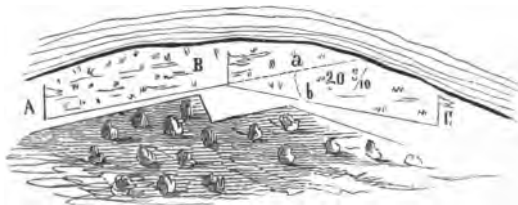


Fig. 45.

Hindernisse halber nicht gerade fortgesetzt werden kann. In Fig. 45 z. B. sei ein Wiesenrand zu vermessen, welchen auf einer



- Seite ein Fluß und auf der andern ein Waldsaum so begrenzt, daß von A bis C weder zu sehen noch zu messen ist. An einem passenden Orte wird hier ein Zwischenpunkt B angenommen und dadurch die Hauptlinie ABC gebrochen. Um aber die gegenseitige Neigung von AB, BC genau auf die Zeichnung bringen zu können, wird die Linie AB um 2, 3, 4 oder, wenns möglich ist, um 5 Ketten nach a verlängert und dieselbe Weite auch in b auf BC getragen. Nun ist die Entfernung zwischen a und b, jedoch mit der größten Genauigkeit, zu messen und das gefundene Maß im Croquis einzutragen, um hiernach die Zeichnung ausführen zu können. Daß nebenbei, bei Messung von AB, BC, gleichzeitig die auf Waldsaum und Fluß fallenden Senkrechten mit bestimmt werden, versteht sich dem vorhergehenden gemäß von selbst.

**116. Welche Längen sind hierbei für die Winkelschenkel am bequemsten?**

Will man die Größe der Winkel in Grad wissen, so giebt die Länge einer Kette (Defameter) unmittelbar 1000 Centimeter. Dadurch erhält man die Sehne unmittelbar in Tausendteilen des Halbmessers und der Winkel kann ohne weiteres in der Sehnentafel aufgesucht werden. In Fig. 45 z. B. seien die Radien Ba, Bb = 1000 Centimeter lang abgesteckt worden, und zwar in genauester Richtung der Winkelschenkel. Nun sei das ganz sorgfältig gemessene Sehnenmaß  $ab = 441$  cm, und hiermit in die Tafel S. 14 eingegangen, zeigt, daß der Winkel aBb ganz nahe  $25\frac{1}{2}$  Grad umfaßt.

**117. Wie ist bei größeren Längen der Schenkel zu verfahren?**

Wenn, Beispiels halber, der Halbmesser zu 5 Ketten angenommen wäre und die Sehne sei 114 Decimeter = 1140 Centimeter gemessen, so muß diese Zahl durch 5 dividiert werden und der Quotient 228 giebt die Sehne für den Radius 1000 an.

118. In Fig. 46 ist abefod eine, an Feld stoßende, sonst aber von Gehölz umgebene Waldparzelle. Wie kann sie mit der Kette zum Auftragen vermessen werden?

Nachdem vom Felde aus die Grenzen ad, ann, dn bestimmt sind, werden die Grundlinien ab, be, dc, cf gemessen und ihre Neigung nach voriger Frage durch die

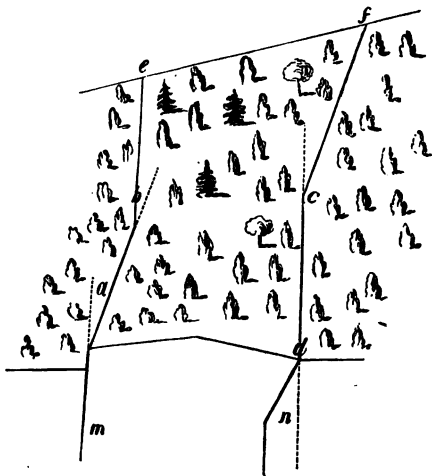


Fig. 46.

Winkel a, b, c, d bestimmt. Fallen Grenzsteine neben eine der Grundlinien, so ist ihre Lage durch Senkrechte anzugeben. Wie bereits erwähnt wurde, greift man nur im Notfalle zu dieser Art Vermessung und man muß suchen, wenn es einigermaßen möglich, wenigstens einige Breitenlinien zur Revision zu messen, z. B. von b nach c oder von c nach e Fig. 46.

#### **Vierter Abschnitt.**

### **Das Auftragen der Figuren.**

---

#### **119. Was wird unter dem Auftragen verstanden?**

Unter dem Auftragen einer Figur versteht man die Anfertigung einer Zeichnung des vermessenen Feldstückes in der Weise, daß sämtliche Eckpunkte, Grenzen und Abgrenzungen der Kulturarten, Bauten und was sonst von Wichtigkeit, in dem nämlichen gegenseitigen Verhältnisse auf dem Papiere stehen, welches sie auf dem Felde haben, so, daß die Zeichnung ein genaues Bild des Feldes giebt.

#### **120. Welchen Nutzen gewährt das Auftragen der Figuren?**

Der Nutzen ist sehr vielfach. Denn durch das Auftragen gewinnt die ganze Vermessung an Interesse, der Inhalt läßt sich bequemer berechnen, Meßfehler zeigen sich sofort, jede Einteilung kann leicht vorgenommen werden, es läßt sich die Stelle jedes verlorengegangenen Grenzpunktes jederzeit wieder bestimmen und der Wirtschaftsbetrieb, Drainierungen u. s. w. lassen sich auf dem Grundrisse deutlich angeben.

#### **121. Welche Werkzeuge sind zum Auftragen erforderlich?**

Für unsern Zweck genügen ein Handzirkel, ein Abschiebezug, ein Transversalmaßstab, eine Reißfeder, einige gute Bleistifte, etwas Gummi, vier Kopierzwecken, ein Stückchen Tusche mit Tuschnäpfchen und, wenn der Riß koloriert werden soll, einige Farben und Haarpinsel.

**122. Welche Eigenschaften muß ein guter Handzirkel haben?**

Er muß etwa 12 Centimeter lang sein, sich im Gewinde ruhig und ohne zu federn bewegen, seine Spitzen müssen stark und federhart sein und so zusammenpassen, daß beide bei geschlossenem Zirkel nur einen ganz feinen Punkt machen. Beim Gebrauche ist er mit Daumen und Zeigefinger am Gewinde seitwärts anzufassen und sind die Spitzen zu schonen.

**123. Woraus besteht das Abschiebezeug?**

Es besteht aus einem ungefähr 20 Centimeter langen hölzernen Lineal A und einem ebenfalls hölzernen Dreieck B Fig. 47. Lineal und Dreieck müssen möglichst dünn sein, gleiche Stärke haben und ganz gerade Kanten besitzen. Beim Dreiecke ist ar ungefähr 12, br 16 Centimeter; der Winkel r muß genau ein rechter sein und in l ist ein Loch zum bequemern Anfassen eingebohrt. Besser noch ist das Dreieck aus drei Linealen zusammengesetzt.

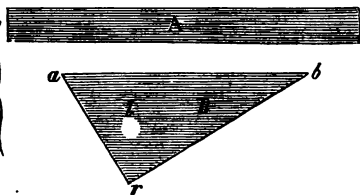


Fig. 47.

**124. Wie ist der Transversalmaßstab beschaffen?**

Derselbe ist gewöhnlich aus Messing, er kann aber auch auf ein mit gutem Zeichenpapier beleimtes Lineal gezeichnet werden und ist seine Einrichtung in Fig. 48 S. 58 zu sehen. Nachdem die Zeichnung groß oder klein werden soll, kann die Linie O x 10 Ketten, 10 Meter u. s. f. angenommen werden. Diese Länge wird auch von o nach rechts so viel mal aufgetragen, als wie es die Länge des Lineals erlaubt. Der erste Abschnitt O x wird genau in 10 gleiche Teile zerlegt. In beliebigen aber genau gleich weiten Abständen von der Linie x 30 zieht man 10 Parallelen und durch die Punkte x, 0, 10, 20, 30 Senkrechte. Die obere Weite O y wird ebenfalls in 10 gleiche Teile zerlegt und endlich werden die Teilpunkte

mit den unten stehenden durch die in der Figur ersichtlichen schiefen Linien — Transversalen genannt — verbunden.

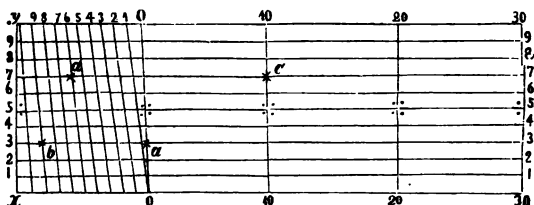


Fig. 48.

125. Angenommen, die Länge  $0x$  sei 10 Meter; auf welche Weise können die einzelnen Decimeter abgenommen werden?

Deutlichkeits halber ist Fig. 49 eine Transversale in größerm Maßstabe gezeichnet worden. Ist hier die Linie

$k10$  1 Meter, so ist  $h8 = 8$ ;  $e5 = 5$ ;  $b2 = 2$  Decimeter u. s. f. Drückt aber  $k10$  eine Kette aus, so ist  $i9 = 9$ ;  $g7 = 7$ ;  $c3 = 3$  Meter u. s. f. Hierdurch wird nun der Gebrauch des Maßstabes Fig. 48 klar werden. Wenn z. B.  $x10$  die Länge von 10 Meter ausdrückt, so ist  $ab = 8,3$  Meter und  $cd = 15,7$  Meter. Bezeichnet  $x10$  aber die Länge von 10 Ketten, so ist  $ab = 8,3$  Ketten = 83 Meter und  $cd = 15,7$  Ketten

oder 157 Meter. Der Gebrauch dieses Maßstabes ist fleißig zu üben.

126. Wie ist die Reißfeder beschaffen und wozu dient sie?

Die Reißfeder besteht aus zwei federartigen Stahlbäden  $bc$  Fig. 50, welche bei  $C$  an einen Griff  $ac$  angelötet sind und durch die Schraube  $s$  weit und enge gestellt werden können. Sie wird zum Ausziehen der Linien mittels Tuschge gebraucht, zu welchem Ende man ein Stückchen gute Tuschge — für 1 Mark bekommt man schon ein brauchbares Stück — in

Wasser so lange sanft abreibt, bis eine schwarze, gut fließende Tinte entstanden ist. Man nähert nun die Spitzen der Reißfeder einander, flößt etwas Tusche mittels eines Pinsels oder einer Feder zwischen deren Backen und stellt sie durch Hülfe der Schraube so, daß die Linie die gewünschte Stärke erhält. Beim Ausziehen ist mehr auf ganz egale, als auf zu feine Linien zu

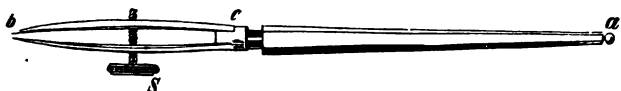


Fig. 50.

sehen und muß überhaupt das Ausziehen viel geübt werden. Nach jedesmaligem Gebrauche ist die Reißfeder zu reinigen und die Stellschraube S nachzulassen. Beim Ausziehen mit der Reißfeder kommt sehr viel auf deren Haltung an. Diese muß senkrecht auf das Papier sein, die Backen dürfen nicht verwendet werden und muß das Ziehen selbst wie beim Glaser mit dem Diamant geschehen. Oft versagt die Feder, weil die Tusche eingetrocknet. In diesem Falle taucht man sie mit der äußersten Spitze in ein Glas Wasser und flößt frische Tusche nach.

**127. Wie werden rechte Winkel mittels des Abschiebezuges gezeichnet?**

Es sei  $ab$  Fig. 51 eine gegebene Linie und  $c$  ein Punkt auf derselben, von welchem eine Senkrechte errichtet werden

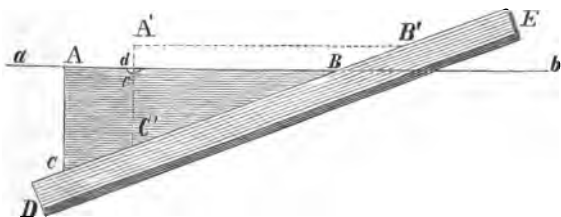


Fig. 51.

soß. Zu diesem Zwecke legt man die Kante  $AB$  des Dreiecks in der gezeichneten Lage genau an die Linie  $ab$  und das Lineal

DE an die schiefe Seite — die Hypotenuse — des Dreiecks, wobei beide, Lineal und Dreieck, leicht festzuhalten sind. Jetzt bleibt das Lineal unverrückt, das Dreieck aber wird an demselben so weit verschoben, bis es die Lage  $A'B'C'$  erhält, d. i. bis die Kante AC den Punkt c bei  $A'C'$  scharf berührt. In dieser Lage steht  $A'C'$  ebenfalls senkrecht auf ab und durch eine feine Bleilinie an  $A'C'$  ist der gewünschte Perpendikel gezogen. Zieht man eine Linie an der Kante  $A'B'$  des Dreiecks, so ist sie parallel zu ab.

128. Angenommen aber, es seien gegeben die Linien ab und ein Punkt d Fig. 51, von welchem letztern Punkte eine Senkrechte auf ab gefällt werden soll; wie ist hier zu verfahren?

Hier ist ganz auf die vorige Weise zu verfahren; anstatt aber die Dreieckskante  $A'C'$  an den — hier gar nicht gegebenen — Punkt c zu legen, bringt man sie an den Punkt d und zieht die Linie cd, wie vorhin. Hierbei ist zu bemerken, daß alle Linien ganz fein zu ziehen sind, weshalb der Bleistift auf einer Seite spitz und auf der andern breit — wie ein Keil — geschärft wird, wozu man am besten eine feine Feile oder einen Wehstein anwendet.

129. Die drei Seiten eines Dreiecks sind gegeben; wie läßt sich das Dreieck hiernach zeichnen?

Es sei ABC Fig. 52 das in Zeichnung oder nach dem Maße gegebene Dreieck. Nachdem zum Auftrage die Linie

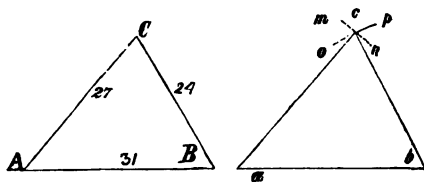


Fig. 52.

ab = 31 Teile gezogen, wird die Linie  $AC' = 27$  Teile in den Zirkel genommen, der Zirkel in a eingesetzt und ein leichter

Bogen  $m n$  beschrieben. Wird nun die Weite  $B C = 24$  Teile genommen, der Zirkel in  $b$  eingesetzt und der Bogen  $o p$  beschrieben, so giebt der Durchschnitt  $C$  beider Bogen die dritte Spitze des verlangten Dreiecks  $a b c$ , welches durch Ziehen der Linien  $a c$ ,  $b c$  vollendet wird.

130. Wie läßt sich ein Dreieck aus zwei Seiten und dem zwischenliegenden Winkel auftragen?

Es sei  $A B C$  Fig. 53 das gegebene Dreieck und es messen  $A B = 84$ ;  $A C = 112$ ;  $A m = A n = 50$ , sowie  $m n = 17$  Teile. Mache  $a c = 112$ ;  $a n' = 50$ ; ziehe den Bogen  $n' x$  und trage auf ihn von  $n'$  aus  $n' m' = 17$ ; ziehe aus  $a$  durch  $m'$  die Linie  $a p$ , trage  $a b = 84$  auf und vollende durch  $b c$  das verlangte Dreieck.

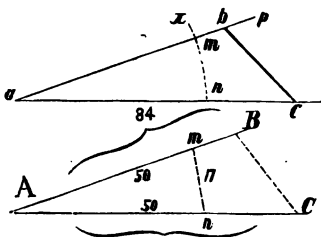


Fig. 53.

131. Und wie aus einer Seite und den anliegenden Winkeln?

Nachdem die Linie  $a c$  Fig. 54  $= A C = 129$  gemacht ist, trage man von  $a$  und  $c$  aus je 50 auf und ziehe die

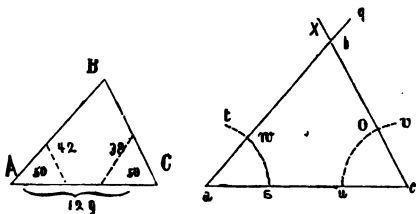


Fig. 54.

Bogen  $s t$ ,  $u v$ . Trage auf  $s t$  die  $s w = 42$  und auf  $u v$  die  $u o = 38$ ; ziehe durch  $w$  und  $o$  die  $a w q$ ,  $c o x$ , so wird der Durchschnittspunkt  $b$  die dritte Spitze des Dreiecks und  $a b c$  das Dreieck selbst sein.



132. Beim Dreieck  $ABC$  Fig. 55 sind gegeben: die Grundlinien  $AC$ , die Breite  $DB$  und der Abstand  $AD$ ; wie kann es gezeichnet werden?

Nachdem die Linie  $ac = AC$  und  $ad = AD$  gemacht worden, errichtet man die Senkrechte  $dm$  und trägt auf sie  $db = DB$ . Durch Ziehung der Linien  $ab, cb$  ist das Dreieck vollendet. Diese Art der Zeichnung kommt beim Feldmessen vorzüglich vor.

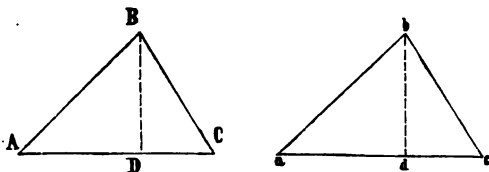


Fig. 55.

133. Ist es gleichviel, ob die aufzutragende Figur in Zeichnung mit wirklichen, oder nur im Croquis, mit beige-schriebenen Maßen, gegeben wird?

Es ist dies ganz gleich. Denn während man bei einer vorliegenden Zeichnung alle nötigen Linien, ohne sich besonders um ihr Metermaß zu bekümmern, in den Zirkel faßt und überträgt, geschieht das Abnehmen nach dem Croquis auf dem Maßstabe, wobei das Auftragen selbst keinerlei Änderung erleidet.

134. Die Grenze  $alkomnh$  Fig. 56 ist durch Perpendikel aufzutragen; wie ist dabei zu verfahren?

Wenn die Hauptlinie  $AH = ah$  aufgetragen, bemerke man die Fußpunkte  $B, C, D, E$  u. s. f. durch einen feinen Zirkelstich. Um diese Punkte nicht zu verlieren und um gleichzeitig zu wissen, ob ein Perpendikel oberhalb oder unterhalb der Grundlinie fällt, zeichne man im ersten Falle mit Blei einen kleinen Halbkreis unterhalb, im zweiten Falle oberhalb der Hauptlinie. Wenn die Grenzlinie die Grundlinie  $AH$  durchschneidet, wie bei  $A, E$  und  $H$ , mache man ein volles Ringel um den Punkt. Werden nun nach Zr. 127 die Perpendikel gezogen,



Stahlfeder mit Tusche fein umringelt, die Grenzlinien scharf mit der Reißfeder ausgezogen, so daß jede Linie beiderseits genau auf die Punkte inmitten der Ringel paßt, und sodann alle Bleilinen mit Gummi behutsam und sauber weggerischt, wodurch die Zeichnung das Aussehen von Fig. 58 erhält.

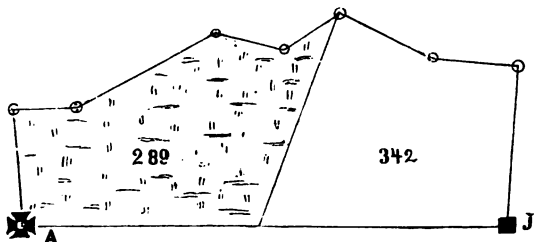


Fig. 58.

Grenzsteine werden gewöhnlich noch durch ein Quadrat J oder durch ein Kreuz A Fig. 58 bezeichnet. In die einzelnen Parzellen schreibt man sodann noch No., Kulturart, auch zuweilen den berechneten Flächeninhalt ein.

### 137. Welche Farben sind zum Kolorieren der Grundrisse nötig?

Außer der Tusche noch roter und blauer Karmin in Pulvern, Zinnober in Täfelchen und Gummi guttä in Stücken. Alle diese Farben werden mit Wasser sehr dünn in einem Schälchen aufgerieben, wobei dem Zinnober stets, so wie dem roten Karmin zuweilen etwas Gummivasser — Auflösung von arabischem Gummi in Wasser — zugesetzt wird. Durch Vermischung zweier dieser Farben lassen sich verschiedene Nuancen erzeugen, z. B. Grün durch Blau und Gelb; Violett durch roten und blauen Karmin; Braun durch roten Karmin und Tusche u. s. f.

### 138. Wie müssen die Haarpinsel zum Kolorieren beschaffen sein?

Sie müssen aus sehr feinen Haaren bestehen, fest gebunden sein und beim Durchziehen durch die Lippen in eine feine Spitze auslaufen. Zum Kolorieren selbst sind sie von verschiedener

Größe notwendig, doch wählt man zu großen Flächen auch die größten Pinsel. Das Kolorieren selbst muß schnell geschehen, damit die Ränder vor Vollenbung der betreffenden Fläche nicht trocknen, weil hierdurch Flecken entstehen.

### 139. Wie ist das Verfahren bei Ausführung eines kolorierten Grundrisses?

Nach Befestigung eines hinreichend großen Stückes Zeichn-  
papier mittels Kopierzwecken auf ein recht ebenes Brett wird  
die ganze Figur mit Bleistift aufgetragen und mit blasser  
Tusche recht fein und genau ausgezogen. Hierauf folgt das  
Auftragen der Farben, das Aufsetzen der Gebäude und der  
Grenzsteine so wie der Grenzbäume. Die Einfassungen der  
Wege können auch mit Zinnober gezogen werden, wodurch sie  
noch mehr hervortreten. Zuletzt folgt der Maßstab und die  
Schrift, welche letztere immer recht sauber, in passender Größe  
und so auszuführen ist, daß kein Buchstabe auf dem Kopfe steht.  
Wird eine Mittagslinie oder ein Nordzeiger verlangt, so wird  
dieser auch an einem passenden Orte angebracht. Die diesem  
Buche beigegebene Flurkarte drückt die Farben durch Schraf-  
fierung aus. Das Kolorieren selbst kann man sich von einem  
Feldmesser oder Baumeister zeigen lassen. (Siehe die Karte.)

### 140. Welche Farbe wählt man in der Regel zum Kolorieren der verschiedenen Kulturarten einer Flurkarte?

Bei den offiziellen Zeichnungen bestehen in den meisten  
Staaten bestimmte Vorschriften, bei Privatkarten ist die Wahl  
der Farben ganz beliebig. Im allgemeinen gelten jedoch fol-  
gende: a. Feld: blaßgelb, hochgelb, orange, blaßrosa, hochrosa,  
violett zu den verschiedenen Schlägeinteilungen; b. Wiese:  
blaßgrün; c. Garten: dunkelgrün; d. Niederwald: blaß-  
grau mit dünner Tusche; e. Hochwald: dunklergrau mit  
dickerer Tusche — wo große Waldungen mit verschiedenen  
Schlägen vorkommen, führt man mehrere Grade von grau  
bis schwarz ein —; f. Gewässer: blau; g. Hofräume,  
Wege, Sandflächen und Sandgruben: matt zinnober-  
farben; h. Gebäude: ganz Karmin oder tief schwarz;

i. Steinbrüche: dunkelbraun; k. Wüstungen und Heide: hellbraun; l. Moore: braungrün; m. Torf- und Braunkohlengruben: ganz dunkel braungrün. In ganz einfachen Karten schreibt man die Kulturart sofort bei.

#### 141. Wie wird die Mittagslinie bestimmt?

Weil sie bei ökonomischen Grundrissen nur einen sehr untergeordneten Wert hat, so ist ihre Bestimmung nicht allzuängstlich vorzunehmen. Es genügt hierzu jederzeit zum wahren Mittage, den jede gewöhnliche Sonnenuhr anzeigt, die Richtung des Schattens einer lotrecht aufgesteckten Stange durch eine andere Stange zu markieren und diese beiden Stangen mit in den Grundriß zu bringen. Eine durch sie gezogene Linie ist die Nordlinie.

#### 142. Ist beim Auftragen von Fig. 57 notwendig, die Perpendikel *ol*, *gm* zu messen?

Nein! Sobald die Perpendikel gezogen sind, nimmt man die Linien *a c*, *i g* in den Zirkel und durchschneidet die Perpendikel aus *a* und *i* mit diesen Längen. Die Durchschnittspunkte *c* und *g* sind sodann die entsprechenden Punkte der Figur. Es ist dies die Dreieckskonstruktion aus drei Seiten (Fr. 129).

#### 143. Wie wird ein Grundriß abgezeichnet (kopiert)?

Wenn das Original sehr geschont werden soll, muß Punkt für Punkt nach Fr. 129 durch gedachte Dreiecke aufgetragen werden. Ist dies aber nicht notwendig, so legt man das Original auf das zur Kopie bestimmte Papierblatt, befestigt es durch Kopierzwecken und sticht nun jeden Punkt mit einer feinen englischen Stichnetadel durch. Die erhaltenen Punkte lassen sich dann durch Hülfe des Originals leicht auffinden und durch Linien verbinden.

#### 144. Es kommt häufig vor, daß eine Zeichnung in kleinerem Maßstabe ausgeführt oder reduziert werden soll. Wie ist das Verfahren dazu?

Allgemein gilt hier der Grundsatz, daß in beiden Zeichnungen, dem Originale und der Reduktion, alle gleichartig

liegenden Linien einerlei Verhältnis haben müssen. Um dies zu erreichen giebt es mancherlei Vorrichtungen: Reduktionszirkel, Reduktionslineal, Storchschnabel oder Pantographen u. s. f. Für uns genügt aber der Reduktionsmaßstab in Verbindung mit dem Quadratnetz.

#### 145. Welche Einrichtung hat der Reduktionsmaßstab?

Am bequemsten ist folgende. Angenommen, die Kopie solle in der Länge nur  $\frac{2}{3}$  des Originals haben. An eine beliebig lange Linie A B Fig. 59 setze unter ebenfalls beliebigen Winkel

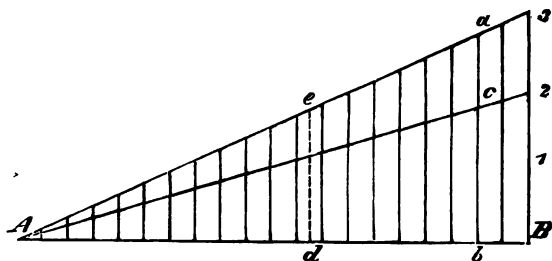


Fig. 59.

eine andere Linie B 3; trage auf diese zwei Weiten B 2, B 3, welche das gegebene Verhältnis haben, ziehe die Linien A 3, A 2 und zu B 3 in beliebigen Abständen und in beliebiger Anzahl Parallelen, so ist der Maßstab fertig.

#### 146. Wozu dient dieser Maßstab unmittelbar?

Er dient dazu, ohne Rechnung für jede in den Zirkel gefasste Linie sofort die ihr entsprechende nach dem gegebenen Verhältnisse zu finden. Hat man z. B. in der Originalzeichnung eine Weite =  $a b$  abgegriffen, so suche man auf dem Maßstabe die mit ihr gleich lange Parallele  $a b$ , setze den Zirkel hier ein und schließe ihn auf die Weite  $b c$ . Diese wird genau  $\frac{2}{3}$  von  $a b$  sein. Dasselbe gilt auch, wenn die gegebene Linie  $d e$  zwischen zwei Parallelen fällt.



erleichtert es die Berechnung, sobald die Seiten des Quadrates eine bestimmte Größe — z. B. 100 Meter — haben; bei großen Karten erleichtert es das Auffinden bestimmter Punkte und bei größeren Vermessungen dient es zum Übertragen der Fixpunkte.

**149. Auf welche Weise wird die Reduktion durch Hilfe des Netzes vollzogen?**

Nachdem das Original Fig. 60 mit dem Netze überzogen, wird nach der verlangten Verjüngung das Reduktionsnetz Fig. 61 gezeichnet. Hierauf trägt man Punkt für Punkt nach

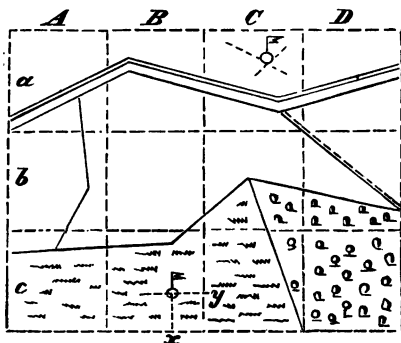


Fig. 61.

Abgreifen auf dem Reduktionsmaßstabe Fig. 59 in das entsprechende Quadrat ein. Jedes Quadrat wird für sich ausgefüllt, weil sich hierdurch vorkommende Fehler nicht fortpflanzen. Das Eintragen selbst kann durch Durchschnitte von den Winkelpunkten des Quadrates nach Fr. 129 erfolgen, oder durch sich schneidende Senkrechte (Koordinaten), wie dies ein Beispiel in dem Quadrate B c Fig. 60 und 61 zeigt.



## **Fünfter Abschnitt.**

### **Die Aufnahme mit dem Meßtische.**

---

**150. In welchen Fällen ist die Meßtischaufnahme vorzüglich anwendbar?**

Sie ist vorzüglich anwendbar bei sehr durchschnittenen, gebirgigen und bewachsenen Flächen; namentlich bei Dörfern, Waldungen, Schluchten und bei stehender Ernte, wegen Schonung der Feldfrüchte.

**151. Welche Instrumente gehören zur Meßtischaufnahme?**

Außer den zur Kettenvermessung nötigen noch der Meßtisch —, die Mensel —, die Wasserwage und das Diopterlineal.

**152. Wie ist der Meßtisch eingerichtet?**

Der Meßtisch besteht aus einem quadratförmigen, 30 bis 40 Centimeter großen Reißbrette aus Lindenholz — der Blanchette —, welches auf einem dreifüßigen Gestelle — dem Stativ — so angebracht ist, daß es sich leicht horizontal stellen und nach allen Richtungen drehen läßt. Die Konstruktion des Stativs ist sehr verschieden, doch genügt für gewöhnliche Zwecke die einfachste, aus einem Regel und Hohlkegel mit Preßschraube bestehende, weil sie gleichzeitig die größte Festigkeit und Dauer besitzt.

**153. Wie ist die Wasserwage beschaffen und wozu dient sie?**

Die Wasserwage besteht aus einem genau gedrehten, bosenförmigen Gefäße, in welches oben ein etwas höhl geschliffenes

Glas eingefügt ist. Der innere Raum der Wage wird mit Alkohol oder Äther so weit gefüllt, daß nur noch eine kleine Luftblase übrig bleibt. Wird nun diese Wage auf den Tisch gestellt, so tritt die Luftblase seitwärts, im Falle die Blanchette nicht horizontal steht; ist sie aber horizontal gestellt, so bleibt die Luftblase auf der Mitte des Deckglases.

#### 154. Wie ist das Diopterlineal eingerichtet?

Es besteht aus einem hölzernen oder messingenen Lineale A B Fig. 62, an welchem sich zwei Platten C, D — die

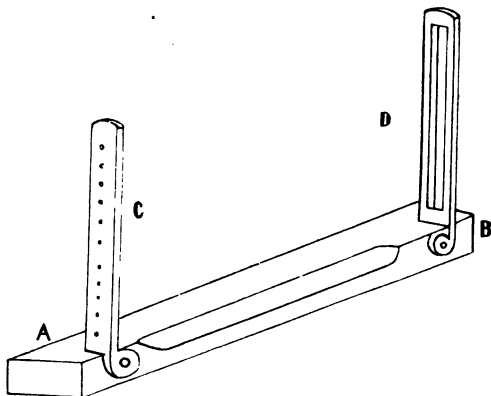


Fig. 62.

Diopter — senkrecht aufstellen und flach niederlegen lassen. Das eine dieser Diopter C — das Okulardiopter — ist mit einer Reihe feiner Löcher durchbohrt, während das andere D — das Objektivdiopter — einen Schlitze enthält, in welchem ein Haar senkrecht eingespannt ist.

155. Was wird verlangt, wenn der Meßtisch richtig aufgestellt werden soll?

Zunächst muß er genau horizontal stehen. Um dies zu erreichen, stellt man ihn nach dem Augenmaße ziemlich genau, setzt die Wasserwaage auf und wiegt ihn durch Verrücken und

Eintreten der Schenkel in den Boden vollends genau ein. Sodann muß der auf ihm gegebene Punkt, welcher denjenigen auf dem Felde bezeichnet, wo der Tisch aufgestellt ist — den Standpunkt — genau über diesem stehen und endlich muß auch die Blanchette die richtige Lage nach einem andern Punkte des Feldes haben — muß richtig orientiert sein —, was nach dem Einwiegen durch Drehen der Blanchette um ihre Axe geschieht.

#### 156. Wie wird der Meßtisch bespannt?

Nachdem ein Bogen guten Zeichenpapiers so zugeschnitten, daß er an jedem Rande der Blanchette um ungefähr 1 Centimeter vorsteht, wird es durch einen nassen Schwamm auf einer Seite gleichmäßig und nicht stark befeuchtet. Diese Seite wird nun mit dem, aus einem Eiweiß geschlagenen Schnee bestrichen und auf die Blanchette gelegt, wobei alle Falten und Luftblasen durch Schlägen und Andrücken mit einer Serviette ausgetrieben werden, so daß das Papier wie angeleimt auf der Blanchette liegt. Die vorstehenden Papierränder sind nun noch mit Kleister an die Seiten der Blanchette anzukleben.

#### 157. Welche Vorzüge und welche Mängel hat die Meßtisch- aufnahme gegen die Kettenmessung?

Der Hauptvorteil der Menselaufnahme besteht darin, daß sofort auf dem Felde eine Zeichnung des aufgenommenen Stückes entsteht, und man aus diesem Bilde sofort vorgefallene Vermessungsfehler erkennen kann, so wie, daß er in gebirgigem und durchschnittenem Terrain zu arbeiten gestattet. Als Mängel sind vorzüglich zu erwähnen, daß nur bei guter Witterung mit dem Meßtische gearbeitet werden kann, vorzüglich aber, daß die Maße nicht in natürlicher Größe, sondern nur in Verjüngung erscheinen und deshalb, schon bei einem großen Maßstabe, sehr genau gearbeitet werden muß, wenn sich nicht erhebliche Maßfehler zeigen sollen. Überhaupt bedarf die Menselaufnahme fortwährender Übung.

#### 158. Wie wird die Richtigkeit der Wasserwaage geprüft?

Dadurch, daß man sie auf den Meßtisch stellt, und diesen genau einwiegt. Bleibt nun die Luftblase unverrückt, wenn



aufgestellt und die Blanchette durch Anziehen der Preßschraube festgeklemmt wurde, wird auf derselben in *a* eine feine englische, mit einem Siegellackköpfchen versehene Stichnetadel — die Anschlagnadel — behutsam senkrecht eingestochen, das Diopterlineal mit der rechten Kante an dieselbe angelegt und nach dem Punkte *B* visiert. Sobald das Haar das Objekt *B* deckt, wird die feine Bleilinie *a b* auf der Mensel gezogen, hierauf auf gleiche Weise nach *C* visiert und *a c* gezeichnet, womit nun durch *b a c* der gegebene Winkel aufgetragen ist. Beim Visieren hat man sich vor dem Abbrechen der Anschlagnadel zu hüten, weil sie an einem solchen Orte nicht wieder eingestochen werden kann.

161. *a C b* Fig. 64 ist ein Dreieck auf dem Felde, welches mittels des Meßtisches aus den Punkten *a* und *b* aufgetragen werden soll. Wie ist zu verfahren?

Zunächst wird die Mensel in *A* aufgestellt und nach voriger Nummer der Winkel *c a b* gezeichnet. Nachdem dies geschehen

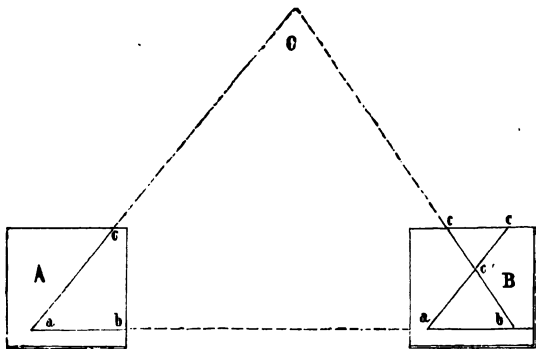


Fig. 64.

ist, mißt man die Linie *a b* — hier Standlinie genannt — und trägt ihr Maß nach dem Transversalmaßstabe auf. Hierauf stellt man den Tisch in *B* auf, und zwar so, daß der Punkt *b* des Tisches über *b* des Feldes liegt, legt das Diopterlineal an die Linie *a b*, visiert nach dem ersten Standpunkt *a*

und dreht die Blanchette so lange, bis sie richtig orientiert ist, worauf man sie festklemmt. Wird nun endlich nach c visiert und eine Linie gezogen, so erscheint auf dem Tische das verjüngte Bild a b c des gegebenen Felddreiecks.

162. Wodurch läßt sich das genaue Anlegen des Lineals behufs des Orientierens erleichtern?

Dadurch, daß man die Visierlinie a b nicht nur so lang auszieht, als sie der Wahrscheinlichkeit nach werden muß, sondern sie an beiden Ranten des Tisches auch angiebt; denn es ist klar, daß das Lineal an eine Linie von 30 Centimeter Länge sich weit schärfer anlegen läßt, als an eine andere von wenig Centimetern. Diese Vorsicht ist beim Ziehen jeder Visierlinie, welche als Standlinie dienen soll, zu berücksichtigen.

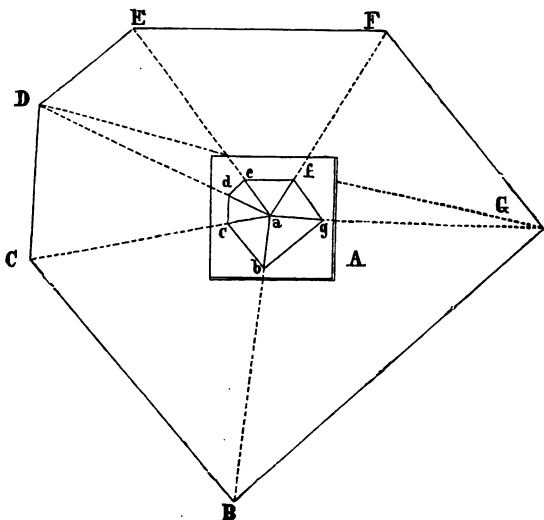


Fig. 65.

163. Wie kann eine Figur durch die Mensel aus einem einzigen Standpunkt aufgenommen werden?

B, C... F, G Fig. 65 sei die aufzunehmende Figur. An

einem passenden Orte, z. B. in der Mitte A, derselben wird der Meßtisch aufgestellt, der Punkt a bestimmt und von hier nach allen Eckpunkten visiert. Nun mißt man vom Standpunkt a aus die Linien aB, aC u. s. f. mit der Kette, und trägt sie im verjüngten Maße auf, so daß  $ab = aB$ ,  $ac = aC$  bis  $ag = aG$  wird. Zieht man nun endlich die hierdurch auf der Blanchette erhaltenen Punkte b, c, d, e, f, g zusammen, so entsteht die verkleinerte Figur im richtigen Verhältnisse und die Aufgabe ist gelöst.

**164. Wie geschieht die Aufnahme einer Figur aus zwei Standpunkten?**

Es sei C, D, E, F, G, H Fig. 66 die gegebene Figur. Nachdem die Mensel an einem passenden Standpunkte A aufgestellt ist — dieser Punkt kann inner- oder außerhalb oder

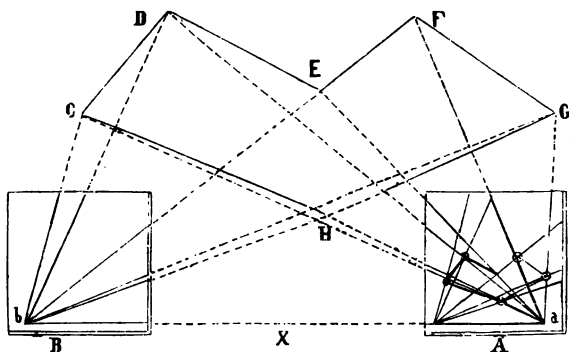


Fig. 66.

auf einem Grenzpunkte der Figur liegen —, werden alle Eckpunkte der Figur so wie der zweite Standpunkt in B anvisiert. Hierauf mißt man die Standlinie a b, trägt sie auf, stellt die Mensel nach B, orientiert nach a und visiert zum zweiten male nach allen Eckpunkten der Figur, oder man schneidet sie. Die Durchschnittspunkte der Visierlinien von A und B nach ein und

demselben Punkte geben diesen auf dem Meßtische und durch Zusammenziehen derselben entsteht die Kopie der Feldfigur.

**165. Welche Vorsicht ist zu gebrauchen, wenn die Schnitte zu spitz ausfallen, und was giebt gleichzeitig eine Probe der richtigen Arbeit?**

Um sich von der richtigen Aufnahme zu überzeugen und um schlechte Schnitte deutlicher zu machen, stellt man die Mensel auf einen dritten Standpunkt, vielleicht in x Fig. 66, auf. Die nicht genau bestimmten Punkte, so wie diejenigen, welche vielleicht von B aus nicht geschnitten werden konnten, werden hier nochmals anvisiert. Ist ein Punkt zweimal geschnitten und durchkreuzen sich die drei Visierlinien in einem Punkte, wie z. B. a b, c d, e f Fig. 67, so ist dieser Punkt richtig bestimmt; bilden dieselben aber ein Dreieck, wie g h, i k, l m, so ist ein Fehler vorgefallen, welcher sofort aufgesucht und verbessert werden muß.

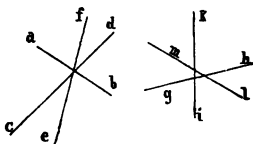


Fig. 67.

**166. Auf welche Weise werden die Punkte auf dem Felde bezeichnet?**

Bei der Meßtischaufnahme ist eine Bezeichnung aller Punkte durch numerierte Pfählchen, so wie ein deutliches Croquis unerlässlich. Beim Anvisieren stellt sich ein Gehülfe mit einer Meßfahne der Reihe nach auf die ihm vorher angegebenen Punkte und geht davon ab, sobald ihm vom Tische aus ein verabredetes Zeichen gegeben wird. Um sich hierbei noch zu versichern, daß der Gehülfe beim Ablaufen keine Nummer übersehen hat, läßt man ihn auf allen Nummern, die mit 0 oder 5 enden, ein Zeichen mit der Fahne geben.

**167. Welche Vorsicht ist bei der Wahl einer Standlinie zu gebrauchen?**

Erstes Erfordernis einer Standlinie ist möglichst horizontale Lage. Sodann muß sie hinreichend lang sein, freie Umsicht gewähren und so liegen, daß sich die Visierlinien gut



schneiden. Weil auf ihre Länge die Richtigkeit der Aufnahme hauptsächlich ankommt, ist es anzuraten, sie zweimal zu messen. Erlaubt die Örtlichkeit nicht, eine hinreichende Standlinie zu wählen, so mißt man noch eine zweite, die man durch Anvisieren oder Abschneiden mit der ersten in Verbindung bringt.

#### 168. Was ist eine Revisionslinie?

Weil bei der sorgfältigst ausgeführten Vermessung doch leicht Fehler einschleichen können, so ist jedesmal nach Vollendung einer Aufnahme eine Prüfung derselben vorzunehmen. Dies geschieht am leichtesten dadurch, daß man eine oder einige, vorher nicht unmittelbar gemessene, Linien nachmißt und mit dem Maße auf der Zeichnung vergleicht. Diese zur Prüfung gemessenen Linien werden Revisionslinien genannt. Um sich z. B. von richtiger Aufnahme der Figuren 65 und 66 zu überzeugen, könnte man in ersterer die Diagonale  $GD$  und in der andern die Diagonale  $CG$  nachmessen. Falls ihre auf dem Felde gefundene Länge mit der auf dem Papiere gemessenen übereinstimmt, kann man annehmen, daß kein Vermessungsfehler vorgekommen ist; im andern Fall ist mit Bestimmtheit auf Fehler zu schließen, welche sofort aufgesucht und verbessert werden müssen.

#### 169. Wie ist bei Aufnahme einer Waldparzelle zu verfahren?

Es ist hier das sogenannte Umziehen oder Stationieren anzuwenden, welches nach Fig. 68 auf folgende Weise ausgeführt wird. Zuerst ist die Parzelle durch möglichst lange Stationslinien  $AB$ ,  $BC$  u. zu umziehen, die man häufig durch geringes Lichten des Unterholzes merklich vergrößern kann, und dann das Maß aller dieser Linien mit der Kette genau zu bestimmen. Sodann wird die Mensel in  $A$  aufgestellt, nach  $B$  und  $F$  visiert und die betreffenden Maße aufgetragen, wobei nie zu vergessen ist, die Visierlinien stets am Rande der Blanchette anzugeben (Fr. 162). Nun wird der Tisch in  $B$  aufgestellt, die Linie  $ba$  nach  $A$  orientiert, das Lineal an  $b$  gelegt, nach  $C$  visiert, die Linie  $cd$  gezogen und ihr Maß aufgetragen. Auf diese Weise fährt man fort bis zum

**Punkte D.** Hat man hier nach C orientiert, DE anvisiert und aufgetragen, so ist die Linie EF von selbst bestimmt; man mißt sie jedoch auf dem Papiere auch, um ihre Übereinstimmung mit dem auf dem Felde gefundenen Maße zu vergleichen.

**170. Wie werden die neben den Stationslinien befindlichen Grenzpunkte bestimmt?**

Einfach durch Einmessen nach Perpendikeln, welches gleich beim Einmessen der Stationslinien geschieht. Das Auftragen

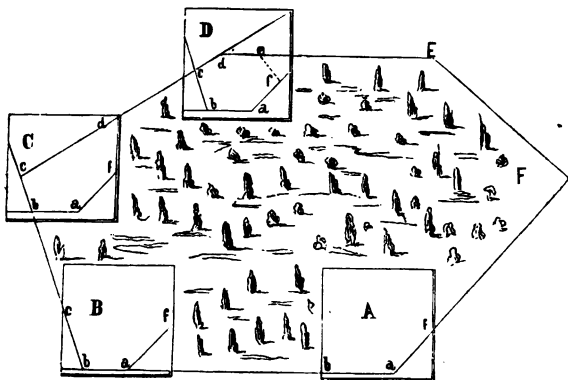


Fig. 68.

selbst wird am besten sogleich bei der Meßtischaufnahme an Ort und Stelle vorgenommen, weil Unrichtigkeiten sich sofort zeigen und eine Nachmessung ohne großen Zeitverlust augenblicklich vorgenommen werden kann.

**171. Wie ist das Verfahren, wenn der Wald von Wegen durchschnitten wird?**

In solchen Fällen, welche dem Vermesser nur lieb sein müssen, fängt man die Aufnahme von der Mitte der Figur an. Vom Punkte A Fig. 69 wird B, D, E anvisiert, von B und E durch Stationieren C und F bestimmt und nun längs des Umfanges fortgearbeitet. Auf diese Weise erhält

man eigentlich drei kleinere Figuren und das Vorkommen der Fehler ist sehr vermindert. Überhaupt ist das Umziehen mit aller zugebotestehenden Aufmerksamkeit auszuführen, wenn ein Schließen der Figur erfolgen soll.

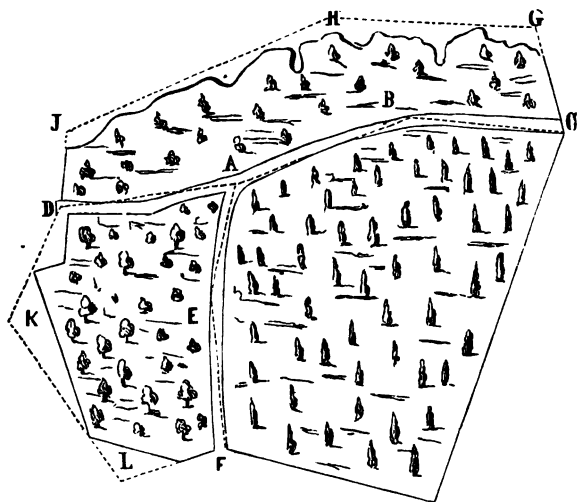


Fig. 69.

172. Im Falle nach Vollendung der Ausnahme die Figur nicht schließt, auf welche Weise läßt sich untersuchen, an welchem Stationspunkte ein Fehler begangen wurde, und wie läßt er sich corrigieren?

Im Falle die Figur nicht schließt, d. h. wenn der letzte Punkt A' Fig. 70 nicht auf A fällt und nur auf einer Station gefehlt wurde, läßt sich dieser Punkt auf folgende Weise finden. Man suche mittels des Zirkels einen Standpunkt, welcher von A und A' gleiche Entfernung hat — hier E —, und sobald man einen solchen findet, wurde bei ihm gefehlt. Nun zieht man von diesem Punkte die Linien EA, EA', fällt von F' und G' Perpendikel auf EA' und trägt diese auf EA über, wodurch

die richtige Lage von F, G gefunden und die Figur zum Schlusse gebracht wird. In den meisten Fällen wird man jedoch beim Nichtschließen der Figur die ganze Arbeit noch einmal vornehmen müssen und ist deshalb das Umziehen nur in ganz notwendigen Fällen vorzunehmen.

**173. Wie werden sehr verwinkelte Gebäudelomplexe aufgenommen?**

Ebenfalls durch Stationieren und zwar, wo möglich, von der Mitte aus. Die Zaun- und Wegecken, einzelnen Gebäude, Grenzsteine und andere zu bemerkende Objekte werden sodann entweder durch Perpendikel eingemessen oder durch Anvisieren und Messen Fr. 163, oder endlich durch Abschneiden Fr. 164 bestimmt.

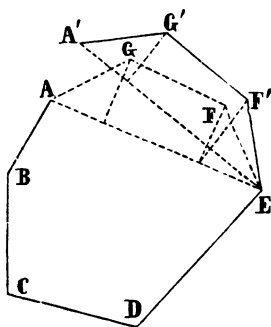


Fig. 70.

**174. Wie ist ein größeres Grundstück zur Vermessung zu präparieren?**

Durch Legung eines sogenannten Netzes. Ist z. B. Fig. 71 S. 82 das zu vermessende Grundstück, so stellt man an passenden Punkten I, II, III etc. Stangen — Signale — auf und versieht sie oben, um sie besser zu erkennen und um sie nicht mit anderen, zufälligen Objekten zu verwechseln, mit Strohweischen. Nun mißt man die Standlinie I, II, und schneidet von hier aus alle übrigen Netzpunkte an. Alle Schnitte müssen sehr gut sein und wo es geht ist jedes Signal zweimal zu schneiden. Die Linie IV, VII muß wegen des Waldes gemessen werden, wenn das Signal VII nicht von V, VII, VI aus sichtbar ist und geschnitten werden kann. Der eine Giebel des Wohnhauses oder eine Esse läßt sich ebenfalls als Signal benutzen, wie auch ein einzelner oder sonst sich auszeichnender Baum. Die erhaltenen Netzpunkte lassen sich nun größtenteils als

Standpunkte benutzen, sie dienen aber auch zur Kontrolle der richtigen Arbeit, weil sie von anderen Standpunkten anvisiert mit ihren Punkten auf dem Tische übereinstimmen

müssen, wenn der Meßtisch richtig orientiert und die Arbeit sonst richtig ist. Die Einarbeitung des Details geschieht sodann nach den bekannten Methoden.

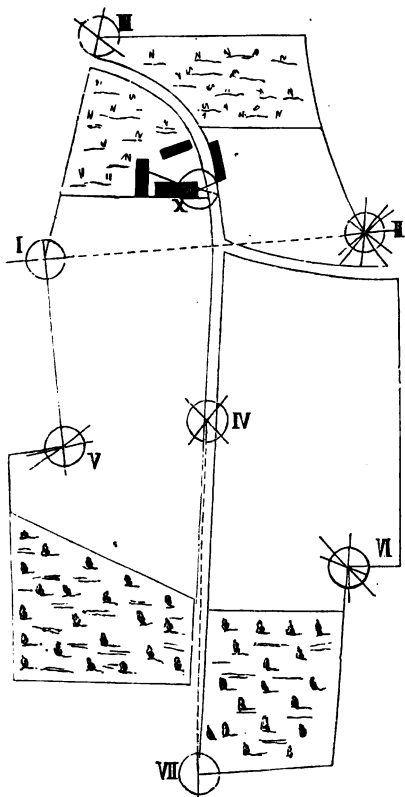


Fig. 71.

### 175. Was wird unter der Bouffole verstanden?

Die Bouffole ist eine, in eine Messingkapsel eingeschlossene, durch ein Deckglas geschützte Magnetnadel. Die Kapsel enthält einen geteilten Kreis und ihr Fuß ist, dem besondern Zwecke der Bouffole angemessen, verschieden konstruiert. Die Feldmesserbouffole ist gewöhnlich auf einem Rechtecke

von Messing befestigt, welches zuweilen auch mit Dioptern versehen wird.

**176. Ist die Bouffole zur Vermessung zu empfehlen?**

Nein! Denn nicht nur, daß die Magnetnadel in unseren Gegenden bei weitem nicht nach dem wahren Nord zeigt — sie weicht nahezu  $\frac{2}{9}$  des rechten Winkels nach West ab —, so ist auch diese Abweichung zu verschiedenen Jahres- und Tageszeiten nicht gleich, wie auch Gewitter und andere elektrische Lufterscheinungen, die Nähe von Eisensteinlagern und eisernen Geräten u. s. w. störend auf sie einwirkt, abgesehen davon, daß sie wegen Kleinheit ihrer Kreisteilung nie große Schärfe im Messen der Winkel zuläßt. Was sie also an Bequemlichkeit gewährt, geht an Zuverlässigkeit zehnfach verloren; letztere aber ist erstes Erfordernis der Feldmesserarbeiten. Bei größeren Waldvermessungen ist jedoch eine Orientierungsbouffole, welche nur die Nordlinie anzeigt, nicht ganz zu verwerfen, weil man durch sie von Zeit zu Zeit prüfen kann, ob keine groben Orientierungsfehler vorgekommen sind.

---

## **Sechster Abschnitt.**

### **Das Theilen der Figuren.**

---

**177. Wann kommt die Lehre vom Theilen der Figuren beim Feldmessen vor?**

Sie kommt namentlich vor bei Abgrenzung von Kulturtheilungen, Geradelegen und Berichtigen von Rainungen, Austausch von Flurstücken und bei Dismembrationen.

**178. Wie wird die Theilung hauptsächlich ausgeführt?**

Durch Berechnung und Zeichnung auf dem Grundrisse, wonach sodann die gefundenen Punkte aufs Feld übertragen werden. Jeder einigergestalt wesentlichen Theilung muß deshalb eine genaue Vermessung und Verzeichnung nach thunlichst großem Maßstabe vorhergehen.

**179. In Fig. 72 soll ein Parallelogramm von bestimmtem Flächeninhalte und an der Linie  $ab$  liegend abgeschnitten werden; wie ist zu verfahren?**

Zunächst wird die Breite des Parallelogramms berechnet, auf der Grundlinie  $ab$  Fig. 72 zwei Senkrechte  $cd$ ,  $hi$  errichtet, diese so lang gemacht, als die berechnete Breite verlangt, und sodann die Theillinie  $ef$  durch  $d$  und  $i$  gezogen. Will man nur eine Senkrechte errichten, so zieht man  $be$  parallel zu  $ab$ . Trägt man endlich die Weiten  $ae$ ,  $bf$  auf die Flur über, so ist die Theilung vollzogen.

180. Angenommen,  $ab$  Fig. 72 messe 23 m und es sollen parallel 105,8  $\square$  m abgeschnitten werden. Wie breit wird der Abschnitt sein müssen?

Die Fläche 105,8  $\square$  m durch die Länge  $ab = 23$  m dividiert, giebt 4,6 m zur gesuchten Breite. Werden beliebig

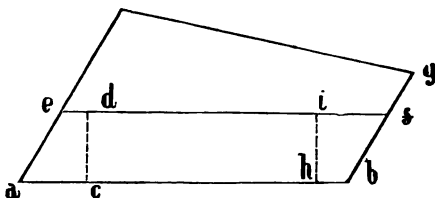


Fig. 72.

die Senkrechten  $cd$ ,  $hi$  gezogen und 4,6 m lang gemacht, so giebt die durch die Endpunkte  $d$   $i$  gezogene Linie  $ef$  die gesuchte neue Grenze.

181. Von einem Dreiecke soll ein anderes von bestimmtem Inhalte abgeschnitten werden; wie ist zu verfahren?

Es sei  $abc$  Fig. 73 das gegebene Dreieck,  $a$  die Spitze und  $ab$  eine Seite des abzuschneidenden Stückes. Die Grundlinie

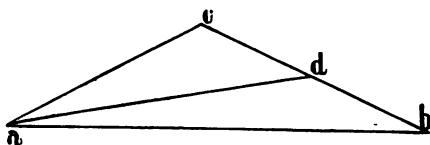


Fig. 73.

$ab$  halbe, Beispiels halber, 29,4 m und das abzuschneidende Stück soll 58,8  $\square$  m haben. Mit der Länge 29,4 in die doppelte Fläche des Trennstücks, d. i. in  $2 \times 58,8$  oder in 117,6 dividiert (Fr. 72) giebt 4 m zur Breite des abzuschneidenden Dreiecks. Diese 4 m werden senkrecht auf  $ab$  aufgetragen, und da, wo eine durch sie gezogene Parallele die Linie  $bc$



schneidet, die Grenzlinie  $a d$  gezogen. Das Dreieck  $a b d$  hat, nach obigem, 29,4 m Länge und von  $a b$ , senkrecht auf  $d$ , 4 m Breite oder  $\frac{1}{2} \times 4 \times 29,4 = 58,8 \square m$  Flächenraum.

182. Von der Figur  $A B C D$  Fig. 74 soll ein Trapez  $A o d D$  von bestimmtem Inhalte abgeschnitten werden; wie ist zu verfahren?

Die direkte Lösung dieser Aufgabe führt zu einer quadratischen Gleichung, für die Praxis genügt jedoch folgende Näherungsmethode vollkommen, und wird auch in der Regel stets danach verfahren. Man messe die Länge  $A D$  und nehme

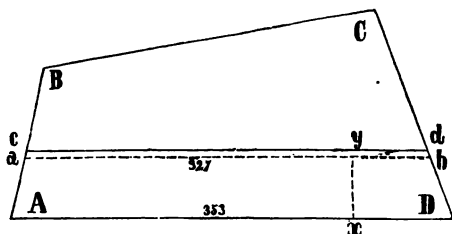


Fig. 74.

sie etwas knapp, wenn die Seiten zusammenlaufen, wie in dieser Figur, hingegen etwas reichlich, wenn die Seiten auseinandergehen, und dividiere damit in den gegebenen Flächeninhalt. Die so erhaltene annähernde Breite trage man nach Fr. 179 auf  $A D$  und ziehe die Parallele  $a b$ , messe diese und berechne nun aus  $A D$ ,  $a b$  und der Höhe das Trapez  $A a b D$ . Dieses wird etwas zu groß oder zu klein sein, weshalb ein kleines, für ein Rechteck zu achtendes Trapez  $a b c d$  abgenommen oder zugefügt werden muß. Um dessen Breite zu finden, dividiere man mit  $a b$  in den Unterschied des gegebenen und des gefundenen Trapezes. Diese Breite wird nun von  $a$  nach  $B$  oder  $A$  getragen, je nachdem die Figur zu klein oder zu groß war, und endlich die Grenzlinie  $c d$  gezogen, wodurch die Aufgabe gelöst ist. Will man sehr genau verfahren, so

berechnet man nun das Trapez  $AcdD$ , um es nötigenfalls noch etwas forrigieren zu können; das hier angewendete einmalige Verfahren wird aber in den meisten Fällen genügen.

**183. Wie wird ein in Zahlen gegebenes Beispiel in der Berechnung stehen?**

Die Seite  $AD$  messe 353 m und das abzuschneidende Trapez solle 17 616 □m enthalten.

$$\begin{array}{r|l} 350 & 17600 = 50 \text{ m annähernde Breite.} \\ & 175 \\ \hline & 10 \end{array}$$

Diese nach  $xy$  getragen und  $ab$  gezogen, ergibt für letztere Linie 327 m, und der Inhalt des Trapezes  $AabD$  ist nun

$$\begin{array}{r} 353 \\ 327 \\ \hline 680 \times 50 \\ 2) \underline{34000} \\ 17000 \text{ □m.} \end{array}$$

Das abzuschneidende Stück soll sein 17616 —

$AabD$  ist nur 17000

also um 616 zu klein.

Nun ist 327 in 616 = 2 m, um welche  $xy$  länger zu machen ist, und  $AcdD$  wird dem gesuchten Trapeze sehr nahe kommen.

**184. In Fig. 75 sind die beiden Grundstücke I und II durch den gebrochenen Rain  $abodef$  getrennt. Beide Besitzer wollen ihn geradelegen, wie kann dies vollzogen werden?**

Am bequemsten und mit völlig genügender Schärfe nach dem in Fr. 182 angegebenen Verfahren. Zuerst legt man hierzu nach ungefährrer Bestimmung die Linie  $gh$  als annähernde Rainlinie und nimmt sodann die ganze Verainung auf. Sodann berechnet man die abgeschnittenen Figuren 1, 2, 3 und 4, um zu sehen, welcher Besitzer nach der projektirten Linie zu kurz kommt. Beispiels halber enthalte 1 =

279; 2 = 314; 3 = 641; 4 = 409 □m, so tritt der Besitzer von I zusammen die Figuren 1 und 3, d. i.  $279 + 641 = 920$  □m ab und empfängt dafür von II die Figuren 2 und 4, d. i.  $314 + 409 = 723$  □m, verliert also  $920 - 723$  oder nahe 200 □m. Nun messe  $gh = 294$  m,

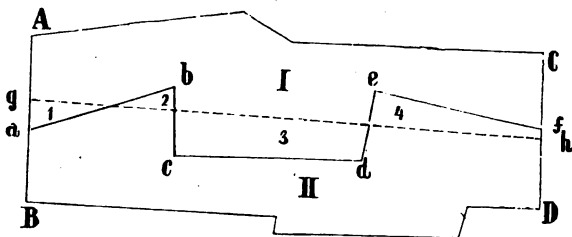


Fig. 75.

so hat I einen Streifen von 200 dividiert durch 294 oder  $\frac{2}{3}$  m Breite von II zu erhalten, und um diese  $\frac{2}{3}$  m ist von h nach D und von g nach B zu rücken, wo dann der Main gerade liegt und jeder Besitzer seine vorige Fläche wieder hat.

185. Um einen Garten von 420 Ar Fläche zu kaufen, gab A. 180 Mark, B. 210 Mark, C. 270 Mark, D. 225 Mark. Wie viel vom Garten bekommt ein jeder?

Der ganze Garten kostet 885 Mark und hat 42 000 □m. Für drei Mark erhält man also 42 000 dividiert durch 295 oder  $242\frac{1}{3}$  □m nahe. Es haben demnach, weil sich 180, 210, 170, 225 wie 60, 70, 90, 75 verhalten, zu beanspruchen:

- |    |                            |      |       |    |
|----|----------------------------|------|-------|----|
| A. | $60 \times 142\frac{1}{3}$ | oder | 8540  | □m |
| B. | $70 \times 142\frac{1}{3}$ | "    | 9963  | "  |
| C. | $90 \times 142\frac{1}{3}$ | "    | 12810 | "  |
| D. | $75 \times 142\frac{1}{3}$ | "    | 10700 | "  |

Summa 42013 □m oder um 13 □m zu groß, welche sich leicht verteilen lassen.

186. Nun sei  $abedofg$  Fig. 76 der zu teilende Garten und die Teilung solle so erfolgen, daß die Mainlinien senkrecht auf  $ag$  stehen und die Teile der Reihe nach von  $a$  nach  $g$  gehen; wie ist die Teilung vorzunehmen?

Zuerst zerfalle man die Figur durch die in derselben punktierten, auf  $ag$  gezogenen Senkrechten  $al$ ,  $kc$ ,  $id$ ,  $he$ ,  $gm$  in

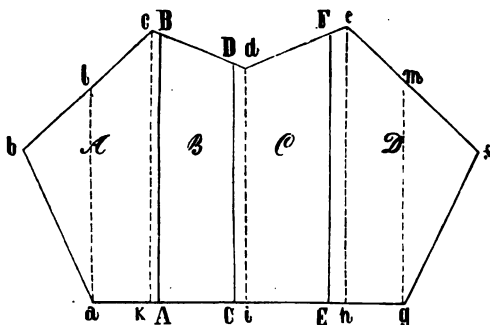


Fig. 76.

Trapeze und Dreiecke und berechne sie. Nun sei gefunden worden:

$$\begin{aligned}
 abl &= 2440 \text{ □m} \\
 alck &= 4120 \text{ „} \\
 kcdi &= 15210 \text{ „} \\
 ideh &= 9617 \text{ „} \\
 hemg &= 8615 \text{ „} \\
 gmf &= 1998 \text{ „}
 \end{aligned}$$

Summa 42000 □m, wie oben.

Weiter hat A. nach Verteilung der 13 zu viel berechneten Quadratmeter, von denen  $A=3$ ,  $B=3$ ,  $C=4$  und  $D=3$  abgezogen worden, zu verlangen 8537 □m.

$$\begin{aligned}
 abl \text{ ist aber} &= 2440 \text{ □m} \\
 alck \text{ „ „} &= 4120 \text{ „}
 \end{aligned}$$

Summa 6560 □m

ab von . . . 8537 „

zu wenig 1977 □m, welche nach

Frage 182 von  $k c d i$  abzuschneiden sind, wonach  $A B$  die erste Mainlinie wäre.

$$\text{Von } k c d i = 15210 \text{ □m}$$

$$\text{ab obige } 1977 \text{ „}$$

---


$$\text{Rest} = 13233 \text{ □m}$$

$$\text{B. hat zu fordern } 9960 \text{ „}$$

erhält also  $3273 \text{ □m}$  zuviel, welche durch  $C D$  von  $A B d i$  abzuschneiden sind;

$$\text{zu } C D d i = 3273 \text{ □m}$$

$$\text{ideh} = 9617 \text{ „}$$

---


$$\text{Summa } 12890 \text{ □m}$$

$$\text{C. hat zu fordern } 12806 \text{ „}$$

zu viel  $84 \text{ □m}$ , welche durch die Grenze  $E F$  von  $i d e h$  zu trennen sind.

$$\text{Endlich ist } E F e h = 84 \text{ □m}$$

$$\text{h e m g} = 8615 \text{ „}$$

$$\text{g m f} = 1998 \text{ „}$$

$\text{Summa } 10697 \text{ □m}$ , als Anteil von  $D$ ., womit die Aufgabe gelöst ist.

187. Fig. 77 ist das Bild einer, durch den Wirtschaftsweg  $x y$  getrennten, Feldparzelle. Sie soll senkrecht auf den Weg in drei gleiche Kulturen geteilt werden; wie ist die Teilung zu vollziehen?

Weil hier der Weg gerade ist und gleiche Breite hat, so wird er nicht besonders berücksichtigt, sondern mit zum Felde gerechnet. Dasselbe geschieht in der Regel auch bei krummen Wegen, weil ihre Fläche nicht sehr groß ist und sie gleich den anliegenden bebauten Flurstücken versteuert werden müssen. Zur Ausführung wird nun zuerst die Figur durch auf den Weg gezogene Senkrechte in die Dreiecke und Trapeze  $a$  bis  $l$  zerlegt, diese Figuren einzeln berechnet und sodann die Teilung ganz nach vorigem Beispiel vorgenommen.

188. Bei einer Erbregulierung fällt eine Hypothek auf drei Erben, und zwar so, daß A. 647,15  $\mathcal{M}$ , B. 675,50 und C. 720,06  $\mathcal{M}$  davon zu fordern hat. Der Schuldner tritt dafür eine Feldparzelle von 850  $\square$ m Fläche ab, welche die Erben nach Verhältnis ihrer Ansprüche teilen. Wie viel hat jeder zu bekommen?

Nach der Gesellschaftsrechnung findet sich:

$$\text{A. bekommt } 647,15 \times 0,416 = 269,214 \square\text{m}$$

$$\text{B. } " \quad 675,50 \times 0,416 = 281,008 "$$

$$\text{C. } " \quad 720,06 \times 0,416 = 299,545 "$$

---


$$2042,71 \quad = 849,767 \square\text{m.}$$

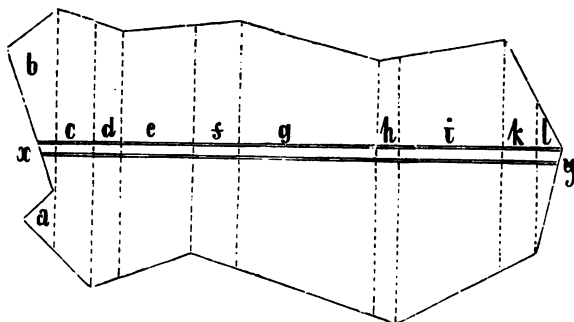


Fig. 77.

(Auf 2042,71 Teile kommen 850  $\square$ m, mithin 0,416  $\square$ m auf 1 Teil.) Es fehlen mithin nur 0,233  $\square$ m an der ganzen Fläche, welche Differenz nicht vorgekommen wäre, hätte man eine Decimale mehr berechnet. Sie ist aber leicht auszugleichen, wenn dem A. 0,105; dem B. 0,106 und dem C. 0,122  $\square$ m mehr gerechnet werden.

189. Wie ist die Rechnung zu führen, wenn außer dem Flächeninhalte auch die Bodengüte berücksichtigt werden soll?

Durch ein Beispiel wird das nötige Verfahren am deutlichsten werden.

Eine Feldparzelle enthält 90 □m I. Klasse; 100 □m II. Klasse; 140 □m III. Klasse, und es sei der Wert eines Quadratmeters von Klasse I. auf 3 *M.*, von Klasse II. auf 2,50 *M.* und von Klasse III. auf 1,75 *M.* taxiert worden. Dieses Feld wird für 660 *M.* an A., B. und C. verkauft und es tragen zur Kaufsumme bei: A. 180 *M.*, B. 210 *M.*, C. 270 *M.* Sie wollen auch das Feld nach diesem Verhältnisse unter sich teilen, wobei noch folgendes festgesetzt wird. A. empfängt seinen ganzen Anteil von Klasse I., B. nimmt den Rest dieser Klasse und die Ergänzung aus Klasse III., C. endlich empfängt die ganze II. und den Rest der III. Klasse. Es ist nun zuvörderst der Wert des Feldes nach Taxe zu berechnen und es findet sich

$$90 \text{ □m Kl. I} = 90 \times 3 = 270,00 \text{ M.}$$

$$100 \text{ " " II} = 100 \times 2,5 = 250,00 \text{ "}$$

$$140 \text{ " " III} = 140 \times 1,75 = 245,00 \text{ "}$$

---


$$330 \text{ □m für zusammen} \dots\dots\dots = 765 \text{ M. Feldwert.}$$

Weil nun auf 660 *M.* Kaufwert 765 *M.* Feldwert kommen, so erhält 1 *M.* Kaufgeld = 1,16 *M.* Feldwert und es gehören

$$\text{dem A. } 180 \times 1,16 = 208,65 \text{ M. Feldwert}$$

$$\text{" B. } 210 \times 1,16 = 243,42 \text{ " "}$$

$$\text{" C. } 270 \times 1,16 = 312,93 \text{ " "}$$

---


$$765,00 \text{ M. Summe, w. o.}$$

A. empfängt also für 208,65 *M.* von Kl. I. oder 69,55 □m und es bleiben noch für 61,35 *M.* von dieser Klasse übrig.

B. erhält den Rest von I. oder für 61,35 *M.*

hat aber zu verlangen für 243,42 "

es fehlen also noch für 182,07 *M.*

die ihm aus Klasse III. zufallen, was, das □m zu 1,75 *M.* = 104,04 □m beträgt, wonach er also wirklich erhält:

$$20,45 \text{ □m von Kl. I. à 3 M.} = 61,35 \text{ M.}$$

$$104,04 \text{ " " " III. à 1,75 " } = 182,07 \text{ "}$$

---


$$124,49 \text{ □m im Feldwerte von} \dots\dots = 243,42 \text{ M.}$$

C. endlich empfängt:

100,00	□m als	Al. II. à 2,5	M.	=	250,00	M.
35,96	"	von "	III. à 1,75	"	=	62,94 "
<hr/>						
135,96	□m	zum Werte von			312,94	M.

190. Genügen die vorstehend angegebenen Regeln über Felderteilung für unsern Zweck?

Ja! In den für gewöhnlich vorkommenden einfachen Fällen sind sie völlig hinreichend und ein jeder, der das hier Gelehrte vollkommen begriffen, wird auch mit Leichtigkeit imstande sein, kleine Teilungen mit Sicherheit auszuführen. Bei größeren Zusammenlegungen werden jedoch noch andere Vorkenntnisse erfordert; da aber derartige Arbeiten von zu großer Wichtigkeit sind, wird bei ihnen stets ein Feldmesser von Fach zugezogen werden.



## **Siebenter Abschnitt.**

# **Das Höhenmessen und das Nivellieren.**

---

**191. Was wird unter dem Höhenmessen verstanden und in welchen Fällen wird es angewendet?**

Unter dem Höhenmessen versteht man die Bestimmung, wie groß der Unterschied der Erhebung zweier Punkte über eine gewisse horizontale Ebene ist. Im engern Sinne sucht man nur, um wie viel sich ein Punkt in senkrechter Richtung über einen andern erhebt. Die Anwendung des Höhenmessens ist beim Elementarfeldmessen sehr beschränkt, und weil hierbei noch keine allzugroße Schärfe verlangt wird, so genügen ganz einfache Instrumente zu seiner Ausführung. Beispiele seiner Anwendung sind die Bestimmung der Länge eines stehenden Baumes oder der Höhe eines Bauwerkes.

**192. Wie ist das Meßbrett beschaffen?**

Es besteht aus einem quadratförmigen Brette von ungefähr 20 Centimeter Seite und 1 Centimeter Dicke, welches auf der Vorderfläche mit Papier bespannt ist, während inmitten der Rückfläche, bei C Fig. 78, eine Handhabe angeschraubt werden kann. Auf die Papiersfläche wird ein genaues Quadrat  $mno p$  gezeichnet und dessen beide Seiten  $mn$ ,  $no$  jede in 100 gleiche Teile zerlegt und von 10 zu 10 so beschrieben, daß bei  $m$  und  $o$  Null, bei  $n$  aber 100 kommt. Im Eckpunkte  $p$  ist ein Bleilot C mittels eines Haares befestigt, so wie ferner an beiden

Seiten des Brettes, genau in der Richtung o p, zwei Diopter A, B angeschraubt sind, so daß sie sich an die Kante des Brettes umlegen lassen, wenn das Brett nicht gebraucht wird. Die Diopter haben die in der Figur ersichtliche Form; die obere Kante ist genau geradlinig und enthält einen kleinen Ansatz x, durch welchen ein feines Visierloch gebohrt ist.

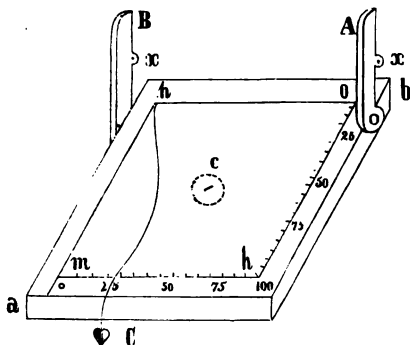


Fig. 78.

193. Wie kann mittels des Meßbrettes die Höhe AB eines Objektes Fig. 79 bestimmt werden, wenn der Boden AC horizontal liegt und das Lot auf der Stala mh Fig. 78 fällt?

Vom Standpunkte C aus wird nach der Spitze B des Objekts visiert und die Länge  $a b$  am Brette abgelesen. Mißt man die Weite  $CA$ , so findet sich die Höhe  $BD$ , wenn man  $CA$  durch  $a b$  multipliziert und das Produkt durch 100 dividiert. Hierzu die Höhe des Auges über dem Boden  $= CE = AD$  addiert, giebt die gesuchte Höhe  $AB$ . Es sei z. B.  $AC = 76 \text{ m}$ ,  $a b = 47$ , so ist

$$BD = \frac{47 \times 76}{100} \text{ oder } 35,72 \text{ m.}$$

Hierzu die Höhe des Auges  $EC = 1,95 \text{ m}$ ,  
gibt die ganze Höhe zu  $37,67 \text{ m}$ .

194. Wie ist das Verfahren, wenn das Bleilot, wie in Fig. 80, auf der Stala ho Fig. 79 liegt?

Nachdem man vom Standpunkte C ebenfalls nach B visiert, a b abgelesen und A C gemessen hat, multipliziert man A C

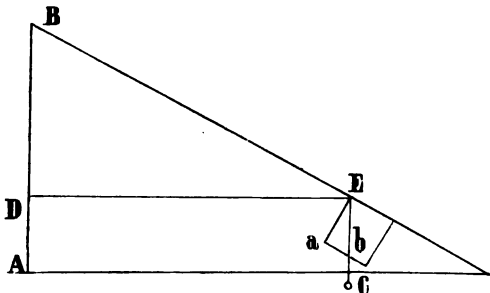


Fig. 79.

durch 100 und dividiert durch a b, wo sich, nach Zurechnung der Augenhöhe, ebenfalls A B ergibt. Es sei z. B.  $AC = 107,5 \text{ m}$ ,  $ab = 67$ , so ist

$$BD = \frac{107,5}{67} = \frac{100}{67} = \frac{10750}{67} \text{ oder } 160,45 \text{ m.}$$

Hierzu die Augenhöhe A D oder 1,85 „  
Höhe von A B ist gleich 162,3 m.

195. Der Boden ad Fig. 81 ist geneigt; auf welche Weise kann bd bestimmt werden?

Nach der Messung der horizontalen Weite a c (Fr. 99) visiere man von a nach b, so wie horizontal nach c. Letzteres geschieht, wenn das Lot auf Null der Stala m n Fig. 78 steht. Die Höhe c d wird nicht groß sein, und sich so messen lassen, das Stück b c aber wird nach Fr. 193 oder 194 bestimmt. Werden endlich c d und b c addiert, so erhält man die gesuchte Höhe.

196. In Fig. 82 steigt der Boden von d nach b; wie ist hier die Höhe von a c zu suchen?

Zuerst bestimme man nach Fr. 99 die horizontale Weite a d, visiere von d nach b und c, und berechne nach Fr. 193

und 194 die Höhen  $ac$ ,  $ab$ . Wird nun  $ab$  von  $ac$  abgezogen, so bleibt die gesuchte Höhe  $bc$  zum Reste.

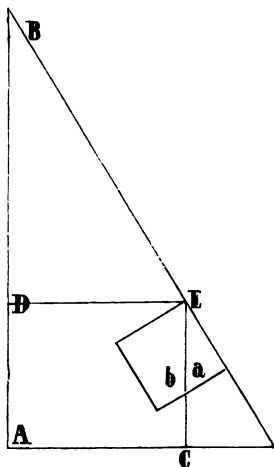


Fig. 80.

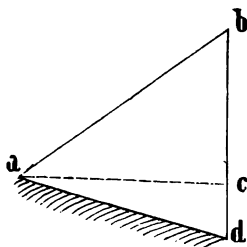


Fig. 81.

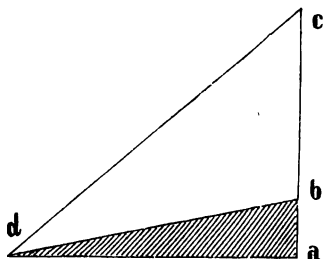


Fig. 82.

**197. Was wird unter dem Nivellieren verstanden und wozu dient es?**

Das Nivellieren ist ebenfalls eine Höhenmessung, doch dient es nur zum genauen Bestimmen kleiner Höhenunterschiede, so wie zum Abstecken ganz horizontaler Linien. Seine Anwendung ist häufig und von großer Wichtigkeit fürs Leben, namentlich zur Anlegung von Gräben, Be- und Entwässerungen, Drainierungen, Wegen u. s. w.

**198. Welches sind die einfachsten, zum Nivellieren brauchbaren Werkzeuge?**

Außer dem Meßbrette zu kleinen Nivellements, die Sezwage, vorzüglich aber eine, mit einer röhrenförmigen

Herrmann, Feldmeßkunst. 4. Aufl.

Wassermage versehene Diopter. Überdies sind zum Nivellieren noch Pfähle, einige Latten und vorzüglich eine Visierlatte notwendig.

### 199. Wie ist die Schwage eingerichtet?

Sie besteht für unsern Zweck aus einem ungefähr 1 m langen Lineale A B Fig. 83, in dessen Mitte ein anderes Lineal

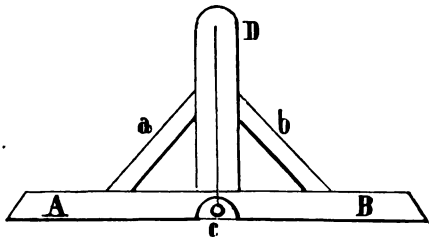


Fig. 83.

CD von ungefähr  $\frac{1}{2}$  m Länge senkrecht aufgesetzt und durch zwei Streben a, b befestigt ist. Das Lineal CD ist mit Papier bespannt und auf diesem die Linie CD ganz genau senkrecht auf die untere Kante des Lineals A B gezogen. In D wird nun ein, an einem Haare hängendes Bleilot befestigt, und die Wage ist fertig. Sobald bei ihr das Haar die Linie C D deckt, ist die Linealkante A B horizontal.

### 200. Auf welche Weise läßt sich das Meßbrett als Nivellierungswerkzeug gebrauchen?

Dadurch, daß man seine Handhabe wie in Fig. 84 einrichtet. Ein, am äußersten Ende B mit einer Holzschraube und bei A mit einer gewöhnlichen Schraube versehener Stift ist in eine Platte eingekienet, welche durch Holzschrauben an die Hinterfläche des Brettes befestigt wird. Beim Gebrauche zum Höhenmessen wird die bei C im Durchschnitte gezeichnete Handhabe angeschraubt, beim Gebrauche zum Nivellieren schraubt man aber diesen Handgriff ab, den Stift aber, wie Fig. 85 von der Seite zeigt, in einen Pfahl A, so daß das

Lot b genau auf Null der Skala mn Fig. 78 steht. In diesem Falle ist die Absehlinie der Diopter horizontal.

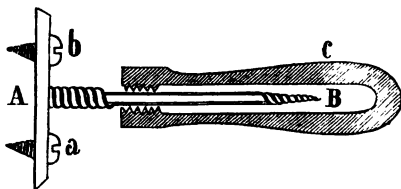


Fig. 84.

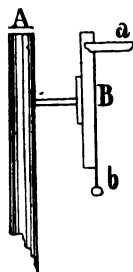


Fig. 85.

201. Welches ist die einfachste Konstruktion eines mit Wasserwaage versehenen Nivellierinstrumentes?

Ein Lineal g h Fig. 86 von ungefähr 20 Centimeter Länge, 4 Centimeter Breite und 2 Centimeter Dicke trägt an seiner untern breiten Fläche einen konischen Stift i, welcher in ein leichtes, dem Meßtische ähnliches Stativ paßt, sich in einem

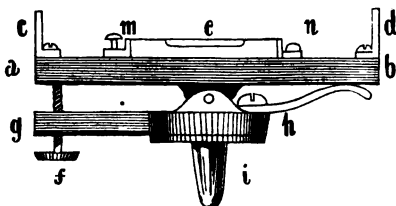


Fig. 86.

Hohlkonus um seine Axe drehen und in jeder Lage festklemmen läßt. Bei h ist ein genau schließendes Charnier angebracht, wodurch ein zweites, doppelt großes Lineal a b mit dem erstern verbunden ist und eine sanfte Bewegung auf- und niederwärts zuläßt. Durch die Schraube f können

beide Lineale einander beliebig genähert werden. An den äußersten Enden des obern Lineals sind zwei Diopter c, d aufgeschraubt, und auf dessen Mitte liegt eine horizontale Wasserrage e, welche bei n festgeschraubt, bei m aber durch eine Stellschraube etwas gehoben oder gesenkt werden kann.

**202. Welche Einrichtung haben die Diopter dieses Nivellierinstrumentes?**

Sie haben beide die Form von Fig. 87. Eine Metallplatte A B ist am nicht schraffierten Teil durchbrochen, im massiven Teile ist ein Visierloch O eingebohrt, während in gleicher Höhe mit ihm ein Haar a b horizontal im durchbrochenen Teile ausgespannt wird. Die Diopter sind nicht zum Niederlegen eingerichtet und stehen so gegen einander, daß das Loch des einen mit dem Haar des andern auf der nämlichen Seite des Lineals sich befindet.

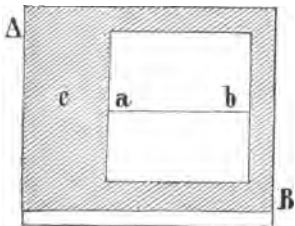


Fig. 87.

**203. Auf welche Weise wird dieses Instrument justiert?**

Nach Aufstellung desselben bringt man das Lineal g h in ziemlich horizontale Lage und verfährt nun, wie Fig. 88 zeigt. In dieser Figur ist A das Instrument und B ein in passender Weite davon aufgestellter Stab. Jetzt richtet man den Nivelleur nach dem Stabe, stellt durch die Schraube f das Lineal a b so, daß die Luftblase genau in der Mitte der Wasserrage steht, visiert ihn an und läßt durch einen Gehülfen an demselben genau den Punkt angeben, welchen das Haar schneidet. Ohne nun den Stand des Instruments zu verändern, wendet man es um seine horizontale Axe, so daß seine vordere Diopter zur hintern wird, läßt die Luftblase durch Stellen der Schrauben f wieder einspielen und visiert nochmals nach dem Stabe. Deckt jetzt das Haar den erst-

gemachten Strich wieder, so ist das Werkzeug justiert. Wenn aber beim ersten Visieren das Haar z. B. den Punkt a und beim zweiten den Punkt b abgeschnitten hätte, so halbiert man — ohne Instrument oder Stab zu verrücken — die Entfernung a b in c, geht wieder zum Nivelleur, stellt das

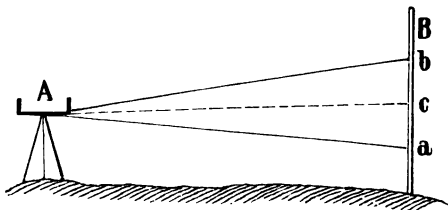


Fig. 88.

Lineal a b so, daß das Haar genau den Punkt c deckt und hebt oder senkt nun mittels der Schraube m die Wasserröhre, bis die Luftblase einspielt. Nun ist das Werkzeug justiert und die Stellschraube m darf nicht wieder berührt werden.

#### 204. Wie ist die gewöhnliche Visierlatte beschaffen?

Eine ungefähr 4 m lange Latte B, Fig. 89 a und b, ist an ihrer breiten Rückseite in Centimeter eingeteilt. Eine quadratförmige, ungefähr 25 Centimeter große Tafel A — Fig. 89 a Vorder- und Fig. 89 b Hinterseite — läßt sich an der Latte verschieben und an jeder Stelle mittels einer Preßschraube befestigen. Diese Tafel ist vorn weiß und schwarz in vier Felder geteilt, wie dies die Figur zeigt, an ihrer Rückseite ist eine durchbrochene Klammer C angebracht, welche die Latte umspannt und die Preßschraube x enthält. In der Öffnung dieser Klammer ist eine Messingplatte angebracht, welche Millimeter anzeigt und zum genauen Ablesen der gefundenen Maße dient. Der Nullstrich dieser Platte muß mit dem mittlern Querstriche an der Vorderseite der Tafel genau gleiche Höhe haben.



**205. Auf welche Weise wird die Nivellierlatte angewendet?**

Es solle in Fig. 90 bestimmt werden, um wie viel der Punkt *b* über dem Punkte *d* liegt. Zu dem Ende stellt man das Meßbrett oder den Nivelleur in *b* auf, bringt auf die erklärte Weise die Visierlinie in horizontale Richtung, läßt einen Gehülfen die Latte senkrecht vor dieselbe halten, um zu sehen, um wie viel diese Linie über dem Punkt *b* liegt.

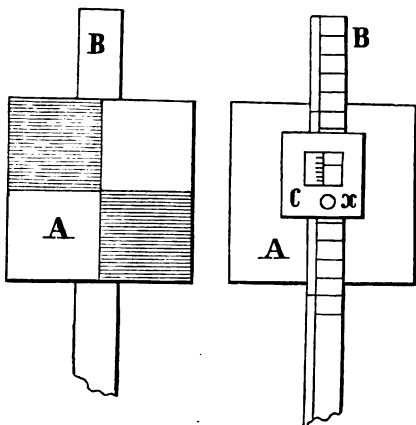


Fig. 89.

Hierauf begiebt sich der Gehülfe nach *d*, stellt die Latte dort senkrecht auf und verschiebt die Tafel *B* so hoch, bis der Querstrich von der Sehlinie gedeckt wird, in welcher Stelle er die Tafel feststellt. Das Auf- und Niederrücken der Tafel wird dem Gehülfen zugerufen oder durch Zeichen signalisiert. Ist nun der Mittelpunkt der Tafel um  $Bd$  über *d*, und ist die Höhe der Visierlinie um  $Ab = Bc$  über *b*, so ist die Erhebung von *b* über *d*  $= Bd - Bc = cd$ , oder sie wird gefunden, wenn man die Höhe des Instruments von der in *d* gefundenen Höhe abzieht. Um dabei den Fuß der Latte fest

auffegen zu können, wird in jedem Aufstellpunkte ein Pfahl bis zur Erdoberfläche eingeschlagen.

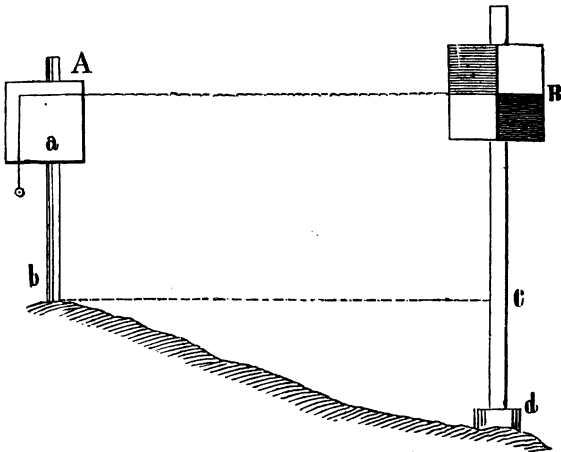


Fig. 90.

**206. Auf welche Weise wird ein Nivellement mit der Sezwage ausgeführt?**

Es sei Fig. 91 zu bestimmen, um wie viel der Punkt a über dem Punkte g liegt. Zu dieser Bestimmung nimmt man

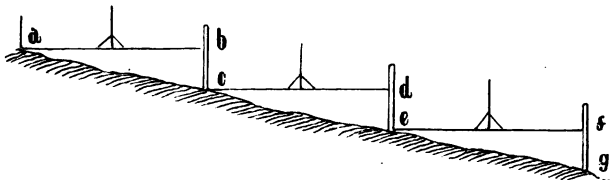


Fig. 91.

eine ungefähr 4 m lange, recht gerade Latte, legt sie mit dem einen Ende auf der hohen Kante in a auf den Boden und mit

dem andern Ende läßt man sie durch einen Gehülfsen an dem Pfahle  $b\ c$  anhalten. Jetzt wird die Sezwage auf die Latte gestellt und letztere von dem Gehülfsen so weit verrückt, bis das Haar des Lotes genau auf den senkrechten Strich der Sezwage fällt. Der Punkt  $b$ , welchen die untere Lattenkante am Pfahle berührt, wird angemerkt und  $b\ c$  gemessen, welches die Höhe von  $a$  über  $C$  ist. Ganz auf dieselbe Weise bestimmt man die Höhe von  $c$  über  $e = d\ e$ , und von  $e$  über  $g = f\ g$ . Die Summe der einzelnen Erhebungen  $b\ c$ ,  $d\ e$ ,  $f\ g$  ist offenbar gleich der gesuchten Erhebung von  $a$  über  $g$ .

**207. Wie ist zu verfahren, wenn der Boden steigt und fällt?**

In diesem Falle wird die Steigung ganz wie vorhin bestimmt, im Manuale aber die Senkungen und die Steigungen, jede für sich, notiert und addiert. Betrüge nun die Summe aller Steigungen 114 Centimeter und die aller Senkungen 87 Centimeter, so stiege der Boden um 114 weniger 87 oder um 27 Centimeter, d. h. der letzte Punkt des Nivellements läge um 27 Centimeter höher, als der Anfangspunkt. Ganz so ist auch zu rechnen, wenn der Anfangspunkt höher als der Endpunkt liegt.

**208. Wie wird ein Nivellement durch Meßbrett oder Nivelleur ausgeführt?**

Das Verfahren ist in Fig. 92 versinnlicht, in welcher Figur  $x$  den Anfangs- und  $y$  den Endpunkt des Nivellements

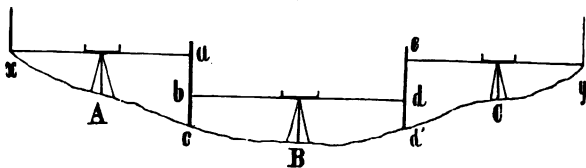


Fig. 92.

bezeichnet. Zuerst stellt man das Instrument in A auf und richtet es genau horizontal. Sodann läßt man den Gehülfsen

mit der Nivellierlatte nach *x* gehen und visiert dort die Tafel an. Nachdem dies geschehen, begiebt sich der Gehülfe nach *c*, im Vorbeigehen aber notiert man das in *x* erhaltene Maß. In *c* wird wieder anvisiert, der Gehülfe bleibt stehen, man begiebt sich aber mit dem Instrument selbst nach *B*, im Vorbeigehen bei *c* das Maß aufschreibend. In *B* wird das Instrument wieder aufgestellt und nach *c* visiert; sodann geht der Gehülfe nach *d*, wo man wieder anvisiert, sich sodann in *C* aufstellt, rückvisiert und abwechselnd bis zur Beendigung des Nivellements fortfährt. Das letzte Anvisieren muß vorwärts geschehen, weil man dann nicht nötig hat, die Erhebung der Visierlinien über dem Boden anzugeben.

**209. Wie ist das Manual bei einem solchen Nivellement zu führen?**

Die Einrichtung des Manuals ist ganz einfach und enthält nur drei Rubriken, die eine für die Standpunkte, die zweite für die beim Rückvisieren und die dritte für die beim Vorwärtvisieren erhaltenen Maße. Für etwaige Bemerkungen kann man noch eine vierte Rubrik beifügen. Diese Einrichtung zeigt folgendes Schema:

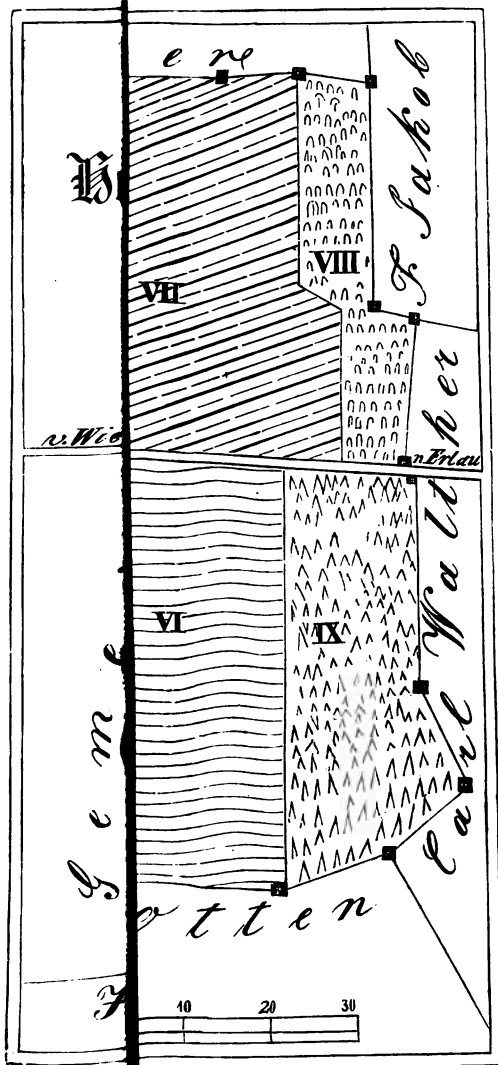
Standpunkt.	Rückvisiert. Centim.	Vorwärtvisiert. Centim.	Bemerkungen.
1.	31,17	57,19	
2.	24,71	69,13 *)	*) Sohle des Stollens.
3.	98,83	121,21	
4.	7,24 †)	24,03	†) Spiegel des Teiches.
5.	54,37	34,57	
	216,32	306,13	Summa.
	Vorwärts = 306,13 Centimeter		
	Rückwärts = 216,32 "		
	also Steigung = 89,91 Centimeter.		

Ergiebt das Rückwärtvisieren eine größere Summe, als das Vorwärtvisieren, so findet natürlich Senkung statt.

**210. Welcher Vorteil ist beim Nivellement aus der Mitte zu beachten, insofern es das Terrain erlaubt?**

Der Vorteil, gleichlange Stationen zu wählen. Es gleichen sich hierdurch die kleinen Nivellementsfehler aus, und sogar ein nicht justirtes Instrument giebt, dieser Ausgleichung halber, richtige Resultate.





Gräflärn, ochwald; X<sup>a</sup>. X<sup>b</sup>. Wiese; XI. Teich.







- \*Baustile.** Siebente Auflage. — **Katechismus der Baustile, oder Lehre der architektonischen Stilarten von den ältesten Zeiten bis auf die Gegenwart.** Von Dr. Ed. Freiherrn von Sacken. Siebente, verbesserte Auflage. Mit einem Verzeichniß von Kunstausdrücken und 108 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2
- Bibliothekenlehre.** Dritte Auflage. — **Katechismus der Bibliothekenlehre.** Anleitung zur Einrichtung und Verwaltung von Bibliotheken. Von Dr. Jul. Pechholdt. Dritte, verbesserte Auflage. Mit 17 in den Text gedruckten Abbildungen und 15 Schrifttafeln. M. 2
- Bienenkunde.** Zweite Auflage. — **Katechismus der Bienenkunde und Bienenzucht.** Von G. Kirsten. Zweite, verbesserte Auflage. Mit 47 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1
- \*Bleicherei, Färberei und Zeugdruck.** Zweite Auflage. — **Katechismus der Bleicherei, Färberei und des Zeugdrucks, oder Lehre von der chemischen Bearbeitung der Gespinnstfasern.** Von Herm. Grothe. Zweite, umgearbeitete Auflage. Mit vielen in den Text gedruckten Abbildungen und mehreren Tafeln Zeugproben. [Unter der Presse.]
- Börsengeschäft.** Zweite Auflage. — **Katechismus des Börsengeschäfts, des Fonds- und Aktienhandels.** Von Hermann Hirschbach. Zweite, gänzlich umgearbeitete Auflage. M. 1. 50
- Botanik.** — **Katechismus der Allgemeinen Botanik.** Von Prof. Dr. Ernst Hallier. Mit 95 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2
- Botanik, landwirtschaftliche.** Zweite Auflage. — **Katechismus der landwirtschaftlichen Botanik.** Von Karl Müller. Zweite, vollständig umgearbeitete Auflage von R. Herrmann. Mit 4 Tafeln und 48 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 50
- \*Buchdruckerkunst.** Vierte Auflage. — **Katechismus der Buchdruckerkunst und der verwandten Geschäftszweige.** Von C. A. Franke. Vierte, vermehrte und verbesserte Auflage, bearbeitet von Alexander Waldow. Mit 42 in den Text gedruckten Abbildungen und Tafeln. M. 2. 50
- \*Buchführung.** Dritte Auflage. — **Katechismus der kaufmännischen Buchführung.** Von Oskar Klemich. Dritte, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 7 in den Text gedruckten Abbildungen und 3 Wechselformularen. M. 2
- \*Buchführung, landwirtschaftliche.** — **Katechismus der landwirtschaftlichen Buchführung.** Von Prof. R. Birnbaum. M. 2
- \*Chemie.** Fünfte Auflage. — **Katechismus der Chemie.** Von Prof. Dr. F. Hirtzel. Fünfte, vermehrte Auflage. Mit vielen in den Text gedruckten Abbildungen. [Unter der Presse.]
- \*Chemikalienkunde.** — **Katechismus der Chemikalienkunde.** Eine kurze Beschreibung der wichtigsten Chemikalien des Handels. Von Dr. G. Heppel. M. 2
- \*Chronologie.** Dritte Auflage. — **Kalenderbüchlein. Katechismus der Chronologie mit Beschreibung von 33 Kalendern verschiedener Völker und Zeiten.** Von Dr. Adolph Drechsler. Dritte, verbesserte und sehr vermehrte Auflage. M. 1. 50
- \*Dampfmaschinen.** — **Katechismus der stationären Dampfkessel und Dampfmaschinen.** Ein Lehr- und Nachschlagebüchlein für Praktiker, Techniker und Industrielle. Von Ingenieur Th. Schwarze. Mit 165 in den Text gedruckten und 8 Tafeln Abbildungen. M. 2. 50

- \* Drainierung.** Dritte Auflage. — **Katechismus der Drainierung und der Entwässerung des Bodens überhaupt.** Von Dr. William Löbe. Dritte, gänzlich umgearbeitete Auflage. Mit 92 in den Text gedr. Abbildungen. M. 2
- \* Dramaturgie.** — **Katechismus der Dramaturgie.** Von R. Prölsch. M. 2. 50
- \* Drogenkunde.** — **Katechismus der Drogenkunde.** Von Dr. G. Hepp. Mit 30 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2. 50
- \* Einjährig-Freiwillige.** Zweite Ausgabe. — **Katechismus für den Einjährig-Freiwilligen.** Von M. von Sühmlich, gen. Hörnig. Zweite, durchgesehene Ausgabe. Mit 52 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2. 50
- \* Elektrotechnik.** Zweite Auflage. — **Katechismus der Elektrotechnik.** Ein Lehrbuch für Praktiker, Techniker und Industrielle. Von Ingenieur Th. Schwarze. Zweite, verbesserte und vermehrte Auflage. Mit 352 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 4. 50
- \* Ethik.** — **Katechismus der Sittenlehre.** Von Lla. Dr. Friedrich Kirchner. M. 2. 50
- \* Farbwarenkunde.** — **Katechismus der Farbwarenkunde.** Von Dr. G. Hepp. M. 2
- \* Feldmessenkunst.** Vierte Auflage. — **Katechismus der Feldmessenkunst mit Kette, Winkelspiegel und Meßtisch.** Von Fr. Herrmann. Vierte, durchgesehene Auflage. Mit 92 in den Text gedruckten Figuren und einer Flurkarte. M. 1. 50
- \* Feuerlöschwesen.** [In Vorbereitung.]
- \* Feuerwerkerei.** — **Katechismus der Luftfeuerwerkerei. Kurzer Lehrgang für die grünlische Ausbildung in allen Theilen der Pyrotechnik.** Von C. A. v. Nida. Mit 124 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2
- \* Finanzwissenschaft.** Dritte Auflage. — **Katechismus der Finanzwissenschaft oder die Kenntnis der Grundbegriffe und Hauptlehren der Verwaltung der Staatseinkünfte.** Von A. Bischof. Dritte, verb. u. verm. Aufl. M. 1. 50
- \* Fischzucht.** — **Katechismus der Fischzucht.** Von F. Meyer. [In Vorbereitung.]
- \* Flachsbau.** — **Katechismus des Flachsbauens und der Flachsbereitung.** Von R. Sonntag. Mit 12 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1
- \* Fleischbeschau.** — **Katechismus der mikroskopischen Fleischbeschau.** Von F. W. Riffert. Mit 28 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1
- \* Forstbotanik.** Dritte Auflage. — **Katechismus der Forstbotanik.** Von S. Fischbach. Dritte, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 77 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2
- \* Galvanoplastik.** Zweite Auflage. — **Katechismus der Galvanoplastik.** Ein Handbuch für das Selbststudium und den Gebrauch in der Werkstatt. Von Dr. G. Seelhorst. Zweite, vollständig umgearbeitete Auflage. Mit Titelbild und 40 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 50
- \* Gedächtniskunst.** Fünfte Auflage. — **Katechismus der Gedächtniskunst oder Mnemotechnik.** Von Hermann Roth. Fünfte, von J. B. Montag sehr verbesserte und vermehrte Auflage. M. 1. 50
- \* Geographie.** Vierte Auflage. — **Katechismus der Geographie.** Vierte Auflage, gänzlich umgearbeitet von Karl Krenz, Kaiserl. Rat und Direktor der Prager Handelsakademie. Mit 57 Karten und Ansichten. M. 2. 40

- \*Geographie, mathematische. — Katechismus der mathemat. Geographie.** Von Dr. A. b. Drechsler. Mit 113 in den Text gedr. Abbildungen. M. 2. 50
- Geologie. Dritte Auflage. — Katechismus der Geologie, oder Lehre vom innern Bau der festen Erkruste und von deren Bildungsweise.** Von Prof. Bernhard v. Cotta. Dritte, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 50 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 50
- \*Geometrie, analytische. — Katechismus der analytischen Geometrie.** Von Dr. Max Friedrich. Mit 56 in den Text gedr. Abbild. M. 2. 40
- Geometrie. Zweite Auflage. — Katechismus der ebenen und räumlichen Geometrie.** Von Prof. Dr. R. Ed. Behse. Zweite, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 209 in den Text gedruckten Figuren und 2 Tabellen zur Maßverwandlung. M. 2
- Gefangskunst. Dritte Auflage. — Katechismus der Gefangskunst.** Von F. Sieber. Dritte, verbesserte Auflage. Mit vielen in den Text gedruckten Notenbeispielen. M. 1. 50
- Geschichte f. Weltgeschichte.**
- Geschichte, deutsche. — Katechismus der deutschen Geschichte.** Von Dr. Wilh. Kenzler. M. 2. 50
- Gesundheitslehre f. Makrobiotik.**
- \*Girowesen. — Katechismus des Girowesens.** Von Karl Berger. Mit 21 Geschäfts-Formularen. M. 2
- \*Handelskorrespondenz. — Katechismus der kaufm. Korrespondenz in deutscher Sprache.** Von C. F. Findeisen. M. 2
- \*Handelsrecht. Zweite Auflage. — Katechismus des deutschen Handelsrechts, nach dem Allgem. Deutschen Handelsgesetzbuche.** Von Reg.-Rat Robert Fischer. Zweite, umgearbeitete Auflage. M. 1. 50
- Handelswissenschaft. Fünfte Auflage. — Katechismus der Handelswissenschaft.** Von R. Krenz. Fünfte, verbesserte und vermehrte Auflage. M. 1. 50
- \*Heizung, Beleuchtung und Ventilation. — Katechismus der Heizung, Beleuchtung und Ventilation.** Von Ingenieur Th. Schwarze. Mit 159 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 3
- \*Heraldik. Dritte Auflage. — Katechismus der Heraldik. Grundzüge der Wappenkunde.** Von Dr. Ed. Freih. v. Sacken. Dritte, verbesserte Auflage. Mit 202 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2
- Hufbeschlagnag. Zweite Auflage. — Katechismus des Hufbeschlages.** Zum Selbstunterricht für jedermann. Von C. Th. Walther. Zweite, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 67 in den Text gedr. Abbild. M. 1. 20
- Hüttenkunde. — Katechismus der allgemeinen Hüttenkunde.** Von Dr. C. F. Dürre. Mit 209 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 4
- Kalenderbüchlein f. Chronologie.**
- Kalenderkunde. — Katechismus der Kalenderkunde. Belehrungen über Zeitrechnung, Kalenderwesen und Feste.** Von Dr. Freih. v. Reinsberg-Düringsfeld. Mit 2 in den Text gedruckten Tafeln. M. 1
- Kindergärtnerei. Zweite Auflage. — Katechismus der praktischen Kindergärtnerei.** Von Fr. Seidel. Zweite, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 55 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 20
- \*Kirchengeschichte. — Katechismus der Kirchengeschichte.** Von Lia Dr. Friedrich Kirchner. M. 2. 50

- \*Klavierspiel. — Katechismus des Klavierspiels.** Von Franklin Taylor, deutsch von Mathilde Stegmayer. Mit vielen in den Text gedruckten Notenbeispielen. M. 1. 50
- \*Kompositionslehre.** Vierte Auflage. — **Katechismus der Kompositionslehre.** Von Prof. J. C. Lobe. Vierte, verbesserte Auflage. Mit vielen in den Text gedruckten Musikbeispielen. M. 2
- Korrespondenz** s. Handelskorrespondenz.
- \*Kriegsmarine, Deutsche. — Katechismus der Deutschen Kriegsmarine.** Von Prem.-Lieut. G. Pabel. Mit 3 Abbildungen. M. 1. 50
- \*Kulturgeschichte. — Katechismus der Kulturgeschichte.** Von J. J. Honegger. M. 2
- \*Kunstgeschichte.** Zweite Auflage. — **Katechismus der Kunstgeschichte.** Von Bruno Bucher. Zweite, verbesserte Auflage. Mit vielen in den Text gedruckten Abbildungen. [Unter der Presse.
- Litteraturgeschichte.** Zweite Auflage. — **Katechismus der allgemeinen Litteraturgeschichte.** Von Dr. Ad. Stern. Zweite, durchgesehene Auflage. M. 2. 40
- \*Litteraturgeschichte, deutsche.** Sechste Auflage. — **Katechismus der deutschen Litteraturgeschichte.** Von Oberschulrat Dr. Paul Möbius. Sechste, vervollständigte Auflage. M. 2
- \*Logarithmen. — Katechismus der Logarithmen.** Von Max Meyer. Mit 3 Tafeln Logarithmen und trigonometrischen Zahlen und 7 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2
- \*Logik. — Katechismus der Logik.** Von Lio. Dr. Friedr. Kirchner. Mit 36 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2. 50
- \*Luftfeuerwerkerei** s. Feuerwerkerei.
- Makrobiotik.** Dritte Auflage. — **Katechismus der Makrobiotik, oder der Lehre, gesund und lange zu leben.** Von Dr. med. H. Klenke. Dritte, durchgearbeitete und verm. Auflage. Mit 63 in den Text gedr. Abbildungen. M. 2
- Marine** s. Kriegsmarine.
- \*Mechanik.** Zweite Auflage. — **Katechismus der Mechanik.** Von Ph. Huber. Zweite, verbesserte Auflage. Mit 152 in den Text gedruckten Figuren. M. 2
- Meteorologie.** Zweite Auflage. — **Katechismus der Meteorologie.** Von Heinr. Bretschel. Zweite, verbesserte und vermehrte Auflage. Mit 53 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 50
- \*Milchwirtschaft. — Katechismus der Milchwirtschaft.** Von Dr. Eugen Werner. Mit 23 in den Text gedruckten Abbildungen. [Unter der Presse.
- Mineralogie.** Dritte Auflage. — **Katechismus der Mineralogie.** Von Prof. Dr. G. Leonhard. Dritte, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 150 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 20
- Mnemonik** s. Gedächtniskunst.
- \*Musik.** Zweihundzwanzigste Auflage. — **Katechismus der Musik.** Erläuterung der Begriffe und Grundsätze der allgemeinen Musiklehre. Von Prof. J. C. Lobe. Zweihundzwanzigste Auflage. M. 1. 50
- Musikgeschichte. — Katechismus der Musikgeschichte.** Von H. Musiol. Mit 14 in den Text gedruckten Abbildungen und 34 Notenbeispielen. M. 2
- \*Musikinstrumente.** Vierte Auflage. — **Katechismus der Musikinstrumente.** Von F. A. Schubert. Vierte, verbesserte und vermehrte Auflage, bearbeitet von Rob. Musiol. Mit 62 in den Text gedr. Abbildungen. M. 1. 50

- \*Mythologie.** Vierte Auflage. — **Katechismus der Mythologie aller Kulturvölker.** Von Prof. Dr. Johannes Mindwip. Vierte Auflage. Mit 72 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2. 50
- Naturlehre.** Dritte Auflage. — **Katechismus der Naturlehre, oder Erklärung der wichtigsten physikalischen und chemischen Erscheinungen des täglichen Lebens.** Nach dem Englischen des Dr. C. C. Brewer. Dritte, von Heinrich Gretschel umgearbeitete Auflage. Mit 55 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2
- Nivellierkunst.** Zweite Auflage. — **Katechismus der Nivellierkunst.** Mit besonderer Rücksicht auf praktische Anwendung bei Erdarbeiten, Bewässerungen, Drainieren, Wiesen- und Begebau zc. Von Fr. Herrmann. Zweite, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 55 in den Text gedruckten Figuren. M. 1. 20
- \*Russgärtnerci.** Vierte Auflage. — **Katechismus der Russgärtnerci, oder Grundzüge des Gemüse- und Obstbaues.** Von Hermann Jäger. Vierte, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 54 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2
- Orgel.** Zweite Auflage. — **Katechismus der Orgel.** Erklärung ihrer Struktur, besonders in Beziehung auf technische Behandlung beim Spiel. Von Prof. C. F. Richter. Zweite, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 25 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 20
- \*Ornamentik.** Dritte Auflage. — **Katechismus der Ornamentik.** Leitfaden über die Geschichte, Entwicklung und die charakteristischen Formen der Verzierungsstile aller Zeiten. Von F. Kantsch. Dritte, verbesserte Auflage. Mit 131 in den Text gedruckten Abbildungen und einem Verzeichnis von 100 Spezialwerken zum Studium der Ornamentikstile. M. 2
- Orthographie.** Vierte Auflage. — **Katechismus der deutschen Orthographie.** Von Dr. D. Sanders. Vierte, verbesserte Auflage. M. 1. 50
- \*Petrographie.** — **Katechismus der Petrographie.** Lehre von der Beschaffenheit, Lagerung und Bildungsweise der Gesteine. Von Dr. J. Blasch. Mit 40 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2
- \*Philosophie.** Zweite Auflage. — **Katechismus der Philosophie.** Von J. G. v. Kirchmann. Zweite, verbesserte Auflage. M. 2. 50
- — — **Katechismus der Geschichte der Philosophie von Thales bis zur Gegenwart.** Von Lic. Dr. Fr. Kirchner. M. 2. 50
- Photographie.** Dritte Auflage. — **Katechismus der Photographie, oder Anleitung zur Erzeugung photographischer Bilder.** Von Dr. J. Schnauß. Dritte, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 30 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 50
- Phrenologie.** Sechste Auflage. — **Katechismus der Phrenologie.** Von Dr. G. Scheve. Sechste, verbesserte Auflage. Mit einem Titelbild und 18 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 20
- \*Physik.** Dritte Auflage. — **Katechismus der Physik.** Von Heinrich Gretschel. Dritte, verbesserte und vermehrte Auflage. Mit 157 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2. 50
- Poetik.** Zweite Auflage. — **Katechismus der deutschen Poetik.** Von Prof. Dr. J. Mindwip. Zweite, vermehrte und verbesserte Auflage. M. 1. 50

- \*Psychologie. — Katechismus der Psychologie.** Von Lio. Dr. Fr. Kirchner. M. 3
- Raumberechnung.** Zweite Auflage. — **Katechismus der Raumberechnung,** oder Anleitung zur Größenbestimmung von Flächen und Körpern jeder Art. Von Fr. Herrmann. Zweite, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 59 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 20
- \*Redekunst.** Dritte Auflage. — **Katechismus der Redekunst.** Anleitung zum mündlichen Vortrage. Von Dr. Roderich Benedig. Dritte, durchgesehene Auflage. M. 1. 50
- \*Registratur- und Archivkunde. — Katechismus der Registratur- und Archivkunde.** Handbuch für das Registratur- und Archivwesen bei den Reichs-, Staats-, Hof-, Kirchen-, Schul- und Gemeindebehörden, den Rechtsanwälten u., sowie bei den Staatsarchiven. Von Georg Holzinger. Mit Beiträgen von Dr. Friedr. Leift. M. 3
- \*Reichspost. — Katechismus der Deutschen Reichspost.** Von Wilh. Lenz. Mit 10 in den Text gedruckten Formularen. M. 2. 50
- \*Reichsverfassung.** Zweite Auflage. — **Katechismus des Deutschen Reiches.** Ein Unterrichtsbuch in den Grundsätzen des deutschen Staatsrechts, der Verfassung und Gesetzgebung des Deutschen Reiches. Von Dr. Wilh. Zeller. Zweite, vermehrte und verbesserte Auflage. M. 3
- \*Rosenzucht. — Katechismus der Rosenzucht.** Von Herm. Jäger. Mit 52 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2
- \*Schachspielkunst.** Neunte Auflage. — **Katechismus der Schachspielkunst.** Von R. Z. S. Portius. Neunte, vermehrte und verbesserte Aufl. M. 2
- Schreibunterricht.** Zweite Auflage. — **Katechismus des Schreibunterrichts.** Zweite, neubearbeitete Auflage. Von Herm. Kaplan. Mit 147 in den Text gedruckten Figuren. M. 1
- \*Schwimmkunst. — Katechismus der Schwimmkunst.** Von Martin Schwägerl. Mit 113 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2
- Spinnerei und Weberei.** Zweite Auflage. — **Katechismus der Spinnerei, Weberei und Appretur,** oder Lehre von der mechanischen Verarbeitung der Gespinnstfasern. Von Herm. Grothe. Zweite, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 101 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 50
- Sprachlehre.** Dritte Auflage. — **Katechismus der deutschen Sprachlehre.** Von Dr. Konrad Michelsen. Dritte, verbesserte Auflage, herausgegeben von Ed. Michelsen. M. 2
- Stenographie. — Katechismus der deutschen Stenographie.** Ein Leitfaden für Lehrer und Lernende der Stenographie im allgemeinen und des Systems von Gabelsberger im besondern. Von Heinrich Krieg. Mit vielen in den Text gedruckten stenographischen Vorlagen. M. 2
- \*Stilistik. — Katechismus der Stilistik.** Ein Leitfaden zur Ausarbeitung schriftlicher Aufsätze. Von Dr. Konrad Michelsen. M. 2
- \*Tanzkunst.** Vierte Auflage. — **Katechismus der Tanzkunst.** Ein Leitfaden für Lehrer und Lernende. Von Bernhard Klemm. Vierte, verbesserte und vermehrte Auflage. Mit vielen in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2. 50
- \*Telegraphie.** Sechste Auflage. — **Katechismus der elektrischen Telegraphie.** Von Prof. Dr. R. E. B. Besse. Sechste, völlig umgearbeitete Auflage. Mit 315 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 4

- \*Tierzucht, landwirtschaftliche. — Katechismus der landwirtschaftlichen Tierzucht.** Von Dr. Eugen Werner. Mit 20 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2. 50
- \*Trigonometrie. — Katechismus der ebenen und sphärischen Trigonometrie.** Von Franz Bendt. Mit 86 in den Text gedr. Abbild. M. 1. 50
- \*Turnkunst. Fünfte Auflage. — Katechismus der Turnkunst.** Von Dr. M. Kloss. Fünfte, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 104 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2. 50
- \*Uhrmacherkunst. Dritte Auflage. — Katechismus der Uhrmacherkunst.** Anleitung zur Kenntniß, Berechnung, Konstruktion und Behandlung der Uhrwerke jeder Art. Von Friedrich Herrmann. Dritte, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 57 in den Text gedruckten Abbild. [Unter der Presse.]
- Unterricht. Zweite Auflage. — Katechismus des Unterrichts und der Erziehung.** Von Dr. C. J. Bauchard. Zweite, verbesserte und vermehrte Auflage. Mit 40 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 20
- \*Urkundenlehre. — Katechismus der Diplomatik, Paläographie, Chronologie und Sphragistik.** Von Dr. Fr. Leif. Mit 5 Tafeln Abbild. M. 4
- Versicherungswesen. — Katechismus des Versicherungswesens.** Von Oskar Lemde. M. 1. 50
- \*Verstkunst. Zweite Auflage. — Katechismus der deutschen Verstkunst.** Von Dr. Roderich Benedig. Zweite Auflage. M. 1. 20
- Völkerrecht. — Katechismus des Völkerrechts.** Mit Rücksicht auf die Zeit- und Streitfragen des internationalen Rechtes. Von A. Bischof. M. 1. 20
- \*Volkswirtschaftslehre. Dritte Auflage. — Katechismus der Volkswirtschaftslehre.** Katechismus in den Anfangsgründen der Wirtschaftslehre. Von Dr. Hugo Schöber. Dritte, umgearbeitete Auflage. M. 3
- Warenkunde. Vierte Auflage. — Katechismus der Warenkunde.** Von E. Schmidt. Vierte, von Dr. G. Heppel neu bearbeitete Auflage. M. 2. 40
- \*Wechselrecht. Dritte Auflage. — Katechismus des allgemeinen deutschen Wechselrechts.** Mit besonderer Berücksichtigung der Abweichungen und Zusätze der österreichischen und ungarischen Wechselordnung und des eidgenössischen Wechsel- und Chek-Gesetzes. Von Karl Arenz. Dritte, ganz umgearbeitete und vermehrte Auflage. [Unter der Presse.]
- Weinbau. Zweite Auflage. — Katechismus des Weinbaues.** Von Fr. Jac. Dochnahl. Zweite, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 88 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 1. 20
- \*Weltgeschichte. Zweite Auflage. — Katechismus der Allgemeinen Weltgeschichte.** Von Theodor Plathe. Zweite, ergänzte Auflage. Mit 5 Stammtafeln und einer tabellarischen Übersicht. [Unter der Presse.]
- Ziergärtnerei. Vierte Auflage. — Katechismus der Ziergärtnerei, oder Belehrung über Anlage, Ausschmückung und Unterhaltung der Gärten, so wie über Blumenzucht.** Von H. Jäger. Vierte, vermehrte und verbesserte Auflage. Mit 69 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2
- Zoologie. — Katechismus der Zoologie.** Von Prof. C. G. Siebel. Mit 125 in den Text gedruckten Abbildungen. M. 2

Verlag von J. J. Weber in Leipzig.

chen  
ften  
50  
mo-  
50  
Dr.  
Legi  
njl.  
lure  
cure  
api  
der  
mte  
20  
10  
on  
5  
ft.  
20  
ic  
20  
t-  
20  
1  
1





21885

OCT 29 1885

MAR 20 1886

APR 29 1886

JUN 22 1886

MAY 19 1900

MAY 20 1900

MAY 21 1900

MAY 22 1900

WEBERS ILLUSTRIERTE KATECHISMEN.

Eng 488.84

Katechismus der feldmesskunst mit k

Cabot Science

005707194



3 2044 091 968 347



LEIPZIG, VERLAG VON J. J. WEBER.

LEIPZIG, VERLAG VON J. J. WEBER.